LUCIANO RIBEIRO PINTO CONSOLI

ANÁLISE DO COMPORTAMENTO DINÂMICO LATERAL
DE UM VEÍCULO FERROVIÁRIO

São Paulo
2007

LUCIANO RIBEIRO PINTO CONSOLI

ANÁLISE DO COMPORTAMENTO DINÂMICO LATERAL
DE UM VEÍCULO FERROVIÁRIO

São Paulo
2007

LUCIANO RIBEIRO PINTO CONSOLI

ANÁLISE DO COMPORTAMENTO DINÂMICO LATERAL
DE UM VEÍCULO FERROVIÁRIO

Dissertação apresentada à Escola
Politécnica da Universidade de São
Paulo para obtenção do título de Mestre
em Engenharia Mecânica.

Área de concentração: Dinâmica e
Controle

Orientador: Prof. Dr. Roberto Spinola
Barbosa

São Paulo
2007

Este exemplar foi revisado e alterado em relação à versão original, sob responsabilidade única do autor e com a anuência de seu orientador.

São Paulo, 20 de Julho de 2007

Assinatura do autor:

Assinatura do orientador

Ficha Catalográfica

Consoli, Luciano Ribeiro Pinto

Análise do comportamento dinâmico lateral de um veículo ferroviário / L.R.P. Consoli. -- São Paulo, 2007. 158 p.

Dissertação (Mestrado) - Escola Politécnica da Universidade de São Paulo. Departamento de Engenharia Mecânica.

1.Dinâmica veicular 2.Ferrovias 3.Suspensão mecânica (Si-mulação) 4.Conforto veicular I.Universidade de São Paulo. Escola Politécnica. Departamento de Engenharia Mecânica II.t.

Dedicatória

A Charlotte, minha esposa,
à minha filha que está a caminho,
ao meu irmão Marco Antônio,
e a Nossa Senhora de Kazan (Казанской Божией Матери).

.

Agradecimentos

Gostaria de agradecer ao Professor Dr. Roberto Barbosa Spinola, orientador desta dissertação, pelo suporte técnico-científico, apoio e profissionalismo oferecidos durante todo o desenvolvimento deste trabalho.

Agradeço também à Escola Politécnica da USP pela oportunidade que me proporcionou e manifesto a satisfação de me tornar um de seus ex-alunos.

Não poderia me esquecer da Regina Freitas e de toda sua equipe que me ajudaram nos percalços administrativos que muitas vezes tiveram de ser resolvidos a distância.

Aos meus pais, pela ajuda mesmo havendo um oceano entre nós.

Finalmente, à minha esposa Charlotte pelos inúmeros finais de semana em que ela deixou de viajar, sair, ver os amigos e a família para que eu pudesse me dedicar à realização desta obra.

“I have fought the good fight,

I have kept the faith,

I have finished my course”

2 Timóteo 4: 7

Resumo

O propósito desta dissertação consiste em realizar um estudo do comportamento dinâmico lateral da caixa de um veículo ferroviário. Inicialmente fez-se uma abordagem do estado da arte referente à utilização de suspensões pneumáticas, sobre o funcionamento de sistemas de nivelamento, flexibilidade de caixas em análise dinâmica e irregularidades de vias férreas. Em seguida, definiu-se um modelo físico de um veículo ferroviário e, após determinadas simplificações, chegou-se a um sistema de nove graus de liberdade composto de uma caixa e dois truques de um rodeiro cada. Uma vez deduzidas as equações diferenciais de movimento, desenvolveram-se duas soluções capazes de fornecer resultados temporais e no domínio da frequência. Através da primeira delas, a solução analítica, obtêm-se as respostas em frequência e temporal dos movimentos lateral, *roll* e *yaw* da caixa para excitações de rotação longitudinal dos rodeiros. O segundo tipo de solução, por integração numérica, possui como excitações de entrada os deslocamentos verticais e rotacionais dos rodeiros e, como saídas, os movimentos nos nove graus de liberdade definidos para o sistema. Outra propriedade da solução por integração numérica é sua capacidade de simular suspensões secundárias lineares e não lineares. O artigo “Manchester Benchmarks for rail vehicle simulation” (IWNICKI, 1999) forneceu os parâmetros que definem o veículo e os princípios de irregularidades da via. Três tipos de comparações foram conduzidas, na primeira delas os resultados da análise modal deste trabalho foram confrontados com os resultados publicados pelos participantes do *Benchmark* e a proximidade entre eles permite fazer sua validação. O segundo tipo de comparação foi feito entre os resultados temporais das soluções analítica e por integração numérica e, o terceiro, entre simulações por integração numérica utilizando suspensões secundárias lineares e não lineares. Neste último caso, os resultados mostram que a linearização das suspensões secundárias podem ser feitas sem que haja diferenças significativas uma vez que os deslocamentos e ângulos são pequenos. Finalmente, elaborou-se uma análise para verificar a influência da variação da rigidez vertical das suspensões secundárias nas amplitudes, acelerações e no valor médio quadrático da aceleração (rms) dos movimentos laterais da caixa no domínio da frequência.

Os resultados obtidos permitem dizer que para a faixa de frequência de maior sensibilidade do ser humano às vibrações laterais, entre 0,5 Hz e 2 Hz segundo a norma ISO 2631, há uma redução das vibrações dos movimentos lateral e *roll* da caixa, quando tais ríjezas são reduzidas. Porém, as consequências da variação deste parâmetro nos demais modos de vibrar e na estabilidade do veículo constituem um estudo que pode ser realizado em um trabalho futuro.

Palavras-chave: Dinâmica veicular. Ferrovias. Suspensão mecânica (Simulação). Conforto veicular.

Abstract

This master's thesis aims at studying the lateral dynamic behavior of a railway vehicle's bodysell. First is examined the state of the art related to the use of pneumatic suspensions, to leveling systems' operation, to carbody flexibility's dynamic analysis and to railway's irregularities. The definition of the physical modeling of rail vehicle is carried out, followed by a number of simplifications, from which is defined a system with nine degrees of freedom, made up of a carbody and two bogies with one wheelset each. Once the motion's differential equations are defined, two solutions are carried out, capable of producing results in both time and frequency domains. The first one enables to display time and frequency responses of the carbody lateral displacement, roll and yaw for longitudinal rotation excitations of the wheelsets. The second type of solution that is obtained through numerical integration, deals with rolling and vertical displacement of the wheelsets as input data, and outputs the movements of the nine degrees of freedom defined for the system. The numerical integration solution also has the advantage of being capable of simulating linear as well as non linear secondary suspensions. The article "Manchester Benchmarks for rail simulation" (IWNICKI, 1999) provides the parameters that define the vehicle and the irregularities' principles of the railway. Three types of comparisons were carried out. In the first, the results of this work's modal analysis were confronted to the results published by the participants of the benchmark, and the proximity of them was worth validation. The second type of comparison was made between the time domain results of both analytic and numerical integration solutions, and the third between numerical integration simulations using linear and non linear secondary suspensions. This last comparison show that the linearization of secondary suspensions can be done without affecting the results for small displacements and angles. Finally, an analysis is made up so as to verify how the vertical stiffness of secondary suspension affects the lateral displacement, acceleration and the root-mean-square (rms) accelerations of the carbody in frequency domain. The result of this work allows concluding that in the frequency range of maximal sensibility to the human being to lateral vibrations, that is between 0.5 Hz and 2 Hz according to ISO263-1, a decrease of the lateral and roll vibrations of the carbody occurs when

this stiffness is reduced. However this parameter's variations consequences on other vibration modes and on the vehicle stability could be analyzed in greater depth in a future study.

Key-words: Vehicle dynamics. Railway. Mechanical suspension (Modeling). Vehicle comfort.

Resumé

L'objet de ce mémoire de maîtrise est de réaliser l'étude du comportement dynamique latéral de la caisse d'un véhicule ferroviaire. En premier lieu est donné l'état de l'art relatif à l'utilisation de suspensions pneumatiques, au fonctionnement de systèmes de nivellement, à la flexibilité de caisses en analyse dynamique ainsi qu'aux irrégularités des voies ferrées. Ensuite, on définit le modèle physique d'un véhicule ferroviaire et après certaines simplifications, il se dégage un système de neuf degrés de liberté composé d'une caisse et de deux bogies comportant un ensemble de roue chacun. Une fois les équations différentielles du mouvement réduites, deux solutions sont développées, capables de fournir des résultats dans les domaines du temps et de la fréquence. Grâce à la première, la solution analytique, sont obtenues les réponses en fréquence et en temps des mouvements latéraux, *roll* et *yaw* de la caisse pour les excitations de rotation longitudinale des ensembles de roues. Le second type de solution, par intégration numérique, a pour excitations d'entrée les déplacements verticaux et de rotation des ensembles de roues, et pour sortie les mouvements des neufs degrés de liberté définis pour le système. Une autre propriété de la solution par intégration numérique est sa capacité à simuler les suspensions secondaires linéaires et non linéaires. L'article "Manchester Benchmarks for rail vehicle simulation" (IWNICKI, 1999) fournit les paramètres qui définissent le véhicule et les principes d'irrégularités de la voie. Trois types de comparaisons ont été conduits. Avec le premier, les résultats de l'analyse modale de ce travail ont été confrontés avec les résultats publiés par les participants du Benchmark, et la proximité de ces résultats permet de valider l'analyse. Le deuxième type de comparaison s'est fait entre les résultats en fonction du temps des solutions analytiques et par intégration numérique, et le troisième entre des simulations par intégration numérique utilisant des suspensions secondaires linéaires et non linéaires. Dans ce dernier cas, les résultats montrent que la linéarisation des suspensions secondaires peut être faite sans qu'il y ait de différences significatives par rapport à un système non linéaire, étant donné que les déplacements et les angles sont petits. Enfin, on construit une analyse pour vérifier l'influence de la variation de la rigidité verticale des suspensions secondaires en amplitudes, des accélérations,

et, à la valeur moyenne quadratique de l'accélération (rms), des mouvements latéraux de la caisse dans le domaine de la fréquence. Les résultats obtenus permettent de dire que pour la bande de fréquence de plus grande sensibilité pour l'être humain aux vibrations latérales, entre 0,5Hz et 2Hz selon la norme ISO 2631, il se produit une réduction des vibrations des mouvements latéral et roll de la caisse quand cette rigidité est réduite. Cependant, les conséquences de la variation de ce paramètre sur les autres modes de vibration et sur la stabilité du véhicule restent le sujet d'un travail qui pourra être réalisé dans le futur.

Mots-clés : Dynamique véhicule. Voies ferrées. Suspension mécanique (Simulation). Confort véhicule.

Sumário

1	Introdução	16
1.1	Objetivo.....	17
2	Estado da arte.....	19
2.1	Introdução	19
2.2	Suspensão pneumática	20
2.2.1	Histórico.....	20
2.2.2	Tipos de suspensões.....	21
2.2.3	Vantagens e desvantagens das suspensões pneumáticas.....	24
2.2.4	Modelamento de suspensões pneumáticas	26
2.3	Válvula de nivelamento.....	31
2.4	Flexibilidade da caixa em modelos dinâmicos	37
2.5	Perfil de vias férreas	43
2.5.1	Bitola	43
2.5.2	Nivelamento longitudinal.....	44
2.5.3	Nivelamento cruzado	45
2.5.4	Alinhamento longitudinal	46
3	Modelagem do veículo	50
3.1	Introdução.....	50
3.2	Levantamento das hipóteses.....	50
3.3	Modelo do veículo.....	52
3.4	Equações de movimento	55
3.5	Solução analítica	62
3.6	Solução por integração numérica.....	67
3.6.1	Entradas.....	67
3.6.2	Processamento e saídas	70
4	Simulações.....	75
4.1	Dados de entrada	75
4.2	Análise Modal	79
4.3	Simulações pela solução analítica	81
4.4	Simulação por integração numérica	87

4.5	Análise dos resultados.....	93
4.6	Considerações sobre o conforto de passageiros	98
5	Conclusões e Recomendações	103
5.1	Sumário das principais conclusões	103
5.2	Recomendações para trabalhos futuros.....	105
	Referências.....	106
	Apêndice A - Suspensões secundárias não lineares	111
	Apêndice B - Matrizes de massa, rigidez e amortecimento.....	116
	Apêndice C - Programa de cálculo dos autovetores e autovalores..	118
	Apêndice D – Solução Analítica	120
	Apêndice E - Resultados da solução analítica	125
	Apêndice F – Apresentação gráfica da solução analítica	128
	Apêndice G - Apresentação gráfica da solução por integração numérica	132
	Apêndice H – Resultados do solução por integração numérica	143
	Apêndice I – Dados de entrada	153
	Apêndice J – Cálculo das curvas de suspensão não linear	155

1 Introdução

Durante a fase de pesquisa bibliográfica desta dissertação, constatou-se que atualmente o foco principal dos trabalhos desenvolvidos com relação aos sistemas de transporte terrestre está no setor automotivo, porém, muito do que é estudado pode também ser aplicado ao transporte ferroviário. Dessa maneira, percebe-se que para ambos os meios de transporte dois assuntos são bastante estudados, sendo eles o comportamento de estabilidade e o conforto de passageiros.

Normalmente os veículos são estáveis a baixas velocidades, à medida que elas aumentam existe um ponto em que eles passam a ser instáveis o que normalmente ocorre em altas frequências. Tais instabilidades são originadas pelos contatos roda-trilho provenientes das irregularidades da via. Este problema torna-se mais grave nos trens de alta velocidade como o TGV (*Train à Grand Vitesse*) francês que chega a atingir 513 km/h (BARBOSA, 1999). Segundo (RAGHU; KIM; SETOGUCHI, 2002), para percorrer distâncias entre 60 km e 600 km o meio de transporte mais rápido são os trens de alta velocidade. Teoricamente a partir de 600 km os aviões deveriam ser mais rápidos, mas se for levado em consideração o deslocamento até os aeroportos e o tempo de embarque e desembarque, esta distância aumenta significativamente. Considerando igualmente os deslocamentos em centros urbanos feitos por metrô e trens, as distâncias de operação nas quais o transporte ferroviário se torna vantajoso estende-se enormemente. Assim, devido a importância de se aumentar as velocidades e conseqüentemente reduzir o tempo de transporte, muitos trabalhos têm sido publicados a respeito de controle ativo e passivo de suspensões de veículos ferroviários. O sistema passivo é aquele que responde às excitações da via ou outras formas de distúrbio sem atuar diretamente em parâmetros como: inércia, rigidez ou amortecimento. O conceito de sistema ativo consiste em utilizar sensores, controladores e atuadores integrados ao veículo passando por um algoritmo de controle (YAGIZ; GURSEL, 2005).

Com relação ao conforto de passageiros, existem duas faixas de frequência de vibração nas quais os seres humanos são mais sensíveis. Até a frequência de 0,5 Hz ocorrem os problemas de mal-estar onde são ocasionados enjoos e ansia. De maneira geral, essas vibrações de baixa frequência são encontradas nos mais

diversos meios de transporte como marítimo (barco e submarino), aéreo (avião e helicóptero), terrestre (automóvel e trem) e animal (elefante e camelo) (FÖRSTBERG, 1990). Na segunda faixa de frequência, entre 0,5 Hz e 80 Hz, são ocasionados os problemas de saúde e conforto. Nesse sentido, dois tipos de trabalho relacionado aos veículos ferroviários e rodoviários são publicados atualmente. O primeiro consiste na melhoria do conforto através do controle ativo e semi-ativo e o segundo na redução das vibrações de forma passiva atuando no sistema de suspensão ou mesmo nos assentos, uma vez que eles são os últimos filtros de atenuação do ponto de vista do usuário.

Nesta dissertação, inicialmente é feito um estudo do estado da arte sobre as suspensões secundárias, as válvulas de nivelamento, a influência de caixas flexíveis nas análises de conforto e as irregularidades da via. Esta análise serve de suporte teórico ao modelamento de veículo ferroviário e a via utilizada nas simulações. Em seguida são propostas duas soluções, uma analítica que faz a análise no domínio da frequência e outra por integração numérica que fornece os resultados temporais para elementos de suspensão lineares e não lineares. Finalmente é feita uma análise dos resultados obtidos e um sumário das conclusões.

1.1 Objetivo

O presente trabalho possui como objetivo o estudo do comportamento dinâmico lateral do compartimento de passageiros de um veículo ferroviário.

Segundo (NARAYANASWAMY, 1998), a melhora do conforto dos passageiros se faz atuando nas suspensões secundárias, e a melhora da estabilidade e comportamento em curvas nas suspensões primárias. Dessa forma, foi desenvolvido um modelo físico e através de duas soluções, uma analítica e outra por integração numérica é conduzida uma análise da influência das suspensões secundárias no movimento lateral da caixa e sua influência nos parâmetros de conforto.

Existem determinados parâmetros na definição de um veículo ferroviário que não concernem diretamente aos usuários e que passam despercebidos durante a

utilização como a tensão de alimentação, bitola ou consumo. Por outro lado quando se trata de conforto térmico, acústico e vibratório, os passageiros são mais exigentes e como consequência os operadores também, o que obriga os construtores de veículos e fornecedores de equipamentos desenvolverem produtos sempre de melhor desempenho. Outro setor que segue a mesma tendência, são os órgãos governamentais e de normalização.

Portanto a importância do estudo de conforto possui dois lados. O primeiro deles se trata do usuário final que utiliza o metrô ou trem cotidianamente. O segundo são os fabricantes que devem respeitar as normas exigidas pelos operadores e que muitas vezes, sua aceitação ou não, podem decidir o vencedor de uma concorrência. A otimização de sistemas complexos implica na escolha de determinados critérios e desempenho em detrimento de outros, logo as escolhas tomadas além de respeitarem as prescrições técnicas, devem também ter um custo baixo para que não inviabilize comercialmente o produto. Portanto, a primeira motivação deste trabalho é de desenvolver um método que melhore o conforto dos passageiros atuando nos parâmetros que definem o veículo. A segunda motivação reside no fato que através de um modelamento virtual pode-se prever, modificar e otimizar um sistema antes mesmo que ele seja construído, reduzindo custos que poderiam ser gerados pelas modificações, atraso de entrega ou penalidades.

2 Estado da arte

2.1 Introdução

O setor ferroviário está dividido em diversos ramos de atividade que variam em função do tipo de utilização e operação. A norma EN 12663 classifica os veículos ferroviários em função do tipo de construção e do uso em que os dois principais grupos são os vagões de transporte de carga e os veículos de transporte de passageiros, incluindo locomotivas. Cada um desses dois grupos é dividido em categorias de acordo com o dimensionamento estrutural dos veículos, conforme mostrado a seguir.

- Categoria P-I:
 - Pendolino: graças a um sistema de controle da inclinação da caixa, é possível atingir velocidade em curva até 30% superior a dos trens convencionais, podendo obter uma redução de 20% do tempo de trajeto (BARNETT, 1992);
 - Trem de alta velocidade: possui uma velocidade de operação em média na faixa de 300 km/h. Existem versões de um ou dois andares e as composições variam de 8 a 18 vagões movidos por duas locomotivas;
- Categoria P-II, trem intermunicipal: tracionado por locomotiva elétrica ou diesel. Este tipo de veículo circula em uma região específica. Os vagões possuem 20 metros de comprimento ou mais e a velocidade de circulação pode atingir até 200 km/h;
- Categoria P-III, trem de subúrbio: esse tipo de transporte de massa percorre uma distância entre estações bem mais significativa que os metrô. Os veículos são maiores possuindo uma capacidade de carga bem mais importante e a captação é feita por catenária;
- Categoria P-IV, metrô: a principal característica de um metrô consiste na circulação em zona urbana, linhas subterrâneas ou suspensas e captação de energia elétrica por terceiro trilho. As primeiras linhas de metrô datam do final do século XIX e início do século XX. A partir da década de 50 foram desenvolvidos os primeiros sistemas a pneu e vinte anos mais tarde teve-se o início das

operações das primeiras linhas automáticas em que não há necessidade de piloto. Um conceito muito difundido atualmente consiste no chamado “*people mover*” que atende pequenas linhas como em cidades de médio porte (Torino, Lyon, Lille, Toulouse e Rennes) e em aeroportos (Chicago, Dallas, Charles de Gaulle, Orly e Incheon);

- Categoria P-V, tramway: neste caso as linhas são integradas aos centros urbanos com travessia de pedestres e automóveis. A captação de energia é feita por catenária e a circulação é exclusivamente exterior.

2.2 Suspensão pneumática

2.2.1 Histórico

A história das suspensões pneumáticas, segundo (PRESTHUS, 2002), teve seu início em 1847 quando John Lewis patenteou o primeiro sistema de molas pneumáticas para veículos ferroviários, apenas três anos após a certificação da patente de vulcanização obtida pelo norte americano Charles Goodyear. O invento de John Lewis, embora fosse inovador, exigia determinadas características do material que impediram sua utilização prática. Foi somente a partir dos anos 40 (durante a Segunda Guerra Mundial) que Paul Monges (1908-1999), funcionário de André Citroën, desenvolveu secretamente o conceito de suspensão hidropneumática utilizada comercialmente pela primeira vez no modelo DS em 1955. Em 1964, o grupo Mercedes-Benz introduziu o modelo 600 com suspensão a ar projetado especialmente para contornar a patente de André Citroën. Atualmente a grande maioria dos ônibus em circulação na Europa bem como os trens de transporte urbano utilizam o sistema de suspensão pneumática. A seguir, é mostrado o desenho encontrado na primeira patente de suspensão pneumática ferroviária (LEWIS, 1847) cujo autor alega o uso em viaturas de reboque, amortecedor e prensa hidráulica.

Figura 2.1 – John Lewis US Patent 4,965, – “Pneumatic Spring”

2.2.2 Tipos de suspensões

De maneira geral, tanto os veículos automotivos quanto os ferroviários possuem dois tipos de suspensão sendo elas: a primária e a secundária. A suspensão primária é o primeiro filtro de vibração. No caso dos veículos automotivos esta função é realizada pelo pneu e nos veículos ferroviários é feita por molas que isolam as vibrações provenientes do contato roda-trilho e que são transmitidas à armação do truque. Em ambos os casos ela funciona como um filtro para as altas frequências. A figura abaixo mostra dois exemplos de suspensão primária utilizada no transporte ferroviário.

Figura 2.2 – Suspensões Primárias de Mola Helicoidal e Elastomérica (foto do autor)

A suspensão secundária nos veículos ferroviários de transporte de passageiros geralmente é feita com a utilização de molas pneumáticas. Sua função é isolar as vibrações de baixa frequência provenientes da armação do truque, garantindo a estabilidade do veículo e o conforto dos passageiros. Além de filtrarem as vibrações geradas durante a circulação, as suspensões primária e secundária também reduzem as forças de interação entre o trilho e o rodeiro.

Existem dois tipos de suspensões secundárias: as que utilizam molas pneumáticas e as que utilizam molas helicoidais. As suspensões à mola helicoidal são utilizadas principalmente nos trens de frete por terem um custo menos elevado e por serem mais simples que os sistemas pneumáticos ou hidropneumático. Porém, em alguns casos, este tipo de suspensão é utilizado em trens de passageiro como, por exemplo, no EUROSTAR que faz a ligação Paris-Londres como mostrado na figura a seguir.

Figura 2.3 – Suspensão Secundária à Mola Helicoidal do Trem EUROSTAR (foto do autor)

Em função das características físicas como rigidez, amortecimento, dimensão e tipo de aplicação, diferentes modelos de suspensões foram desenvolvidos. A seguir, são mostrados quatro tipos de molas pneumáticas, também conhecidas como bolsas de ar, encontradas no catálogo (CONTINENTAL, 2007).

Figura 2.4a

Suspensão pneumática com mola cônica: devido à grande espessura e resistência da câmara de ar é possível realizar todos os movimentos relativos entre a caixa e o truque sem a necessidade do uso de travessas, fazendo assim a união direta entre a caixa e o truque. Este tipo de suspensão é muito utilizado nos trens de alta velocidade, trens de subúrbio e metrô. Quando a suspensão é desinflada, a caixa repousa sobre molas de borracha cônica.

Figura 2.4b

Suspensão pneumática com cinta e mola de repouso: esse tipo é utilizado quando é exigida uma grande capacidade de carga, porém o espaço de instalação é reduzido. Quando combinado com outros tipos de mola, pode ser utilizada em truques sem travessa em trens de transporte urbano. Ao ser desinflada, a caixa repousa em molas planas de borracha.

Figura 2.4c

Suspensão pneumática de rolamento sobre molas do tipo "half-hourglass": a vantagem deste tipo de suspensão é que permite grandes deflexões laterais a partir de uma altura reduzida. Por outro lado, possui a desvantagem de necessitar de um espaço maior de instalação. Os truques do tipo "Jacob" que são utilizados nos TGVs são providos deste tipo de suspensão.

Figura 2.4d

Suspensão pneumática com guia e mola cônica: neste caso, a câmara de ar é guiada por um anteparo que reduz o espaço útil tornando o sistema mais compacto. A utilização de amortecedores auxiliares possibilita um aumento da pressão de operação permitindo que, com pequenos diâmetros, seja possível conseguir uma grande capacidade de carga. São normalmente utilizadas em tramways, especialmente os de piso baixo.

Além das suspensões primárias e secundárias mencionadas acima, existe um outro tipo que é utilizada em veículos com rodas de ferro. Nesse caso, a roda é dividida em um anel externo de contato com o trilho e um disco interno solidário ao eixo. Entre essas duas partes é instalada uma camada de polímero que minimiza os choques e permite igualmente uma redução do ruído de rolamento. Essas duas vantagens fazem com que esse dispositivo seja utilizado no transporte urbano onde as exigências relativas à poluição sonora são cada vez mais restritivas. Além disso, a redução de choques diminui o desgaste dos trilhos e da roda permitindo intervalos de manutenção maiores. A figura abaixo mostra uma vista explodida deste tipo de roda.

Figura 2.5 – Suspensão interior nas rodas de ferro (CONTINENTAL, 2007)

2.2.3 Vantagens e desvantagens das suspensões pneumáticas

A frequência natural de um sistema massa-mola é diretamente proporcional à raiz quadrada da rigidez e a deflexão é inversamente proporcional à frequência ao quadrado. Desta forma, quanto menor a rigidez da mola menor será a frequência natural e, conseqüentemente, maior será a deflexão. Visto que a energia potencial de uma mola é uma função da força aplicada e da deflexão, uma mola metálica que seja capaz de armazenar uma grande energia potencial deve ser muito volumosa, pois deve resistir a um grande esforço em um pequeno deslocamento exigindo, assim muito do material. Por outro lado, uma mola pneumática é capaz de suportar

uma grande carga tendo uma pequena deflexão graças à compressibilidade do gás sob pressão e da elasticidade da bolsa elastomérica que o comprime.

As molas pneumáticas, além da capacidade de regulação da altura, são mais leves que as helicoidais ou poliméricas, pois a capacidade de armazenamento de energia do ar por unidade de massa é muito maior que nos outros dois casos. Dessa forma, quando os parâmetros de carga suportada, deflexão e espaço disponível para instalação devem ser otimizados, as molas pneumáticas são as mais indicadas. Assim, a isolação de vibrações de baixa frequência com deslocamento reduzido tornam as suspensões pneumáticas ideais em aplicações metroferroviárias.

A seguir, é apresentada uma lista das principais vantagens das suspensões pneumáticas face às suspensões de molas metálicas:

- Fácil obtenção de sistemas com baixa frequência natural em boas condições de via onde não há a presença de choques ou ondulações excessivas;
- A frequência natural do sistema é quase constante independentemente da carga transportada;
- Com o auxílio de um sistema de controle, é possível manter uma altura constante independente da carga. Esta capacidade é muito útil no transporte urbano em que a altura do veículo com relação à plataforma de embarque deve variar muito pouco para facilitar o acesso de passageiros em cadeiras de roda, por exemplo;
- Melhor capacidade de transporte devido à redução de peso do veículo e altura constante independente da carga;
- Economia de energia devido à redução de massa;
- Maior segurança dos passageiros e da carga transportada uma vez que não existe fricção entre as partes móveis que podem causar a ruptura de componentes ao longo de sua utilização.

Como desvantagens podem-se listar:

- Controle de rolamento e estabilidade difícil de ser feito pois as suspensões pneumáticas possuem pequena rigidez e oscilam à baixa frequência;
- Alto custo devido aos acessórios como o sistema de compressão de ar e controle de nivelamento;

- Sensibilidade às variações de temperatura devido às características do ar comprimido;
- Confiabilidade reduzida e aumento do custo de mão de obra, pois se utiliza uma maior quantidade de componentes para executar uma mesma função;
- Maior complexidade de modelagem matemática uma vez que a rigidez varia com a carga.

Os três fatores principais que influenciam na escolha das suspensões pneumáticas são a capacidade de carga, a rigidez e a transmissibilidade. Como os veículos ferroviários urbanos necessitam de uma baixa transmissibilidade, controle de altura e adaptação freqüente à variação de carga, a maioria dos sistemas de suspensão secundária utilizados atualmente é pneumática.

2.2.4 Modelamento de suspensões pneumáticas

Os estudos de suspensões pneumáticas utilizam, na maioria dos casos, modelamento não linear como apresentado por (PRESTHUS, 2002) e (BALDI; MEIRELLES, 2003), o mesmo ocorrendo com amortecedores como feitos por (GONÇALVES; MEIRELLES, 2005). A partir desses trabalhos e de outros que serão apresentados em seguida, serão mostrados alguns modelos termodinâmicos de suspensões secundárias usadas por programas multicorpos.

Um modelo bastante simplificado é apresentado na figura 2.6 que apresenta uma suspensão pneumática conectada a um reservatório de ar comprimido. Quando uma força F_z comprime a suspensão pneumática (1), o ar é comprimido dentro da câmara ocorrendo uma diferença de pressão entre esta e o reservatório (2). A equalização da pressão é feita através de uma válvula de regulação (3) e o tempo para que isso seja feito varia em função do comprimento da tubulação (4), das características da válvula, das dimensões do reservatório e das bolsas de ar.

Figura 2.6 – Esquema de Uma Suspensão Pneumática com Reservatório Auxiliar

Uma das características das suspensões pneumáticas é que quanto maior o volume do conjunto bolsa de ar–reservatório menor será sua rigidez. Este fenômeno pode ser observado no gráfico 2.1 que mostra cinco curvas “Força x Rigidez” para os volumes do reservatório adicional variando entre zero e 50 dm³ de uma suspensão CONTITECH 743N.10/17/1818. Como pode ser observado quanto menor o volume de ar do conjunto maior será a rigidez, onde neste caso por exemplo, para uma força de 116 kN as rijezas podem variar de até 40% em função do volume adicional.

Gráfico 2.1 - Influência do Volume Adicional na Rigidez de uma Suspensão Pneumatica (METALCAUCHO, 2001)

Devido à quantidade de parâmetros que definem as suspensões pneumáticas como as características do gás, volume, densidade, temperatura e construção entre

outros, sua modelagem é complexa e os modelos existentes são mais ou menos elaborados e representativos da realidade. A seguir alguns modelos de suspensões pneumáticas serão apresentados com o intuito de demonstrar quais parâmetros e simplificações podem influenciar os resultados e conseqüentemente as simulações de veículos ferroviários.

Um modelo de suspensão pneumática bastante simples parte do princípio dos processos de compressão quasi-estático (isotérmico) e dinâmico a pressão constante (isobárico) que apresentam uma relação entre as pressões e volumes no estado inicial “*i*” e final “*f*” da compressão dada por:

$$\text{Isotérmico } \frac{p_i}{p_f} = \frac{V_f}{V_i}, \text{ adiabático } \frac{p_i}{p_f} = \left(\frac{V_f}{V_i} \right)^\gamma \quad (2.1)$$

Onde:

- $\gamma = Cp/Cv$;
- Cp : calor específico de um gás a pressão constante (J/kg);
- Cv : calor específico de um gás a volume constante (J/kg);
- V : volume do sistema bolsa de ar, tubulação e reservatório (m³).

No processo real, devido a perda de calor e variação de temperatura, o comportamento de uma suspensão pneumática não é adiabático nem isotérmico, mas politrópico. O valor de gama para o ar normalmente adotado se situa entre 1,3 e 1,4.

A área efetiva (A_e) de uma mola pneumática é dada pela força aplicada dividida pela pressão efetiva (p_e) e devido à flexibilidade da câmara de ar esta área varia dependendo do caso. Assumindo que a área efetiva seja constante e que a pressão absoluta (p) no interior do sistema seja igual a soma das pressões atmosférica (p_a) e efetiva (p_e), a rigidez dinâmica será dada por (PRESTHUS, 2002):

$$K_{z\,din} = \frac{\gamma \cdot (p_e + p_a) \cdot A_e^2}{V} \quad (2.2)$$

O caso do movimento quasi-estático (isotérmico) é uma particularidade do dinâmico (politrópico) quando $\gamma=1$. Através desta equação pode-se perceber que o aumento da rigidez ($K_{z\text{ din}}$) é inversamente proporcional ao volume (V) conforme mostrado no gráfico 2.1.

A equação deduzida acima possui pouca utilidade prática devido a sua simplicidade. Os modelos mais complexos utilizados no cálculo do comportamento dinâmico de veículos ferroviários consideram diversos outros fatores ignorados na dedução da equação 2.2. A seguir dois desses modelos são explicados mais em detalhe.

Um modelo muito utilizado por softwares de análise dinâmica como o ADAMS (Automatic Dynamic of Mechanical Systems) é o de Nishimura (MECHANICAL DYNAMICS INC, 2002). Ao contrário da hipótese assumida na dedução da equação 2.2, o modelo de Nishimura leva em consideração a variação da área efetiva e de um amortecimento (c) dado por uma relação linear empírica entre diferença de pressão e a massa do fluxo de ar que passa pelo orifício da válvula de regulação (ver figura 2.6). A figura 2.7 mostra um esquema do arranjo das molas molas k_1 , k_2 e k_3 e do amortecedor c que compõem tal modelo:

Figura 2.7 – Modelo Nishimura de Suspensão Pneumática (MECHANICAL DYNAMICS INC, 2002)

Onde:

- k_1 : rigidez devido a compressão do ar no interior da câmara quando a válvula de regulação está fechada;
- k_2 : rigidez devido a compressão do ar no interior do reservatório;

- k_3 : rigidez devido a variação da área efetiva em função da espessura vertical da câmara;
- c : amortecimento do orifício da válvula de regulação.

Algumas variantes do modelo de Nishimura foram desenvolvidas e entre elas está a utilizada pelo software VAMPIRE (Vehicle dynAmic Modeling Package In a Railway Environment). Neste caso, um amortecimento devido inércia da massa de ar que circula através da válvula de regulação e pela tubulação que liga a bolsa de ar ao reservatório é considerado em paralelo com a rigidez k_2 e com o amortecimento c mostrados na figura 2.7. (AEA TECHNOLOGY, 2006).

Um outro modelo de suspensão pneumática mais detalhado e complexo que o descrito acima foi desenvolvido por Mattias Wallin e Mats Berg, do “Department of Vehicle Engineering” do “Royal Institute of Technology”, Suécia, em cooperação com a empresa ASEA. Este modelo utilizado pelo software GENSYS (SAMAVEDAM; GOMES, 2002), possui a particularidade de depender de parâmetros obtidos experimentalmente como por exemplo o amortecimento viscoso do fluxo de ar se deslocando pela tubulação, a força de atrito entre as partes móveis, a rigidez e o amortecimento vertical, a inércia da massa de ar em movimento entre outros. Neste caso a inércia do ar contido na tubulação que liga a câmara ao reservatório é obtida através de uma equação diferencial de segunda ordem e o fluxo de ar em seu interior pressupõe quatro tipos de perda de pressão:

- Perda de pressão devido ao fluxo de ar no tubo;
- Perda de pressão no orifício da válvula de regulação;
- Perda de pressão nas curvas e cotovelos;
- Perda de pressão nas entradas e saídas do reservatório e bolsa de ar.

Uma vez que o comportamento dinâmico dos veículos ferroviários depende diretamente das características das suspensões secundárias, quanto mais realístico for o modelo melhores serão os resultados obtidos pelas simulações. As suspensões pneumáticas utilizadas nas simulações deste trabalho foram obtidas a partir de informações contidas em catálogos de fornecedores, por isso não foi feita a abordagem matemática dos modelos citados neste capítulo.

2.3 Válvula de nivelamento

O uso de sistemas de nivelamento de veículos ferroviários é muito difundido nos equipamentos de transporte de passageiros principalmente nas regulagens de altura em estação. A norma ASCE 21-98 que regulamenta a construção de “*people movers*”, especifica que a diferença de altura entre a plataforma de embarque e o piso do veículo deve ser de $\pm 15,5$ mm para facilitar a entrada e saída de pessoas idosas ou em cadeiras de roda. A seguir, é explicado como os sistemas de nivelamento funcionam e quais tecnologias são aplicadas atualmente.

A figura 2.8 mostra um esquema típico de instalação de válvula de nivelamento. Segundo (ANDERSON, 1992), este sistema funciona da seguinte maneira: a válvula de nivelamento (10) está conectada à caixa (1) através de uma fixação (45). A alavanca de ajuste (14) que faz a abertura e o fechamento da válvula de nivelamento é conectada à armação do truque (3) via o braço de ligação (4). Quando ocorre o embarque de passageiro em uma estação, por exemplo, o aumento da massa suspensa comprime a bolsa de ar (2) fazendo a caixa se movimentar no sentido descendente. Quando isto ocorre, o conjunto braço de ligação e alavanca de ajuste fazem a abertura da válvula e esta libera a passagem de ar comprimido do reservatório (5) à bolsa de ar através das tubulações (6 e 7). Uma vez que a pressão do reservatório é maior que a da bolsa, o fluxo de ar de insuflamento faz com que esta expanda e conseqüentemente movimente a caixa no sentido ascendente. Neste momento, o conjunto braço de ligação e alavanca de ajuste funciona da maneira oposta, fechando a passagem de ar assim que a caixa atinja a altura de regulagem. Quando ocorre o desembarque de passageiros e a conseqüente redução da massa suspensa, a bolsa de ar então com uma pressão interna maior que a prevista para tal massa, faz a elevação da caixa. Neste momento, o conjunto braço de ligação e alavanca de ajuste faz com que a válvula libere a exaustão do ar da bolsa para a atmosfera reduzindo a pressão interna no interior da mesma e baixando o nível da caixa até o momento que esta chegue à posição de equilíbrio quando o fluxo de ar através da válvula é então interrompido.

Figura 2.8 - Esquema de Instalação de uma Válvula de Nivelamento (ANDERSON, 1992)

O princípio de funcionamento das válvulas de nivelamento em veículos ferroviários é aparentemente simples como foi explicado anteriormente. Porém torna-se bastante complexo a partir do momento em que se deseja criar um sistema de controle. O primeiro problema que pode ser mencionado se trata do curso imposto pelas dimensões da alavanca de ajuste, pois quanto mais curta ela for maior será o ângulo de abertura da válvula que, por sua vez, possui um curso de movimento limitado, dificultando assim a absorção de grandes deslocamentos.

O segundo problema consiste na necessidade de se absorver os movimentos rápidos do sistema, que pode ser feito por um dispositivo exterior, por exemplo, uma mola acoplada às alavancas de controle ou incorporado na própria válvula (DAUM; LATIF; O'RELLY, 1992). Este amortecimento pode ser dado pelo atraso no tempo de resposta de maneira que alterações momentâneas da carga sobre a suspensão causadas pelas irregularidades da via não permitam o fluxo de insuflamento ou exaustão. Da mesma forma sua operação não pode ser influenciada pelas frequências naturais da suspensão do veículo. A definição dos parâmetros acima como tempo de resposta e acoplamento com as frequências naturais do veículo variam em função da massa suspensa, das condições da via, entre outros. (DAVIS, 1960).

O terceiro trata-se de um problema construtivo pois os movimentos freqüentes causam um desgaste nas superfícies de contato que fazem a vedação de ar,

principalmente nas válvulas providas de pivô. Tais superfícies de contato não podem ser muito pequenas para que o controle do fluxo seja feito com precisão, isso implica um aumento do custo de produção devido à usinagem das partes móveis (CHING, 2006).

Nos últimos 60 anos, muitos tipos de válvula de nivelamento foram desenvolvidos com o objetivo de solucionar os diversos problemas mencionados acima em que cada criador alega solucionar os encontrados nas versões anteriores. Uma das primeiras propostas de introdução de um sistema de amortecimento com o objetivo de evitar a operação excessiva da válvula devido às irregularidades da via foi feita por (DEIST, 1959) que consistia de uma mola helicoidal entre o atuador ligado na alavanca de ajuste e o atuador central de controle de fluxo de insuflamento e exaustão. Outro método desenvolvido e que possui diversas variantes consiste na utilização de um fluido viscoso que, ao passar por um orifício, absorve os movimentos de imperfeições da via. Esse princípio foi utilizado por (CHRISTENSEN, 1960) e (ANDERSON, 1992).

A partir dos anos 70, começaram a surgir os primeiros sistemas em que o tempo de atraso é dado por um circuito eletrônico que, por sua vez, controla o fluxo de ar. Tal princípio foi utilizado por (HIRUMA, 1978) e mais recentemente por (CHING, 2006). O princípio de funcionamento deste último consiste basicamente de uma válvula solenóide que, através de ranhuras e orifícios, libera ou restringe a passagem de ar a partir de um movimento longitudinal. Uma das vantagens alegadas pelo idealizador deste equipamento é que a válvula solenóide controla mais facilmente um pistão que se move no sentido longitudinal do que um rotor. A outra vantagem consiste na reduzida quantidade de partes que necessitam usinagem de precisão e, conseqüentemente, reduzindo seu custo de fabricação como mencionado anteriormente.

Diversos sistemas eletrônicos estão disponíveis no mercado e podem ser aplicados tanto pelos veículos rodoviários quanto pelos ferroviários. De maneira geral, tais sistemas são providos de sensores de deslocamento que medem a distância entre a armação do truque e da caixa nos quatro pontos de instalação das suspensões secundárias que enviam o sinal a uma unidade de controle eletrônica e, através de válvulas solenóides, regulam a abertura das válvulas de nivelamento que são

instaladas em cada bolsa de ar. Entre as vantagens dos sistemas eletrônicos está a capacidade de controle a partir de interferências externas. Por exemplo, os movimentos de rolamento devido à força de vento lateral sobre o veículo tão importante no cálculo de gabarito podem ser reduzidos, fazendo com que, a partir de uma determinada velocidade de vento pré-definida, as suspensões pneumáticas sejam desinfladas. Assim, a caixa repousa sobre os batentes e a velocidade de circulação é reduzida até a próxima estação onde é feita a evacuação dos passageiros. Neste exemplo, o fato da caixa apoiar-se sobre os batentes, que são muito mais rígidos que as bolsas de ar, reduzem-se os movimentos de *roll* (rotação da caixa no eixo longitudinal – x). Este mesmo princípio pode ser aplicado no caso de colapso de uma suspensão, de um pneu no caso de metrô ou demais fenômenos que possam influenciar no gabarito dinâmico do veículo (gabarito maior implica túneis e viadutos maiores e conseqüentemente mais caros). Esses sistemas podem até mesmo compensar o desgaste dos pneus quando são utilizados. Neste caso, entra-se com uma curva de desgaste em função da distância percorrida obtida ao longo da operação que o comando eletrônico corrige automaticamente. Outra maneira de se fazer o controle de altura em estação consiste de um leitor óptico instalado no veículo que identifica a posição do mesmo em relação à plataforma, controlando a altura de maneira mais precisa em função da estação e não de uma altura fixa. Porém, tais sistemas ainda estão em desenvolvimento e não são disponíveis comercialmente.

A figura 2.9 mostra duas curvas que relacionam o fluxo de ar pelo ângulo de rotação do rotor de controle da válvula de nivelamento. O primeiro caso (à esquerda), corresponde à válvula “VN6 type P” da SabWabco utilizada no metrô VAL 208 NG da cidade de Turin (SAB WABCO, 1999). Neste gráfico pode-se ver que existe uma “zona morta” entre 0° e $\pm 2^\circ$ em que o movimento do braço de controle não provoca um fluxo de ar. Entre os ângulos de $\pm 2^\circ/2,5$ e $\pm 6^\circ/8^\circ$ a válvula permite um pequeno fluxo constante de ar que serve para fazer o ajuste fino da altura. A partir da faixa de $\pm 6^\circ/8^\circ$, o fluxo aumenta a uma razão de aproximadamente 3,7 l/s/grau. Segundo a mesma referência, o comprimento do braço de controle pode variar entre 140 mm e 180 mm. Para o valor típico de 164 mm pode-se deduzir que os movimentos da suspensão secundária de até 5,7 mm são absorvidos pela própria bolsa de ar. Entre

5,7 mm e 20 mm entra-se na zona de ajuste fino e a partir de 20 mm tem-se o fluxo de ar de regulagem.

O segundo gráfico (à direita) mostra a curva de “fluxo x ângulo” da válvula de nivelamento proposta por (LEE, 2005). Neste caso, percebe-se que para ângulos de até $\pm 5^\circ$ há um aumento progressivo do fluxo de ar; entre $\pm 5^\circ$ e $\pm 10^\circ$ existe uma faixa em que o fluxo se mantém constante; entre $\pm 10^\circ$ e $\pm 12,5^\circ$ o fluxo volta a aumentar estabilizando-se a partir deste valor. O comportamento desta válvula, segundo seu criador, permite que seja feito um controle na região normal de operação, onde se tem pequenos ângulos de rolamento e um outro tipo de ajuste para os rolamentos excepcionais.

Figura 2.9 – Curvas de Válvulas de Nivelamento (SAB WABCO, 1999) e (LEE, 2005)

Além do tipo de válvula, o sistema de nivelamento depende também da quantidade e disposição de instalação. O princípio mais utilizado consiste de três válvulas por veículo. Em um dos truques são instaladas duas válvulas que controlam as bolsas de ar de maneira independente. Desta forma, a caixa fica sempre paralela à armação do truque. A terceira válvula tem sua medida tomada no centro do outro truque, entre as duas bolsas de ar. Também existe o princípio de quatro válvulas, uma para cada bolsa de ar, onde a caixa tende a ficar paralela a ambos os truques. A vantagem do sistema de três válvulas pode ser explicada quando um veículo provido de duas válvulas no truque dianteiro e uma no truque traseiro faz uma inscrição em curva, por exemplo. Neste caso, devido ao ângulo de inclinação, as duas válvulas dianteiras irão comandar as suspensões de maneira que a caixa incline e fique paralela à armação do truque. Esta rotação da caixa imposta pelo truque dianteiro é transmitida ao truque traseiro através da rigidez torcional da

estrutura fazendo com que ocorra um desnivelamento entre as suspensões. Como a válvula do truque traseiro atua baseada na altura média das bolsas de ar, ela permite que a caixa execute o movimento de rolamento controlado pelas válvulas dianteiras. Assim, o movimento de rolamento da caixa se torna possível sem que haja esforços torcionais sobre a mesma. Quando são instaladas quatro válvulas, supondo o caso acima, a regulação das válvulas dianteiras faz com que a caixa rotacione e a das válvulas traseiras que ela permaneça paralela ao plano horizontal provocando uma torção da caixa. Por outro lado, quando o veículo opera em vias de bitola estreita, o uso de três válvulas apresenta uma certa dificuldade em manter a estabilidade rotacional do veículo podendo causar seu descarrilhamento. Neste caso o uso de quatro válvulas é mais recomendado (MOHACSI, 1987).

Com relação ao conjunto braço de ligação e alavanca de ajuste, a Buckeye Steel Castings desenvolveu um sistema que faz o nivelamento da caixa de maneira mais precisa, pois a deflexão da suspensão primária também é levada em consideração. As duas ilustrações da figura 2.9 mostram o princípio de funcionamento comparando um caso típico em que a válvula de nivelamento é controlada somente pelo deslocamento da suspensão secundária e o caso proposto que leva em consideração os deslocamentos das suspensões primárias e secundárias.

Figura 2.9 – Dispositivo de Comando Preciso de Válvulas de Nivelamento (POLLEY, 1999)

Na figura superior pode-se observar que o braço de ligação (12) é conectado de um lado à armação do truque (18) e do outro à alavanca de controle que comanda a

válvula de nivelamento (10). O princípio de funcionamento deste caso foi explicado no início deste capítulo. A idéia mostrada na figura inferior consiste em instalar uma barra rígida (14) entre a armação do truque e a caixa de rolamento (16). Um braço telescópico (15) permite o movimento longitudinal da barra rígida entre os eixos dianteiro e traseiro. No momento do embarque de passageiros, ocorre uma deflexão da bolsa de ar (30) e das suspensões primárias (28). Quando o braço de ligação está conectado à armação do truque (figura superior) o movimento das suspensões primárias não é transmitido à válvula de nivelamento. Porém, segundo esta proposta, quando ocorre a deflexão das suspensões primárias, o movimento relativo entre a armação do truque e a caixa de rolamento é transmitido à válvula de nivelamento através da barra rígida e da alavanca de ligação, possibilitando assim que a regulagem da altura seja feita de maneira mais precisa (POLLEY, 1999).

2.4 Flexibilidade da caixa em modelos dinâmicos

A utilização de modelos numéricos pela indústria ferroviária, assim como é feito pela indústria automobilística, vem se desenvolvendo cada dia mais com o objetivo de reduzir custos através da antecipação de problemas durante a fase de concepção que só seriam descobertos uma vez que o produto estivesse concluído.

Vários algoritmos de modelagem virtual de veículos ferroviários foram desenvolvidos cada qual com suas particularidades. Porém um ponto em comum entre os diversos métodos é o uso de diferentes softwares de auxílio de concepção (computer aided engineering - CAE) em que cada qual executa uma função específica como, por exemplo, a análise de elementos finitos (finite element analysis, FEA), o comportamento de fluídos dinâmicos (computational fluid dynamics - CFD), a análise vibracional multicorpos (multibody system - MBS), a concepção numérica (computer aided design - CAD) entre outros. A interação entre esses diferentes tipos de softwares que mais interessa a este trabalho é a realizada entre o cálculo de elementos finitos (FEM) e a análise vibracional multicorpos (MBS).

Dentre os vários tipos de análise que podem ser feitos utilizando os softwares de multicorpos está o cálculo do nível de conforto dos passageiros. Como é afirmado

por diversos autores entre eles (STRIBERSKY; MOSER; RULKA, 2000) e (YAGIZ; GURSEL, 2005), o cálculo de conforto deve levar em consideração a flexibilidade da caixa, incluindo os equipamentos de grande porte que nela são instalados. As conclusões apresentadas neste capítulo foram baseadas nos dois trabalhos citados acima, no artigo de (DIANA et al., 2002) e na tese de (CARLBOM, 2000).

A Tabela 2.1 apresenta as frequências dos principais modos de vibração de três veículos diferentes conforme descritos a seguir. Tais resultados foram obtidos a partir da análise de elementos finitos da estrutura da caixa e medidos experimentalmente.

Tabela 2.1 - Frequências dos Principais Modos de Vibração da Caixa para Três Tipos de Veículo (índice “c” para valores calculados e “e” para experimentais)

Modo	V.1 (Hz)	V.1' (Hz)	V.2 (Hz)	V.3 (Hz)
Flexão vertical – 1	19,7 ^c / 19,8 ^e	10,9 ^c / 12,4 ^e 10,3 ^c / 12,8 ^e	9,1 ^c / 8,6 ^e	6,4
Flexão vertical – 2	29,8 ^c / 29,2 ^e	16,6	16,2	-
Torção – 1	19,9 ^c / 21,8 ^e	14,5 ^c / 16,5 ^e	12,8	-
Torção – 2	-	15,3 ^c / 17,5 ^e	13,9	-
“Respiração” – 1	18,1 ^c / 17,4 ^e	-	13,4	-
“Respiração” – 2	22,9 ^c / 22,4 ^e	-	14,3	-
“Respiração” – 3	-	-	15,0	-
Distorção diagonal- 1	15,3 ^c / 16,0 ^e	10,3 ^c / 11,6 ^e	-	-
Distorção diagonal- 2	27,2 ^c / 29,7 ^e	18,2	-	-
Flexão lateral	-	-	12,2	-

- Veículo V.1 (STRIBERSKY; MOSER; RULKA, 2000): metrô de Viena, construção SIEMENS em alumínio. Inicialmente o modelo FEA possuía 88.000 elementos, 62.000 nós e 369.000 graus de liberdade. Através do método de redução de Guyan foram escolhidos 391 nós e 1326 graus de liberdade principais a partir dos quais foram calculados os modos de vibração mostrados na tabela 2.1;
- Veículo V.1': a diferença entre este modelo e o anterior, é que, neste caso, os dois equipamentos de ar-condicionado foram fixados na cobertura e o equipamento de tração no sub-estrado. Tais equipamentos foram modelados como sendo corpo rígido instalado através de juntas flexíveis na caixa. Na frequência de 10,9 Hz o equipamento de tração vibra em fase com a caixa e na frequência de 12,4 Hz em oposição de fase;

- Veículo V.2 (CARLBOM, 2000): trem de passageiros sueco SJ-S4M, 26,4 m de comprimento, construção ADTRANZ (atualmente BOMBARDIER) em aço-carbono, modelo FEA de 23.000 graus de liberdade;
- Veículo V.3 (DIANA et al., 2002): trem de passageiros de 37.000 kg com dois conversores elétricos de 2000kg e 2900 kg considerados como corpo-rígido instalados no sub-estrado através de juntas flexíveis. O modelo FEA possui 48.000 elementos, 33.000 nós e 152.000 graus de liberdade.

O gráfico 2.2 mostra o resultado da simulação do modelo V.1 para uma velocidade de 80 km/h em uma via com irregularidades onde a caixa flexível foi utilizada pelo software de análise de multicorpos.

Gráfico 2.2 - Aceleração Vertical no Centro da Caixa - Veículo V.1 (STRIBERSKY; MOSER; RULKA, 2000)

No caso do veículo V.2, as freqüências nos modos de vibrar foram calculadas utilizando um software de elementos finitos. O espectro de freqüência mostrado no gráfico 2.3 foi obtido experimentalmente por onde o veículo circulou: em uma via reta com qualidade normal e a uma velocidade de 130 km/h.

Gráfico 2.3 – PSD do Movimento Vertical no Centro da Caixa - Veículo V.2 (CARLBOM, 2000)

Os dois diagramas do gráfico 2.4, mostram uma comparação entre o modelo de multicorpos com caixa flexível e caixa rígida para o veículo V.3 circulando a 195 km/h.

Gráfico 2.4 - Aceleração Vertical no Centro da Caixa - Veículo V.3 - caixa como corpo rígido e flexível (DIANA et al., 2002)

O último gráfico desta série consiste de uma comparação entre os níveis de aceleração vertical detectadas no centro da caixa e na linha do pivô do truque para os veículos V.1 e V.3.

Gráfico 2.5 - Acelerações Verticais no Centro e no Pivô dos Truques para os Veículos V.1 (STRIBERSKY; MOSER; RULKA, 2000) e V.3 (DIANA et al., 2002)

A partir das informações acima e baseado nos trabalhos mencionados no início do capítulo, as seguintes conclusões podem ser tiradas:

- A instalação de equipamentos no sub-estrado ou na cobertura não pode ser negligenciada, pois influencia de maneira considerável nas frequências dos modos de vibrar da caixa e, conseqüentemente, na resposta à excitação provocada pela via;
- Os picos situados abaixo de 5 Hz pertencem às vibrações de corpo rígido e acima de 7 Hz são originados pela flexibilidade da caixa;
- Pelos gráficos que mostram a comparação entre os resultados de corpo rígido e flexível percebe-se claramente que nas frequências inferiores a 5 Hz o fato de se ter usado uma caixa flexível quase não influencia os resultados. Porém, o mesmo não ocorre quando as frequências são superiores a 5 Hz;
- Os maiores picos de aceleração vertical no centro do veículo são detectados nas frequências correspondentes ao modo de flexão vertical da caixa. Por outro lado quando medido na região do pivô dos truques, as acelerações devem-se principalmente aos modos de corpo rígido inferiores a 5 Hz. Esse fenômeno pode ser percebido nas comparações mostradas no gráfico 2.5;
- As acelerações verticais acima do pivô dos truques é menor que no centro do veículo para a faixa de frequência do modo de flexão vertical da caixa.

Um fenômeno que não pode ser observado pela análise dos gráficos acima mas foi ressaltado no artigo de (STRIBERSKY; MOSER; RULKA, 2000) é que as variações de massa e das propriedades físicas da estrutura da caixa juntamente com a presença de equipamentos que são instalados no sub-estrado podem induzir o aparecimento de modos de vibração localizado na estrutura. Durante os experimentos práticos deve-se ter uma atenção especial a este efeito pois tais vibrações localizadas podem deturpar os resultados esperados para o veículo.

Tendo em vista que o objetivo deste trabalho é a análise da vibração lateral em veículos ferroviários, o gráfico 2.6 é de grande valia, pois mostra que a contribuição para o cálculo de conforto das acelerações de corpo rígido inferiores a 7 Hz (em branco) é muito maior que as acelerações de corpo flexível situadas entre 7-20 Hz (em preto) quando se trata da análise lateral. Esta discrepância é ainda maior na região dos truques quando comparado com o centro do veículo. Isso nos permite concluir que a estimativa da contribuição da vibração lateral no conforto de passageiros utilizando um modelo de corpo rígido difere muito pouco do resultado que seria obtido a partir de um modelo de corpo flexível.

Gráfico 2.6 – Ponderação do Conforto Vertical e Lateral em Análise de Corpo Rígido (branco 0,3-7 Hz) e Flexível (preto 7-20 Hz). (CARLBOM, 2000)

2.5 Perfil de vias férreas

Os dois principais fatores externos de excitação mecânica de um veículo ferroviário devem-se a via e à aerodinâmica do veículo. Os efeitos aerodinâmicos tornam-se muito importantes na análise de trens a grande velocidade como é o caso do TGV francês, ICE (Inter City Express) alemão e Shinkansen japonês. Os estudos no sentido de melhor entender o comportamento do fluxo de ar em torno do veículo em movimento possibilita, entre outros, a redução do consumo de energia perdida devido ao efeito de arraste, ruído e vibração. Porém, como esses efeitos são menos significativos a baixa velocidade podem ser negligenciados (RAGHU; KIM; SETOGUCHI, 2002) e não fazem parte do escopo deste trabalho.

Além dos efeitos de contato entre a roda e o trilho, as excitações mecânicas são causadas em grande parte pela geometria da via. Existem diversos fatores que definem a qualidade geométrica de instalação dos trilhos que variam de acordo com as normas adotadas e com o país em questão. Tais fatores são detalhados a seguir.

2.5.1 Bitola

A bitola de uma via é definida como a menor distância entre dois trilhos tomada entre a superfície de rolamento e a uma linha paralela a esta situada a uma distância $Z_p = (14 \pm 1) \text{ mm}$ abaixo da mesma conforme descrito pela norma NF EN 13848-1. A superfície de rolamento é definida como uma linha perpendicular ao eixo central vertical da via tangente às duas superfícies superiores do trilho. Segundo esta mesma norma, a tolerância de instalação é de $\pm 1 \text{ mm}$ e é dado pela medida "G" mostrada na figura 2.10.

Os valores de bitola não são padronizados ao redor do mundo. Nos principais países da Europa (com exceção da Irlanda, Grand-Bretanha e Finlândia) e na América do Norte o valor de bitola mais freqüente é o de 1435 mm. No Brasil encontram-se quatro bitolas diferentes: as de 760 mm, 1000 mm, 1440 mm e a mais difundida que

é a de 1600 mm. Além do Brasil, a bitola de 1600 mm só é encontrada na Austrália, Grand-Bretanha, e Irlanda (F 50-704, 1987).

Figura 2.10 – Bitola (NF EN 13848-1)

2.5.2 Nivelamento longitudinal

Este parâmetro consiste no deslocamento vertical do trilho com relação à posição média da linha de referência calculado a partir de medidas sucessivas para comprimentos de onda pré-definidos. A norma NF EN 13848-1 define três comprimentos de onda e, para cada um deles, a incerteza máxima do nivelamento longitudinal conforme mostrado na tabela 2.2.

Tabela 2.2 - Tolerância do Nivelamento Longitudinal

Domínio	Comprimento de onda (m)	Tolerância (mm)
D1	$3 < \lambda \leq 25$	± 1
D2	$25 < \lambda \leq 70$	± 3
D3	$70 < \lambda \leq 150$	± 5

O domínio D1 pode ter o valor inferior reduzido a 1 m caso se deseje detectar os defeitos para pequenos comprimentos de onda. Quanto ao domínio D3, este deve ser utilizado para vias onde a velocidade de circulação seja superior a 250 km/h.

Os valores acima definem a qualidade de via de utilização comercial. Os valores referentes as vias de teste são definidos pela norma NF EN 14363 e mostrados na tabela 2.3. A abordagem deste parâmetro é feita de maneira diferente e são definidos três níveis de exigência:

- QN 1: não exige nenhum tipo de intervenção de manutenção mas um processo de observação da evolução das irregularidades deve ser instaurado;
- QN 2: necessita de manutenção à curto prazo;
- QN 3: não representa um trecho com qualidade normal porém é admissível.

Para o intervalo de comprimento de onda D1 definido na tabela 2.2 ($3 < \lambda \leq 25$) e considerando uma velocidade de circulação inferior a 80 km/h os níveis de máximo absoluto (ΔZ_{max}^0) e típico (ΔZ_{σ}^0) segundo a norma mencionada acima são apresentados na tabela a seguir.

Tabela 2.3 - Tolerâncias Segundo a Qualidade da Via

Qualidade	Máxima absoluta (mm) - ΔZ_{max}^0	Típica (mm) - ΔZ_{σ}^0
QN 1	± 12	$\pm 2,3$
QN 2	± 16	$\pm 2,6$
QN 3	$\pm 20,8$	Não definido

2.5.3 Nivelamento cruzado

Consiste na diferença de altura entre o topo de dois trilhos adjacentes e o plano horizontal de referência. As tolerâncias máximas de nivelamento cruzado admitido pelas normas NF EN 13848-1 em via comercial e NF EN 14363 em via de teste são mostradas nas tabelas 2.4 e 2.5.

Tabela 2.4 - Alinhamento Transversal e Gradiente Segundo a Norma EN 13848

Altura (mm)	$\lambda \leq 5,5m$	$5,5m < \lambda \leq 20m$
	± 5	$\pm 1/\lambda \text{ ‰}$
		$\pm 2/\lambda \text{ ‰}$

Tabela 2.5 - Alinhamento Transversal e Gradiente Segundo a Norma EN 14363

Qualidade	Máx. absoluta ΔY_{max}^0 (mm)	Típica ΔY_{σ}^0 (mm)	$1,3m < \lambda \leq 2,5m$	$2,5m < \lambda \leq 20m$
QN 1	± 12	$\pm 1,5$		
QN 2	± 14	$\pm 1,8$	$20/2\lambda + 3 \text{ ‰}$	7 ‰
QN 3	$\pm 18,2$	Não definido		

2.5.4 Alinhamento longitudinal

O último dos quatro itens principais que definem a qualidade geométrica da via é a variação horizontal entre a linha de centro de dois trilhos e a linha de centro de referência. De acordo com o domínio de comprimento de onda D1, D2 e D3 da norma (EN 13848, 2004), as tolerâncias de instalação são apresentadas na tabela a seguir.

Tabela 2.6 - Tolerância do Alinhamento Longitudinal

Domínio	Comprimento de onda (m)	Tolerância (mm)
D1	$3 < \lambda \leq 25$	$\pm 1,5$
D2	$25 < \lambda \leq 70$	± 4
D3	$70 < \lambda \leq 150$	± 10

A figura 2.11 mostra os quatro tipos de irregularidade apresentados neste capítulo.

Figura 2.11 - Parâmetros da Qualidade Geométrica de Via Férrea (BARBOSA, 1999)

Os quatro parâmetros da qualidade geométrica da via apresentados anteriormente são definidos como intervalos, isto é, o respeito dos critérios faz com que a instalação dos trilhos esteja entre um limite superior e inferior. Da mesma forma, quando a norma se refere a comprimento de onda, novamente é definido em termos de intervalos. Isso quer dizer que em um caso real, por exemplo, para um comprimento de onda D1 pode-se ter em um determinado trecho de via uma irregularidade com um comprimento de onda de 4 m e amplitude 0,3 mm e outro

com 20 m de comprimento de onda e 0,9 mm de amplitude. Logo, existem infinitas combinações entre os parâmetros que definem o perfil de via.

Uma das maneiras de se determinar um perfil de via tipo para ser utilizado como dado de entrada de um modelo de análise vibratória é a partir de medidas experimentais. Através de medições topográficas ou com a utilização de veículos especiais, pode-se obter uma curva PSD (Power Spectral Density) das irregularidades que é uma função do inverso do comprimento de onda ($1/\lambda$). A figura abaixo mostra uma função PSD das irregularidades de alinhamento vertical de uma via típica com qualidade de manutenção média.

Gráfico 2.7 - PSD de irregularidade vertical em função de $1/\lambda$ (Diana et al. 2002)

A obtenção das irregularidades aleatórias de uma via pode também ser aproximada com a utilização da fórmula a seguir (PEARCE; THOMPSON, 2004):

$$\Phi(\omega) = \frac{cV}{\omega^2} \text{ m}^2 / \text{rad} / \text{s} \quad (2.3)$$

onde constante c representa a rugosidade da via e V a velocidade de deslocamento. O interesse principal desta curva é que ela representa um “ruído branco”, isto é, cobre todas as faixas de frequência de um dado intervalo e que o valor médio quadrático da aceleração (rms) do sinal de saída é proporcional a integral da raiz quadrada da resposta a uma entrada degrau de valor unitário. Além disso, todos os

tipos de via quer sejam lisas ou rugosas podem ser representadas em função da constante c .

Seja uma componente λ qualquer de uma via irregular, a excitação nos truques dianteiro (z_d) e traseiro (z_t) em um veículo que possui uma distância entre pivôs de truques dado por l_t e com velocidade de deslocamento V será dada pelas seguintes fórmulas:

$$z_d = Z \operatorname{seno}\left(\frac{2\pi V}{\lambda} t\right) \quad \text{e} \quad z_t = Z \operatorname{seno}\left(\frac{2\pi V}{\lambda} \left(t - \frac{l_t}{V}\right)\right) \quad (2.4)$$

A amplitude Z é obtida a partir da curva PSD.

Assim, existem infinitas combinações de velocidade e comprimento de onda V/λ que podem excitar o truque em uma dada frequência. Devido à distância entre pivôs, há uma defasagem entre os sinais de entrada nos truques dianteiro (z_d) e traseiro (z_t). Portanto, para que as entradas z_d e z_t estejam em fase, é necessário que o comprimento de onda λ seja proporcional a distância entre pivôs. A figura 2.12 mostra três casos em que o modo vertical de vibração é excitado (quando os dois truques estão em fase) para diferentes comprimentos de onda.

Figura 2.12 - Comprimento de Onda Associado a Distância Entre Pivôs

A partir dos casos da figura anterior, a excitação da freqüência de ressonância do modo vertical será feita a três velocidades diferentes chamadas de “velocidade crítica”. A velocidade crítica V_{c1} do primeiro caso ($\lambda=l_t$) é o dobro de V_{c2} ($\lambda=l_t/2$) e o triplo de V_{c3} ($\lambda=l_t/3$), pois como pode ser percebido na equação 2.4 a freqüência de excitação é diretamente proporcional à V e inversamente proporcional a λ .

O gráfico 2.7 mostra que, em uma curva PSD típica, quanto maior for o comprimento de onda λ , maior são as amplitudes das componentes harmônicas. Baseado na figura 2.12, a partir da PSD típica, a amplitude, o comprimento de onda e a velocidade crítica para o primeiro caso seria maior que para os outros dois. Portanto para grandes comprimentos de onda, a energia introduzida no sistema será maior e conseqüentemente as vibrações serão mais significativas.

Como foi mostrado no capítulo 2.4, a freqüência natural do modo vertical de vibração de uma caixa se situa entre 6 Hz e 13 Hz. Partindo dos valores dados por (YAGIZ; GURSEL, 2005) em que o primeiro modo de vibração da caixa é de 8,1 Hz e a distância entre pivôs é de 19 m, as três primeiras velocidades críticas serão:

- $V_{c1} = \lambda_1 \cdot f = 19 \cdot 8,1 = 153,9 \text{ m/s} = 554 \text{ km/h}$;
- $V_{c2} = \lambda_2 \cdot f = \frac{19}{2} \cdot 8,1 = 76,95 \text{ m/s} = 277 \text{ km/h}$;
- $V_{c3} = \lambda_3 \cdot f = \frac{19}{3} \cdot 8,1 = 51,3 \text{ m/s} = 185 \text{ km/h}$.

Logo, pela ordem de grandeza do comprimento de onda e da freqüência natural da caixa apresentadas acima pode-se perceber que somente os trens de grande velocidade poderiam ser excitados nas primeiras velocidades crítica o que não é o caso. Por outro lado, tais velocidades não devem ser completamente negligenciadas no estudos de metrô e vagões de carga em que as distâncias entre pivôs são relativamente menores.

3 Modelagem do veículo

3.1 Introdução

Para obtenção de resultados confiáveis é necessário cumprir uma série de etapas conforme descrito por (BARBOSA, 1999). Baseado nessas etapas foi desenvolvida a estrutura deste capítulo que consiste de:

- Hipóteses: levantamento de todas as considerações de simplificação que serão utilizadas no modelamento;
- Modelo do veículo: detalhamento dos corpos e vínculos que compõem os truques e a caixa formando o veículo como um todo;
- Equações de movimento: dedução das equações diferenciais de movimento que definem o modelo matemático do sistema dinâmico;
- Processo numérico de soluções: dois tipos de soluções são propostas. Na primeira delas foi utilizada a abordagem de Espaço de Estado e será aqui chamada de “Solução Analítica”. A segunda solução, que visa um sistema não linear, foi elaborada utilizando um software de diagrama de blocos e será chamada de “Solução por Integração Numérica”;
- Análise e interpretação dos resultados: este tópico será abordado no capítulo 4.

3.2 Levantamento das hipóteses

A série de hipóteses e simplificações listadas abaixo servirão de base à elaboração do modelo.

- 1) O veículo é simétrico tanto no sentido longitudinal quanto transversal;
- 2) As rizezas das molas são lineares em torno do ponto de operação;

- 3) Os deslocamentos angulares são pequenos, logo os valores de seno, arco seno, tangente e arco tangente podem ser aproximados ao valor do próprio ângulo (SHENG, 2003). Esta aproximação se aplica somente aos sistemas lineares (MEIROVITCH, 1975);
- 4) Todos os componentes do veículo movem-se a mesma velocidade no sentido longitudinal e não existe deslocamento relativo entre eles. Desta forma o movimento longitudinal da caixa X_c e dos dois truques X_{t1} e X_{t2} foram desconsiderados. Uma vez que esses movimentos longitudinais não excitam os movimentos laterais devido à simetria e linearidade do sistema, os resultados não são severamente influenciados;
- 5) Rijeiras e amortecimentos do trilho e de sua fixação sobre os dormentes são desprezados como nulo conforme adotado por (SHENG, 2003);
- 6) A dinâmica do contato roda trilho é desconsiderada e sua geometria não é deformável. Efeitos dos movimentos de corpo rígido e demais propriedades de contato não são considerados. A partir desta hipótese e da anterior o movimento do rodeiro é considerado como se percorresse o perfil exato dos trilhos, não havendo movimento relativo ou deslocamento entre eles. Os movimentos de hunting dos truques não são simulados;
- 7) A variação do alinhamento longitudinal da via é nula; logo, os rodeiros não se movimentam lateralmente. A partir desta hipótese os movimentos laterais da armação do truque (Y_{t1} e Y_{t2}) e de *yaw* (θ_{t1z} e θ_{t2z}) do truque são desconsiderados;
- 8) Um truque de dois eixos foi aproximado a um truque de um eixo que executa o caminho médio percorrido pelo duplo rodeiro. Esta aproximação elimina o movimento de *pitch* (rotação no eixo transversal – y) da armação do truque (θ_{t1y} e θ_{t2y});
- 9) Uma vez que os rodeiros percorrem o exato perfil dos trilhos (hipótese 6), e que não há variação do alinhamento longitudinal da via (hipótese 7) a excitação do sistema é feita pelo movimento de deslocamento vertical (Z_{t1} e Z_{t2}) e *roll* (θ_{t1x} e θ_{t2x}) dos rodeiros;

10) A caixa e as armações dos truques são consideradas como um corpo rígido. Baseado nesta simplificação, duas considerações feitas no capítulo 2 são aplicáveis:

10.1) Os picos situados abaixo de 5 Hz pertencem às vibrações de corpo rígido e acima de 7 Hz são originados pela flexibilidade da caixa, comprovados por (DIANA et al., 2002) e apresentado no gráfico 2.4. Como análises do capítulo 4 se concentram na faixa entre 0,5 Hz e 2 Hz, tal hipótese não afeta consideravelmente os resultados;

10.2) Segundo (CARLBOM, 2000) a estimação da contribuição da vibração lateral no conforto de passageiros pode ser feita utilizando um modelo de corpo rígido (ver gráfico 2.6). Este trabalho faz somente a análise dos movimentos laterais conforme definido nos objetivos;

11) O centro de gravidade (CG) da caixa se localiza em uma linha perpendicular ao plano horizontal passado pelo centro geométrico da caixa a uma altura h_{cg} do plano de rolamento (ver figura 3.1);

12) A rigidez de suspensões primárias no sentido lateral é muito maior que no sentido vertical, podendo chegar a ser 11 vezes mais rígida como é o caso da suspensão MetaconeTM 17-2087 (TRELLEBORG, 2007). A partir desta constatação e da hipótese 7 é assumido que os movimentos relativos entre o rodeiro e a armação do truque no sentido lateral são desconsiderados, portanto as suspensões primárias atuam somente no sentido vertical.

Uma vez que as principais hipóteses do sistema foram levantadas é possível elaborar o modelo físico do veículo, o que será feito no capítulo a seguir.

3.3 Modelo do veículo

No capítulo anterior foram levantadas hipóteses e simplificações que permitem o desenvolvimento do modelo do veículo. A seguir serão definidos os corpos, vínculos e principais dimensões dos modelos da caixa e em seguida dos truques e do veículo como um todo.

A caixa é o componente de sustentação utilizado para o confinamento de passageiros e instalação dos equipamentos de modo geral. Suas características dimensionais, de massa e inércias utilizadas pelo modelo são:

- m_c : massa;
- I_{cx} , I_{cy} e I_{cz} : momento de inércia nos eixos x , y e z ;
- h_m : altura do centro de gravidade (CG) da caixa em relação ao piso;
- l_{ct} : semi-distância entre os pivôs dos truques;
- l_m : distância do banco a partir da linha de centro transversal;
- b_m : distância do banco a partir da linha de centro longitudinal.

Além da caixa o outro componente modelado é o truque. As únicas juntas que são exclusivas ao modelo dos truques são as suspensões primárias, uma vez que os demais elementos de suspensão compõem a interface caixa-truque. Conforme as hipóteses 5 e 6 o rodeiro percorre o exato perfil da via; logo, suas características de massa e inércia não são levadas em consideração na definição das equações do sistema. O movimento do rodeiro é definido a partir da posição vertical dos trilhos da seguinte forma:

- Z_r : variação da altura do centro do rodeiro em relação a sua posição nominal quando os dois trilhos estão no nível de referência. Este valor é dado pela média das alturas dos trilhos e representa as irregularidades de nivelamento vertical (ver figura 2.11);
- θ_{rx} : ângulo formado entre o eixo do rodeiro e o plano horizontal dado pelo arco tangente da diferença de altura dos trilhos dividido pela bitola. Como este valor é pequeno, o ângulo pode ser aproximado diretamente como a razão entre a diferença de altura pela bitola conforme hipótese feita anteriormente. Este ângulo representa as excitações de nivelamento cruzado (ver figura 2.11).

Com relação à suspensão primária, para que ela conserve as mesmas características quando se passa de dois rodeiros para um conforme a hipótese 8, a rigidez e o amortecimento de cada conjunto instalado na extremidade do eixo devem ser multiplicados por dois. Esta suspensão foi aproximada a uma mola em paralelo a um amortecedor atuando no sentido vertical como mencionado na hipótese 12. Dessa forma, as características dos corpos e vínculos que formam o truque são:

- m_t : massa do truque;
- I_{txz} : momento de inércia no eixo x ;
- C_{pz} : amortecimento da suspensão primária no eixo z ;
- K_{pz} : rigidez da suspensão primária no eixo z ;
- b_p : semi-distância entre suspensões primárias;
- b_b : bitola.

Uma vez definidos os truques e a caixa passa-se ao modelamento do veículo como um todo, para isso deve-se definir os vínculos e as dimensões da interface caixa-truque. Esta interface é composta por um conjunto de amortecedores (dois verticais e dois horizontais), pelas suspensões secundárias e pela barra anti-rolamento.

A função da barra anti-rolamento é de reduzir o movimento de rotação da caixa em torno do eixo x . Quando a caixa, devido a um efeito qualquer, sofre uma rotação em x formando um ângulo entre ela e a armação do truque, a barra anti-rolamento provoca um momento contrário ao ângulo formado no sentido de realinhar a caixa e a armação do truque.

Os amortecedores verticais e horizontais são instalados entre a armação do truque e a caixa, dois de cada lado do veículo e simétricos em relação ao centro do veículo. Dependendo do caso pode haver somente um amortecedor que devido ao ângulo de instalação execute a função de amortecimento em y e z .

O último elemento da interface caixa-truque é a suspensão secundária. Tendo em vista a possibilidade de simular o comportamento dinâmico do veículo com o uso de suspensões pneumáticas, as componentes verticais e horizontais desta suspensão foram aproximadas por dois conjuntos mola-amortecedor um atuando no sentido vertical e outro no sentido horizontal.

Os parâmetros das juntas e dimensões da interface caixa-truque são listados a seguir.

- K_{sz} : rigidez vertical da suspensão secundária;
- C_{sz} : amortecimento vertical da suspensão secundária;
- K_{sy} : rigidez horizontal da suspensão secundária;

- C_{sy} : amortecimento horizontal da suspensão secundária;
- K_{bt} : rigidez angular da barra anti-rolamento;
- C_{ay} : amortecimento do amortecedor lateral;
- C_{az} : amortecimento do amortecedor vertical;
- b_s : semi-distância entre suspensões secundárias;
- b_{ay} : semi-distância entre amortecedores horizontais;
- b_{az} : semi-distância entre amortecedores verticais;
- h_{ayt} : altura entre o CG da armação do truque e o amortecedor horizontal;
- h_{st} : altura entre o centro da armação do truque e o centro de aplicação de esforço da suspensão secundária;
- h_{az} : altura entre o CG da caixa e o amortecedor vertical;
- h_s : altura entre o CG da caixa e o centro de aplicação de esforço da suspensão secundária;
- h_{ay} : altura entre o CG da caixa e o amortecedor horizontal;
- h_t : altura entre os centros de gravidade da caixa e do truque;
- h_p : altura entre o CG da caixa e o centro de aplicação de esforço da suspensão primária;
- h_r : altura entre o CG da caixa e o eixo do rodeiro;
- h_{cg} : altura entre o CG da caixa e o plano de rolamento.

Os detalhes dos parâmetros listados acima são representados no modelo do veículo mostrado na figura 3.1. e servirão de base para a dedução das equações de movimento.

3.4 Equações de movimento

Baseado nas hipóteses do capítulo 3.2 foi desenvolvido o modelo representado na figura 3.1. A princípio, um veículo composto por três corpos (uma caixa e dois truques) deveria possuir 18 graus de liberdade. De acordo com a hipótese 4 os movimentos no eixo x dos três corpos foram desconsiderados por se deslocarem a mesma velocidade. Os movimentos laterais, de *yaw* e *pitch* dos truques também foram desconsiderados baseado nas hipóteses 7 (variação nula do alinhamento

longitudinal da via) e 8 (um rodeiro por truque). Desta forma o sistema que inicialmente possuía 18 graus de liberdade passou a ter 9 somente.

Figura 3.1 - Vista Frontal do Modelo

A figura 3.2 mostra onde estão localizados os 9 graus de liberdade considerados no sistema e logo a seguir uma lista de quais são eles.

Figura 3.2 - Graus de Liberdade

- Z_c : movimento vertical da caixa;
- Y_c : movimento lateral da caixa;
- Z_{t1} : movimento vertical do truque 1 – dianteiro;
- Z_{t2} : movimento vertical do truque 2 – traseiro;
- θ_{cx} : movimento de rolamento da caixa no eixo x (*roll*);
- θ_{cy} : movimento de rotação da caixa no eixo y (*pitch*);
- θ_{cz} : movimento de rotação da caixa no eixo z (*yaw*);
- θ_{t1x} : movimento de rolamento da armação do truque 1 – dianteiro;
- θ_{t2x} : movimento de rolamento da armação do truque 2 – traseiro.

A seguir são deduzidas as equações diferenciais de movimento.

1º) Movimento vertical da caixa – Z_c

$$m_c \ddot{Z}_c + 4(C_{sz} + C_{as})\dot{Z}_c - 2(C_{sz} + C_{as})\dot{Z}_{t1} - 2(C_{sz} + C_{as})\dot{Z}_{t2} + 4K_{sz}Z_c - 2K_{sz}Z_{t1} - 2K_{sz}Z_{t2} = 0 \quad (3.1)$$

Logo

$$\ddot{Z}_c = -\frac{4(C_{sz} + C_{as})}{m_c}\dot{Z}_c + \frac{2(C_{sz} + C_{as})}{m_c}\dot{Z}_{t1} + \frac{2(C_{sz} + C_{as})}{m_c}\dot{Z}_{t2} - \frac{4K_{sz}}{m_c}Z_c + \frac{2K_{sz}}{m_c}Z_{t1} + \frac{2K_{sz}}{m_c}Z_{t2} \quad (3.2)$$

2º) Movimento lateral da caixa – Y_c

$$m_c \ddot{Y}_c + 4(C_{sy} + C_{ay})\dot{Y}_c + 4(C_{sy} + C_{ay})h_s\dot{\theta}_{cx} + 2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})\dot{\theta}_{tx1} + 2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})\dot{\theta}_{tx2} + 4K_{sy}Y_c + 4K_{sy}h_s\theta_{cx} + 2K_{sy}h_{st}\theta_{tx1} + 2K_{sy}h_{st}\theta_{tx2} = 0 \quad (3.3)$$

Logo

$$\ddot{Y}_c = -\frac{4(C_{sy} + C_{ay})}{m_c}\dot{Y}_c - \frac{4(C_{sy} + C_{ay})h_s}{m_c}\dot{\theta}_{cx} - \frac{2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})}{m_c}\dot{\theta}_{tx1} - \frac{2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})}{m_c}\dot{\theta}_{tx2} - \frac{4K_{sy}}{m_c}Y_c - \frac{4K_{sy}h_s}{m_c}\theta_{cx} - \frac{2K_{sy}h_{st}}{m_c}\theta_{tx1} - \frac{2K_{sy}h_{st}}{m_c}\theta_{tx2} \quad (3.4)$$

3º) Movimento vertical do truque 1 (dianteiro) – Z_{t1}

$$\begin{aligned}
 m_t \ddot{Z}_{t1} - & -2(C_{sz} + C_{as}) \dot{Z}_c + 2(C_{sz} + C_{az} + C_{pz}) \dot{Z}_{t1} + 2(C_{sz} + C_{as}) l_{ct} \dot{\theta}_{cy} - \\
 & -2K_{sz} Z_c + 2(K_{sz} + K_{pz}) Z_{t1} + 2K_{sz} l_{ct} \theta_{cy} = \\
 & = 2C_{pz} \dot{Z}_{r1} + 2K_{pz} Z_{r1}
 \end{aligned} \tag{3.5}$$

Logo

$$\begin{aligned}
 \ddot{Z}_{t1} = & \frac{2(C_{sz} + C_{as})}{m_t} \dot{Z}_c - \frac{2(C_{sz} + C_{az} + C_{pz})}{m_t} \dot{Z}_{t1} - \frac{2(C_{sz} + C_{as}) l_{ct}}{m_t} \dot{\theta}_{cy} + \\
 & + \frac{2K_{sz}}{m_t} Z_c - \frac{2(K_{sz} + K_{pz})}{m_t} Z_{t1} - \frac{2K_{sz} l_{ct}}{m_t} \theta_{cy} + \\
 & + 2C_{pz} \dot{Z}_{r1} + 2K_{pz} Z_{r1}
 \end{aligned} \tag{3.6}$$

4º) Movimento vertical do truque 2 (traseiro) – Z_{t2}

$$\begin{aligned}
 m_t \ddot{Z}_{t2} - & -2(C_{sz} + C_{as}) \dot{Z}_c + 2(C_{sz} + C_{az} + C_{pz}) \dot{Z}_{t2} + 2(C_{sz} + C_{as}) l_{ct} \dot{\theta}_{cy} - \\
 & -2K_{sz} Z_c + 2(K_{sz} + K_{pz}) Z_{t2} + 2K_{sz} l_{ct} \theta_{cy} = \\
 & = 2C_{pz} \dot{Z}_{r2} + 2K_{pz} Z_{r2}
 \end{aligned} \tag{3.7}$$

Logo

$$\begin{aligned}
 \ddot{Z}_{t2} = & \frac{2(C_{sz} + C_{as})}{m_t} \dot{Z}_c - \frac{2(C_{sz} + C_{az} + C_{pz})}{m_t} \dot{Z}_{t2} - \frac{2(C_{sz} + C_{as}) l_{ct}}{m_t} \dot{\theta}_{cy} + \\
 & + \frac{2K_{sz}}{m_t} Z_c - \frac{2(K_{sz} + K_{pz})}{m_t} Z_{t2} - \frac{2K_{sz} l_{ct}}{m_t} \theta_{cy} + \\
 & + 2C_{pz} \dot{Z}_{r2} + 2K_{pz} Z_{r2}
 \end{aligned} \tag{3.8}$$

5°) Movimento de rolamento da caixa no eixo x (*roll*) – θ_{cx}

$$\begin{aligned}
 & I_{cx} \ddot{\theta}_{cx} + \\
 & + 4(C_{sy} + C_{ay})h_s \dot{Y}_c + 4(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 + C_{sy} h_s^2 + C_{ay} h_{ay}^2) \dot{\theta}_{cx} - \\
 & - 2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ayt} h_{ay}) \dot{\theta}_{tx1} - \\
 & - 2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ayt} h_{ay}) \dot{\theta}_{tx2} + \\
 & + 4K_{sy} h_s Y_c + (4(K_{sz} b_s^2 + K_{sy} h_s^2) + K_{bt}) \theta_{cx} - \\
 & - (2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt}) \theta_{tx1} - \\
 & - (2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt}) \theta_{tx2} = 0
 \end{aligned}
 \tag{3.9}$$

Logo

$$\begin{aligned}
 & \ddot{\theta}_{cx} = \\
 & - \frac{4(C_{sy} + C_{ay})h_s}{I_{cx}} \dot{Y}_c - \frac{4(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 + C_{sy} h_s^2 + C_{ay} h_{ay}^2)}{I_{cx}} \dot{\theta}_{cx} + \\
 & + \frac{2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ayt} h_{ay})}{I_{cx}} \dot{\theta}_{tx1} + \\
 & + \frac{2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ayt} h_{ay})}{I_{cx}} \dot{\theta}_{tx2} - \\
 & - \frac{4K_{sy} h_s}{I_{cx}} Y_c - \frac{(4(K_{sz} b_s^2 + K_{sy} h_s^2) - K_{bt})}{I_{cx}} \theta_{cx} + \\
 & + \frac{(2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt})}{I_{cx}} \theta_{tx1} + \\
 & + \frac{(2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt})}{I_{cx}} \theta_{tx2}
 \end{aligned}
 \tag{3.10}$$

6°) Movimento de rotação da caixa no eixo y (*pitch*) – θ_{cy}

$$\begin{aligned}
 & I_{cy} \ddot{\theta}_{cy} + \\
 & + 2(C_{sz} + C_{az})l_{ct} \dot{Z}_{t1} - 2(C_{sz} + C_{az})l_{ct} \dot{Z}_{t2} + 4(C_{sz} + C_{az})l_{ct}^2 \dot{\theta}_{cy} + \\
 & + 2K_{sz} l_{ct} Z_{t1} - 2K_{sz} l_{ct} Z_{t2} + 4K_{sz} l_{ct}^2 \theta_{cy} = 0
 \end{aligned}
 \tag{3.11}$$

Logo

$$\ddot{\theta}_{cy} = -\frac{2(C_{sz} + C_{az})l_{ct}}{I_{cy}}\dot{Z}_{t1} + \frac{2(C_{sz} + C_{az})l_{ct}}{I_{cy}}\dot{Z}_{t2} - \frac{4(C_{sz} + C_{az})l_{ct}^2}{I_{cy}}\dot{\theta}_{cy} - \frac{2K_{sz}l_{ct}}{I_{cy}}Z_{t1} + \frac{2K_{sz}l_{ct}}{I_{cy}}Z_{t2} - \frac{4K_{sz}l_{ct}^2}{I_{cy}}\theta_{cy} \quad (3.12)$$

7º) Movimento de rotação da caixa no eixo z (yaw) – θ_{cz}

$$I_{cz}\ddot{\theta}_{cz} + 4(C_{sy} + C_{ay})l_{ct}^2\dot{\theta}_{cz} + 2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})l_{ct}\dot{\theta}_{tx1} - 2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})l_{ct}\dot{\theta}_{tx2} + 4K_{sy}l_{ct}^2\theta_{cz} + 2K_{sy}h_{st}l_{ct}\theta_{tx1} - 2K_{sy}h_{st}l_{ct}\theta_{tx2} = 0 \quad (3.13)$$

Logo

$$\ddot{\theta}_{cz} = -\frac{4(C_{sy} + C_{ay})l_{ct}^2}{I_{cz}}\dot{\theta}_{cz} - \frac{2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})l_{ct}}{I_{cz}}\dot{\theta}_{tx1} + \frac{2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})l_{ct}}{I_{cz}}\dot{\theta}_{tx2} - \frac{4K_{sy}l_{ct}^2}{I_{cz}}\theta_{cz} - \frac{2K_{sy}h_{st}l_{ct}}{I_{cz}}\theta_{tx1} + \frac{2K_{sy}h_{st}l_{ct}}{I_{cz}}\theta_{tx2} \quad (3.14)$$

8º) Movimento de rolamento da armação do truque 1 (dianteiro) – θ_{t1x}

$$I_t\ddot{\theta}_{tx1} + 2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})\dot{Y}_c - 2(C_{sz}b_s^2 + C_{az}b_{az}^2 - C_{sy}h_{st}h_s - C_{ay}h_{ay}h_{ayt})\dot{\theta}_{cx} + 2(C_{sy}h_{st} + C_{ay}h_{ayt})l_{ct}\dot{\theta}_{cz} + 2(C_{sz}b_s^2 + C_{az}b_{az}^2 + C_{sy}h_{st}^2 + C_{ay}h_{ayt}^2 + C_{pz}b_p^2)\dot{\theta}_{tx1} + 2K_{sy}h_{st}Y_c - (2(K_{sz}b_s^2 - K_{sy}h_{st}h_s) + K_{bt})\theta_{cx} + 2K_{sy}h_{st}l_{ct}\theta_{cz} + (2(K_{sz}b_s^2 + K_{sy}h_{st}^2 + K_{pz}b_p^2) - K_{bt})\theta_{tx1} = 2C_{pz}b_p^2\dot{\theta}_{r1} + 2(b_p^2K_{pz})\theta_{r1} \quad (3.15)$$

Logo

$$\begin{aligned}
\ddot{\theta}_{tx1} = & -\frac{2(C_{sy} h_{st} + C_{ay} h_{ayt})}{I_t} \dot{Y}_c + \frac{2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ay} h_{ayt})}{I_t} \dot{\theta}_{cx} - \\
& -\frac{2(C_{sy} h_{st} + C_{ay} h_{ayt}) l_{ct}}{I_t} \dot{\theta}_{cz} - \frac{2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 + C_{sy} h_{st}^2 + C_{ay} h_{ayt}^2 + C_{pz} b_p^2)}{I_t} \dot{\theta}_{tx1} - \\
& -\frac{2(K_{sy} h_{st})}{I_t} Y_c + \frac{(2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt})}{I_t} \theta_{cx} - \frac{2K_{sy} h_{st} l_{ct}}{I_t} \theta_{cz} - \\
& -\frac{(2(K_{sz} b_s^2 + K_{sy} h_{st}^2 + K_{pz} b_p^2) - K_{bt})}{I_t} \theta_{tx1} + \\
& + \frac{2C_{pz} b_p^2}{I_t} \dot{\theta}_{r1} + \frac{2(b_p^2 K_{pz})}{I_t} \theta_{r1}
\end{aligned} \tag{3.16}$$

9° Movimento de rolamento da armação do truque 2 (traseiro) – θ_{t2x}

$$\begin{aligned}
& I_t \ddot{\theta}_{tx2} + \\
& + 2(C_{sy} h_{st} + C_{ay} h_{ayt}) \dot{Y}_c - 2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ay} h_{ayt}) \dot{\theta}_{cx} - \\
& - 2(C_{sy} h_{st} + C_{ay} h_{ayt}) l_{ct} \dot{\theta}_{cz} + 2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 + C_{sy} h_{st}^2 + C_{ay} h_{ayt}^2 + C_{pz} b_p^2) \dot{\theta}_{tx2} + \\
& + 2K_{sy} h_{st} Y_c - (2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt}) \theta_{cx} - 2K_{sy} h_{st} l_{ct} \theta_{cz} + \\
& + (2(K_{sz} b_s^2 + K_{sy} h_{st}^2 + K_{pz} b_p^2) - K_{bt}) \theta_{tx2} = \\
& = 2C_{pz} b_p^2 \dot{\theta}_{r2} + 2(b_p^2 K_{pz}) \theta_{r2}
\end{aligned} \tag{3.17}$$

Logo

$$\begin{aligned}
\ddot{\theta}_{tx2} = & -\frac{2(C_{sy} h_{st} + C_{ay} h_{ayt})}{I_t} \dot{Y}_c + \frac{2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 - C_{sy} h_{st} h_s - C_{ay} h_{ay} h_{ayt})}{I_t} \dot{\theta}_{cx} + \\
& + \frac{2(C_{sy} h_{st} + C_{ay} h_{ayt}) l_{ct}}{I_t} \dot{\theta}_{cz} - \frac{2(C_{sz} b_s^2 + C_{az} b_{az}^2 + C_{sy} h_{st}^2 + C_{ay} h_{ayt}^2 + C_{pz} b_p^2)}{I_t} \dot{\theta}_{tx2} - \\
& -\frac{2(K_{sy} h_{st})}{I_t} Y_c + \frac{(2(K_{sz} b_s^2 - K_{sy} h_{st} h_s) + K_{bt})}{I_t} \theta_{cx} + \frac{2K_{sy} h_{st} l_{ct}}{I_t} \theta_{cz} - \\
& -\frac{(2(K_{sz} b_s^2 + K_{sy} h_{st}^2 + K_{pz} b_p^2) - K_{bt})}{I_t} \theta_{tx1} + \\
& + \frac{2C_{pz} b_p^2}{I_t} \dot{\theta}_{r1} + \frac{2(b_p^2 K_{pz})}{I_t} \theta_{r1}
\end{aligned} \tag{3.18}$$

O movimento lateral de qualquer ponto no interior da caixa é dado em função dos movimentos de deslocamento lateral (Y_c), *roll* (θ_{cx}) e *yaw* (θ_{cy}) desta, assim, as análises feitas neste trabalho serão baseadas nesses três tipos de movimento.

3.5 Solução analítica

Dois tipos de soluções das equações de movimento são propostas. Na primeira delas é feita a abordagem por Espaços de Estado que tem como vantagem o fornecimento dos resultados temporais e no domínio da frequência, porém, só foram simulados sistemas lineares. Embora o processo de solução através do uso do software Scicos seja numérico, a denominação “Solução Analítica” foi escolhida uma vez que o sistema é linear ou seja, pode ser resolvida para qualquer instante de tempo sem conhecimento do instante anterior. O segundo tipo é a solução por integração numérica de um sistema não linear. Este tipo de solução é muito mais flexível que a solução analítica, por outro lado só é possível a obtenção de resultados temporais.

Segundo (OGATA, 2004), o “estado” de um sistema é dado pelo menor conjunto de variáveis que a partir das condições iniciais (quando $t=t_0$) e das entradas (para todo $t \geq t_0$) se torna possível a determinação do comportamento do mesmo. Tomando este conjunto de variáveis, chamadas de “variáveis de estado”, e organizando-as de forma vetorial obtém-se um “vetor de estado”. Logo, o “estado” de um sistema pode ser determinado pelo “vetor de estado” para todo tempo $t \geq t_0$. Um espaço n -dimensional onde cada dimensão é dada por um eixo definido a partir de cada “variável de estado” é chamado de “espaço de estado”. Todo “estado” do sistema em questão pode ser definido como um ponto no “espaço de estado”. A expressão em forma de “espaço de estado” que representa tal sistema é dada pela seguinte equação de vetores e matrizes:

$$\begin{aligned}\dot{\vec{x}} &= A\vec{x} + B\vec{u} \\ \vec{y} &= C\vec{x} + D\vec{u}\end{aligned}\tag{3.19}$$

Onde:

- $\vec{x}$: vetor de estado:
- $\vec{u}$: vetor de entrada:
- $\vec{y}$: vetor de saída:
- A : matriz de estado:
- B : matriz de entrada:
- C : matriz de saída:
- D : matriz de transmissão direta.

Baseado nas equações de movimento deduzidas no capítulo 3.4 as matrizes e vetores da equação 3.19 são definidos da seguinte maneira.

Inicialmente devem-se definir as “variáveis de estado”. Como foi dito no capítulo anterior, a definição da posição de qualquer ponto da caixa devido ao movimento lateral da mesma é definida por três variáveis: deslocamento lateral (Y_c), *roll* (θ_{cx}) e *yaw* (θ_{cz}). Porém, como pode ser observado nas equações 3.4, 3.10 e 3.14 esses três movimentos são excitados pelas rotações em torno do eixo x dos truques “t1” (θ_{t1x}) e “t2” (θ_{t2x}) que por sua vez são excitados a partir das oscilações do trilho. Assim, desconsiderou-se quatro graus de liberdade, dos nove definidos inicialmente, uma vez que eles não são excitados pelos movimentos de rotação dos rodeiros. As “variáveis de estado” são definidas como:

$$\begin{array}{lllll}
 x_1 = Y_c & x_3 = \theta_{cx} & x_5 = \theta_{cz} & x_7 = \theta_{t1x} & x_9 = \theta_{t2x} \\
 \dot{x}_1 = \dot{Y}_c & \dot{x}_3 = \dot{\theta}_{cx} & \dot{x}_5 = \dot{\theta}_{cz} & \dot{x}_7 = \dot{\theta}_{t1x} & \dot{x}_9 = \dot{\theta}_{t2x} \\
 x_2 = \dot{x}_1 = \dot{Y}_c & x_4 = \dot{x}_3 = \dot{\theta}_{cx} & x_6 = \dot{x}_5 = \dot{\theta}_{cz} & x_8 = \dot{x}_7 = \dot{\theta}_{t1x} & x_{10} = \dot{x}_9 = \dot{\theta}_{t2x} \\
 \dot{x}_2 = \ddot{Y}_c & \dot{x}_4 = \ddot{\theta}_{cx} & \dot{x}_6 = \ddot{\theta}_{cz} & \dot{x}_8 = \ddot{\theta}_{t1x} & \dot{x}_{10} = \ddot{\theta}_{t2x}
 \end{array} \quad (3.20)$$

Onde as derivadas segunda $\ddot{Y}_c$, $\ddot{\theta}_{cx}$, $\ddot{\theta}_{cz}$, $\ddot{\theta}_{t1x}$ e $\ddot{\theta}_{t2x}$ são dadas pelas equações 3.4, 3.10, 3.14, 3.16 e 3.18.

O vetor de estado $\vec{x}$ é definido como:

$$\begin{aligned}
 \vec{x}^T &= [x_1 \quad x_2 \quad x_3 \quad x_4 \quad x_5 \quad x_6 \quad x_7 \quad x_8 \quad x_9 \quad x_{10}] = \\
 &= [Y_c \quad \dot{Y}_c \quad \theta_{cx} \quad \dot{\theta}_{cx} \quad \theta_{cz} \quad \dot{\theta}_{cz} \quad \theta_{t1x} \quad \dot{\theta}_{t1x} \quad \theta_{t2x} \quad \dot{\theta}_{t2x}]
 \end{aligned} \quad (3.21)$$

As variações dos parâmetros não nulos desta matriz permitem a simulação de excitações dos rodeiros em fase e em oposição de fase, bastando inverter um dos sinais.

A matriz de saída C é dada por:

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (3.25)$$

Finalmente, a matriz de transposição direta D é uma matriz 3 x 1 nula.

$$D = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (3.26)$$

No apêndice D é apresentado o programa desenvolvido no software SCILAB para a simulação utilizando a abordagem de Espaço de Estado. Uma particularidade deste software é que o “vetor de entrada” $\vec{u}$ deve sempre ser apresentado como um escalar na forma de “função de entrada”. Este caso é chamado de *SIMO* (Single Input Multiple Output), ou seja, uma entrada e várias saídas. Como foi mencionado anteriormente, a variação dos parâmetros da matriz B permite somente simulações em fase e em e em oposição de fase, mas em um caso real, a diferença de fase varia em função do comprimento de onda da irregularidade e da distância entre eixos. Assim, a maneira utilizada para contornar este problema é utilizar o conceito do “princípio da superposição” (OGATA, 2004) que diz que em um sistema linear, a resposta produzida pela aplicação de duas forças de entrada simultâneas é igual à soma das respostas produzidas por cada força individualmente. Assim, excitando inicialmente somente o rodeiro “r1” e depois somente o rodeiro “r2” com uma diferença de fase, o resultado será dado pela soma dos sinais das duas respostas.

Na primeira parte do programa são definidas as matrizes A , B , C e D conforme descrito nas equações 3.23, 3.24, 3.25 e 3.26. O termo $B[1,8]$ da matriz apresentada em 3.24 caracteriza a excitação do rodeiro dianteiro e o termo $B[1,10]$ do rodeiro traseiro. Assim duas matrizes B são necessárias para realizar as excitações nos rodeiros “r1” e “r2” de modo separado.

$$B_1 = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0] \quad (3.27)$$

$$B_2 = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1] \quad (3.28)$$

Na segunda parte, são criadas duas “funções de entrada” cada qual associada a um rodeiro. As funções de deslocamento dos rodeiros “r1” e “r2” são dadas por:

$$\theta_{r1} = \frac{r_m}{b_b} \text{seno} \left(2\pi \frac{v}{\lambda} t \right) \quad (3.29)$$

$$\theta_{r2} = \frac{r_m}{b_b} \text{seno} \left(\left(2\pi \frac{v}{\lambda} t \right) - \left(2\pi \left(\frac{2l_{ct}}{\lambda} \right) \right) \right) \quad (3.30)$$

Onde:

- r_m/b_b : amplitude de oscilação dada à seguinte aproximação $\text{tg}^{-1}(r_m/b_b)R$ r_m/b_b segundo a hipótese 3 do capítulo 3.2;
- v/λ : frequência da oscilação em Hz, onde v é a velocidade de deslocamento do veículo e λ é o comprimento de onda da irregularidade do trilho;
- $\frac{2l_{ct}}{\lambda}$: diferença de fase entre rodeiros, onde l_{ct} é a meia-distância entre centros de pivô.

Outro problema deste tipo de solução é que a entrada é dada pela força de excitação de rotação dos rodeiros e não pelo seu movimento angular. O artifício utilizado foi de gerar um momento aplicado ao rodeiro que faça a armação do truque movimentar-se com os mesmos ângulos e velocidades que ele teria, caso a entrada fosse as irregularidades da via. Assim, a excitação transmitida à caixa será a mesma. Seja θ_{r1x} e $\dot{\theta}_{r1x}$ o deslocamento e velocidade angular do rodeiro “r1” e θ_{r2x} e $\dot{\theta}_{r2x}$ do rodeiro “r2”, os momentos são definidos a partir da segunda parte da igualdade das equações 3.15 e 3.17 e são dados por:

$$\text{Momento } \theta_{r1} = \frac{2b_p^2 K_{pz}}{I_{tx}} \theta_{r1x} + \frac{2b_p^2 C_{pz}}{I_{tx}} \dot{\theta}_{r1x} \quad (3.31)$$

$$\text{Momento } \theta_{r2} = \frac{2b_p^2 K_{pz}}{I_{tx}} \theta_{r2x} + \frac{2b_p^2 C_{pz}}{I_{tx}} \dot{\theta}_{r2x} \quad (3.32)$$

Na terceira parte do programa, duas simulações são feitas, uma para a excitação de cada rodeiro e a saída final é dada pela soma dos resultados. Os resultados são registrados, então, em um arquivo do tipo texto.

A última parte do programa gera o diagrama de Bode que apresenta a resposta em frequência para a magnitude e fase. No capítulo 4.5 é feita uma análise em detalhe de tais diagramas.

3.6 Solução por integração numérica

A outra solução proposta, por integração numérica, possui como vantagens a facilidade de simular os nove graus de liberdade do sistema, as excitações dos rodeiros podem ser combinadas nivelamento cruzado ou nivelamento vertical e a principal delas, o modelamento de suspensões lineares e não lineares é muito mais simples. Por outro lado sua grande limitação é que só é possível obter resultados temporais, as respostas em frequência como mostrado na solução analítica não é possível sem que seja feito um tratamento de sinal.

A obtenção deste tipo de solução foi feita utilizando o software de modelagem e simulação de sistemas dinâmicos SCICOS (CAMPBELL; CHANCELIER; NIKOUKHAH, 2000).

3.6.1 Entradas

Conforme explicado no capítulo 2.4 a excitação do sistema é feita pelas irregularidades dos trilhos que são transmitidas aos rodeiros. Cada rodeiro é excitado de duas maneiras, pela variação da altura gerada pelas irregularidades de nivelamento vertical (Z_r) e pelas variações de ângulos geradas pelas irregularidades

de nivelamento cruzado (θ_x). As quatro entradas do sistema foram modeladas da mesma maneira, variando somente as definições dos parâmetros de cada bloco. Tomando o exemplo do rodeiro “r1”, a figura 3.3 mostra o princípio utilizado na definição da excitação vertical no mesmo.

Figura 3.3 – Diagrama de Cálculo da Excitação Vertical do Rodeiro “r1”

O bloco “Time” é um gerador de tempo com uma frequência pré-definida pelo usuário. O bloco “Mathematical Expression” utiliza o tempo gerado pelo bloco “Time” para calcular as oscilações verticais do rodeiro, fornecendo assim o deslocamento Z_{r1} . Na equação 3.6 que define o movimento vertical da armação do truque 1, os termos referentes às variáveis Z_{r1} e $\dot{Z}_{r1}$ representam a entrada do sistema. O detalhe referente à excitação do rodeiro em z é mostrado a seguir:

$$\text{oscilação de entrada} = 2 \frac{K_{pz}}{m_t} Z_{r1} + 2 \frac{C_{pz}}{m_t} \dot{Z}_{r1} \quad (3.33)$$

Como a saída do bloco “Mathematical Expression” se refere ao deslocamento Z_{r1} , sua derivada, que é feita através do bloco “Derivative”, fornece a velocidade de deslocamento $\dot{Z}_{r1}$. Multiplicando então o deslocamento pela expressão $2(K_{pz}/m_t)$ e a velocidade $2(C_{pz}/m_t)$ através dos blocos “Gain” e fazendo o somatório dos resultados utilizando o bloco “Sum” é obtida uma das quatro entradas do sistema.

O mesmo conjunto de blocos é repetido quatro vezes e em cada uma delas os ganhos e as expressões matemáticas são definidos conforme mostrado a seguir:

Rodeiro “r1”, excitação do modo Z_{t1} conforme equação 3.6:

- Expressão matemática de Z_{r1} : $r_m \cdot \text{seno}\left(2\pi \frac{v}{\lambda} t\right)$
- Ganho do deslocamento Z_{r1} : $2(K_{pz} / m_t)$
- Ganho da velocidade $\dot{Z}_{r1}$: $2(C_{pz} / m_t)$

Rodeiro “r1”, excitação do modo θ_{t1x} conforme equação 3.16:

- Expressão matemática de θ_{r1x} : $\frac{r_m}{b_b} \text{seno}\left(2\pi \frac{v}{\lambda} t\right)$
- Ganho do deslocamento θ_{r1x} : $2(b_p^2 K_{pz} / I_{tx})$
- Ganho da velocidade $\dot{\theta}_{r1x}$: $2(b_p^2 C_{pz} / I_{tx})$

Rodeiro “r2”, excitação do modo Z_{t2} conforme equação 3.8:

- Expressão matemática de Z_{r2} : $r_m \cdot \text{seno}\left(\left(2\pi \frac{v}{\lambda} t\right) - \left(2\pi \left(\frac{2l_{ct}}{v}\right)\right)\right)$
- Ganho do deslocamento Z_{r2} : $2(K_{pz} / m_t)$
- Ganho da velocidade $\dot{Z}_{r2}$: $2(C_{pz} / m_t)$

Rodeiro “r1”, excitação do modo θ_{t2x} conforme equação 3.18:

- Expressão matemática de θ_{r2x} : $\frac{r_m}{b_b} \cdot \text{seno}\left(\left(2\pi \frac{v}{\lambda} t\right) - \left(2\pi \left(\frac{2l_{ct}}{v}\right)\right)\right)$
- Ganho do deslocamento θ_{r2x} : $2(b_p^2 K_{pz} / I_{tx})$
- Ganho da velocidade $\dot{\theta}_{r2x}$: $2(b_p^2 C_{pz} / I_{tx})$

A diferença de fase apresentada nas expressões referentes ao rodeiro “r2” quando comparadas com o rodeiro “r1” se devem à distância entre pivôs conforme explicado anteriormente nas equações 3.29 e 3.30. Os demais parâmetros como rigidez, amortecimento, inércias e massas foram definidos no capítulo 3.3.

3.6.2 Processamento e saídas

Assim como foi feito no capítulo anterior, a explicação da solução completa partirá de um bloco representativo para facilitar a compreensão.

Como apresentado no capítulo 3.2 o sistema possui nove graus de liberdade. Assim, o simulador como um todo foi dividido em nove diagramas dos quais cada um possui como saída um dos nove deslocamentos correspondentes aos graus de liberdade. Seja, por exemplo, o deslocamento vertical do truque “r1” definido como Z_{t1} , cuja equação do movimento 3.6 é transcrita abaixo:

$$\begin{aligned} \ddot{Z}_{t1} = & \frac{2(C_{sz} + C_{as})}{m_t} \dot{Z}_c - \frac{2(C_{sz} + C_{az} + C_{pz})}{m_t} \dot{Z}_{t1} - \frac{2(C_{sz} + C_{az})lct}{m_t} \dot{\theta}_{cy} + \\ & + \frac{2K_{sz}}{m_t} Z_c - \frac{2(K_{sz} + K_{pz})}{m_t} Z_{t1} - \frac{2K_{sz}lct}{m_t} \theta_{cy} + \\ & + 2C_{pz} \dot{Z}_{r1} + 2K_{pz} Z_{r1} \end{aligned} \quad (3.34)$$

A partir da equação acima foi possível desenvolver o diagrama mostrado na figura 3.4.

Figura 3.4 – Diagrama de Cálculo do Movimento Vertical do Truque “t1” (Z_{t1})

A velocidade $\dot{Z}_{t1}$ e o deslocamento Z_{t1} são obtidos a partir de integrações sucessivas da aceleração $\ddot{Z}_{t1}$ utilizando o bloco “Integration”. Como pode ser observado na

equação 3.34, a aceleração final é obtida por três somatórios. O primeiro deles consiste dos termos referentes às velocidades $\dot{Z}_c$, $\dot{Z}_{t1}$ e $\dot{\theta}_{cy}$ (primeira linha da equação). O segundo somatório se refere aos deslocamentos Z_c , Z_{t1} e θ_{cy} (segunda linha da equação) e o terceiro é a excitação provocada pelo rodeiro (terceira linha da equação).

Os blocos “*Mathematical Expression*” da figura 3.4 possuem entradas denotadas por u_i . Na expressão “V” a entrada $u2$ ($\dot{Z}_{t1}$) é tomada diretamente após a integração de $\ddot{Z}_{t1}$. Da mesma maneira, as entradas $u1$ ($\dot{Z}_c$) e $u3$ ($\dot{\theta}_{cy}$) são obtidas nas ligações de saída dos integradores de seus respectivos blocos. Assim como as velocidades $\dot{Z}_c$ e $\dot{\theta}_{cy}$ são necessárias para a determinação de $\dot{Z}_{t1}$, este último é também necessário para a determinação das outras duas devido à simetria das matrizes de amortecimento e rigidez. Esta saída que alimenta os diagramas de Z_c e θ_{cy} é mostrada pelas duas setas apontadas para baixo na figura. Finalmente a expressão matemática tal como encontrada no programa que representa o somatório da primeira linha da equação 3.34 assumindo $u1=\dot{Z}_c$, $u2=\dot{Z}_{t1}$ e $u3=\dot{\theta}_{cy}$ é dado por:

$$u1*(2*(csz+caz)/mt)+u2*(-2*(csz+caz+cpz)/mt)+u3*(-2*lct*(csz+caz)/mt) \quad (3.35)$$

O mesmo princípio é adotado na obtenção da equação da expressão “D”, porém, ela conta com duas outras entradas denominadas de $u4$ e $u5$, que representam as suspensões secundárias. Uma das etapas da análise do sistema consiste na adoção das suspensões secundárias como não lineares, mas, por hora, enquanto o sistema for considerado como linear $u4$ e $u5$ serão as constantes de rigidez K_{sz} . Os índices “1” e “2” de K_{sz} mostrados na figura se referem às suspensões à direita e à esquerda da linha de centro. Assim, a expressão “D” que representa o somatório da segunda linha da equação 3.34 assumindo $u1=Z_c$, $u2=Z_{t1}$, $u3=\theta_{cy}$ e $u4=u5=K_{sz}$ (caso linear) é dado por:

$$u1*((u4+u5)/mt)+u2*(-(u4+u5)/mt-2*kpz/mt)+u3*(-((u4+u5)*lct)/mt) \quad (3.36)$$

Finalmente a aceleração $\ddot{Z}_{t1}$ é dada pelo somatório dos resultados das expressões 3.33, 3.35 e 3.36.

O exemplo mostrado se refere somente a equação diferencial do movimento vertical do truque. Quando se aplica o mesmo princípio as outras oito equações, obtém-se o diagrama final composto de nove blocos dos quais quatro possuem entradas provenientes das excitações dos rodeiros.

Como foi dito anteriormente, o modelo desenvolvido é capaz de fazer simulações considerando as suspensões secundárias como não lineares. Logo o princípio da superposição não pode ser aplicado como feito na solução analítica. O fato das suspensões secundárias serem não lineares significa que sua rigidez varia em função do deslocamento (MEIROVITCH, 1975). O processo utilizado para tal simulação é descrito a seguir.

Tomando como exemplo o truque dianteiro “t1”, a altura de cada suspensão secundária definida por s_{z1} e s_{z2} pode ser deduzida em função do posicionamento da caixa e da armação do truque no espaço. A variação da deflexão vertical das suspensões depende da posição vertical e rolamento da caixa (Z_c e θ_{cx}), do truque (Z_{t1} e θ_{t1x}) e do movimento de “pitch” da caixa (θ_{cy}). Seja a variável $hbolsa$ a altura no ponto de operação da suspensão secundária quando o veículo está em repouso, as alturas das suspensões h_{sz1} e h_{sz2} serão dadas pelas seguintes equações:

$$h_{sz1} = (Z_c - Z_{t1} - \theta_{cx} b_s - \theta_{cy} l_{ct} + \theta_{t1x} b_s) + hbolsa \quad (3.37)$$

$$h_{sz2} = (Z_c - Z_{t1} + \theta_{cx} b_s - \theta_{cy} l_{ct} - \theta_{t1x} b_s) + hbolsa \quad (3.38)$$

A variação da rigidez em função da deflexão de uma suspensão pneumática não linear é caracterizada por uma curva em um gráfico do tipo $K_{sz} \times h_{sz}$ enquanto no caso linear, por ser constante em função da deflexão, é dado por uma reta como mostrado na figura 3.5.

Figura 3.5 – Suspensão Secundária Linear e Não Linear

No apêndice A é descrito como se obtém a curva de uma suspensão não linear a partir de tabelas comerciais que fornecem a rigidez em função das alturas e da massa suspensa. Utilizando o bloco “*Interp*”, carregam-se as coordenadas dos pontos que formam a curva característica da suspensão secundária não linear “ $K \times h$ ” como mostrado na figura 3.5 e a partir do cálculo da altura de cada suspensão conforme definido nas equações 3.37 e 3.38 tem-se rigidez instantânea. Este resultado é utilizado então como entrada nas expressões matemáticas que utilizam a rigidez das suspensões secundárias como pode ser visto nas entradas $u4$ e $u5$ da figura 3.4. O diagrama de blocos da figura 3.6 mostra a lógica desta operação.

Figura 3.6 – Diagrama de Cálculo de Rigidez das Suspensões Secundárias do Truque “t1”

Uma variável “*nli*” (não linear) foi criada e multiplica os termos variáveis das equações 3.37 e 3.38. Quando seu valor é igual a “1”, a saída das expressões matemáticas mostradas na figura 3.6 é a altura instantânea da suspensão pneumática. Quando esta variável é igual a zero, a saída desses blocos é a altura “*hbolsa*” (constante), logo o bloco “*Interp*” fornecerá como resultado o valor da rigidez na altura de operação o que caracteriza os sistemas lineares.

4 Simulações

Este capítulo está dividido em cinco partes. Na primeira são definidos os dados de entrada, na segunda são apresentados os resultados da análise modal, terceira são feitas as simulações temporais e no domínio da frequência pela solução analítica e na quarta tem-se os resultados temporais para suspensões secundárias lineares e não lineares. Na última parte é apresentada uma análise dos resultados obtidos.

4.1 Dados de entrada

Os parâmetros da simulação listados a seguir foram obtidos a partir do Benchmark Manchester (IWNICKI, 1999). Este trabalho foi iniciado no congresso internacional de Simulação Computacional de Dinâmica de Veículos Ferroviários (“Computer Simulation of Rail Vehicle Dynamics”) em junho de 1997 com apoio da Universidade Metropolitana de Manchester (“Manchester Metropolitan University”). O objetivo principal foi permitir àqueles que desenvolvem equipamentos de suspensão e que estudam a dinâmica de veículos ferroviários validar de maneira acurada os resultados obtidos comparando esses com as medidas feitas em um veículo real. Onde for mencionado *Benchmark* no texto deve-se entender como a atividade detalhada no artigo (IWNICKI, 1999).

No artigo acima mencionado são apresentados dois tipos de veículo: o primeiro se trata de um veículo de transporte de passageiros e serve de base para este estudo, e o segundo concerne um vagão de transporte de carga. As seguintes simplificações são adotadas pelos autores do estudo:

- Suspensão primária simples, isto é, uma mola por rolamento;
- Veículo simétrico;
- Amortecedores verticais e horizontais.

Os dados de entrada se encontram no arquivo “dadosdeentrada.sci” apresentado no apêndice I. Este arquivo, além de registrar as características físicas do veículo,

armazena também as hipóteses referentes às excitações da via, não linearidade das suspensões, tempo de simulação, velocidades acelerações entre outros. A seguir são apresentados os dados de entrada oriundos do *Benchmark*, a exceção da rigidez vertical da suspensão secundária (caso não linear) os demais valores são assumidos como constante para todas as simulações. Entre parênteses são apresentadas as unidades e as referências da nomenclatura adotada pelo artigo.

- $m_c=32000$: massa da caixa (kg);
- $m_t=2615$: massa da armação do truque (kg);
- $I_{cx}=56800$: momento de inércia longitudinal da caixa (kg.m²);
- $I_{cy}=1970000$: momento de inércia transversal da caixa (kg.m²);
- $I_{cz}=1970000$: momento de inércia vertical da caixa (kg.m²);
- $I_{tx}=1722$: momento de inércia longitudinal do truque (kg.m²);
- $K_{pz}=2440000$: 2 vezes a rigidez vertical da suspensão primária (N/m);
- $K_{sy}=160000$: rigidez lateral da suspensão secundária (N/m);
- $K_{sz}=430000$: rigidez vertical da suspensão secundária (N/m);
- $K_{bt}=940000$: rigidez rotacional da barra de torção (Nm/rad);
- $C_{ay}=32000$: amortecimento lateral truque-caixa - dois por truque (Ns/m);
- $C_{az}=20000$: amortecimento vertical truque-caixa - dois por truque (Ns/m);
- $C_{pz}=8000$: 2 vezes o amortecimento vertical da suspensão primária (Ns/m);
- $C_{sy}=0$: amortecimento horizontal da suspensão secundária;
- $C_{sz}=0$: amortecimento vertical da suspensão secundária;
- $b_{az}=1.3$: semi-distância entre amortecedores verticais (m – ref. y_6);
- $b_p=1$: semi-distância entre suspensões primárias (m – ref. y_1);
- $b_s=1$: semi-distância entre suspensões secundárias (m – ref. y_3);
- $h_{ay}=1.1$: altura entre o CG da caixa (1800 mm) e o amortecedor horizontal ($h_7=700$ mm) em relação ao nível da via (m);
- $h_{ayt}=0.1$: altura entre o CG da armação (600 mm) e a altura do amortecedor lateral caixa-truque (ref. $h_7=700$ mm) em relação ao nível da via (m);
- $h_m=0.470$: altura do CG da caixa em relação ao piso, dado pela diferença entre a altura do CG da caixa (1800 mm) e a instalação superior da suspensão secundária (ref. $h_8=925$ mm) (m);

- $h_s = 0.9725$: altura entre o CG da caixa e o centro de aplicação de esforço da suspensão secundária, dado pela diferença entre a altura do CG da caixa (1800 mm) e a altura média entre as instalações superior e inferior da suspensão secundária $[(h_3-h_4)/2+h_4=(1130-525)/2+525]$ (m);
- $h_{st} = 0.2275$: altura entre o centro da armação do truque e o centro de aplicação de esforço da suspensão secundária, dado pela distância entre a altura do CG do truque (600 mm) e a altura média entre as instalações superior e inferior da suspensão secundária $[(h_3-h_4)/2+h_4=(1130-525)/2+525]$ (m);
- $l_{ct} = 9.5$: semi-distância entre os pivôs dos truques (distância entre pivôs dos truques e as suspensões secundárias são idênticas) (m);
- $b_b = 1.435$: bitola do trilho (m).

O artigo *Benchmark* define quatro tipos de oscilações da via, cada qual com o objetivo de analisar um determinado comportamento do veículo. O primeiro caso visa ao estudo quasi-estático e descarrilamento em curva; o segundo à estabilidade em um desvio longitudinal da via; o terceiro aos modos *yaw* e *sway* e o quarto são às perturbações verticais da via com os trilhos em fase (nivelamento longitudinal). Nenhum dos quatro casos excita a rotação dos rodeiros em alinhamento cruzado, porém o quarto caso é o que mais se aproxima.

O inconveniente do caso quatro apresentado no artigo é que o comprimento de onda de 9 m é muito próximo do valor da semi-distância entre pivôs dos truques ($l_{ct}=9,5$ m). Neste caso a diferença de fase de rotação em x entre os dois rodeiros seria de 40° e o desejado para a excitação do modo θ_{cz} é de 180° . Por outro lado, o comprimento de onda definido no terceiro caso é de 11,88 m (39 pés) visto que este valor se refere ao comprimento comercial de trilho mais encontrado no mercado. Assim, a diferença de fase entre as excitações dos rodeiros para uma distância entre eixos de 19 m passa a ser de $218,75^\circ$. A vantagem de não ser exatamente 180° é que tanto θ_{cz} como θ_{cx} são excitados, logo o comprimento de onda λ adotado será de 11,88 m.

A amplitude de pico a pico proposta pelo artigo é de 20 mm, embora este valor não respeite os limites para vias de teste e de operação comercial dados pelas normas NF EN 14363 e NF EN 13848-1 como mostrado no capítulo 2.5, os efeitos

oscilatórios no veículo são maiores e a suspensão é mais exigida podendo influenciar nos resultados, sobretudo na comparação entre os modelos linear e não linear.

De acordo com as frequências naturais da tabela 4.1, os modos de interesse estão situados na faixa próxima a 1 Hz, assim a velocidade de deslocamento do veículo para as simulações será de 42,77 km/h (11,88 m/s) pois nesta velocidade e para o comprimento de onda acima definido as excitações ocorrem na frequência desejada.

O comprimento da pista proposta pelo artigo *Benchmark*, no caso número 4, é constituído de dois trechos retilíneos. O primeiro possui 50 m onde o veículo percorre a velocidade constante de 20 m/s, a seguir vem um trecho de 200 m onde o veículo é acelerado de 20 m/s a 24 m/s (aceleração de 0,44 m/s²). O objetivo desta aceleração é de excitar a faixa de frequência entre 2,22 Hz e 2,66 Hz, uma vez que modos Z_c e *pitch* do veículo proposto (tipo 2, vagão de carga) são excitados nas frequências de 2,11 Hz e 2,01 Hz segundo (UNIVERSAL MECHANISM, 2007).

A partir do caso descrito acima, dois cenários foram definidos para a execução das simulações.

- Cenário 1:
 - Velocidade constante : 11,88 m/s;
 - Tempo: 17 s;
 - Distância percorrida: 201,96 m;
 - Frequência de excitação dos rodeiros: 1 Hz.
- Cenário 2:
 - Velocidade inicial: 5 m/s;
 - Velocidade final: 13,5 m/s;
 - Aceleração: 0,5 m/s²;
 - Tempo: 17 s;
 - Distância percorrida: 157,25 m.
 - Frequências inicial e final de excitação dos rodeiros: 0,42 Hz e 1,14 Hz

No primeiro cenário os rodeiros serão excitados com rotação em x a uma frequência constante de 1 Hz e no “Cenário 2” a frequência varia de 0,42 Hz a 1,14 Hz, o que é

suficiente para o estudo dos modos Y_c (0,71 Hz), θ_{cz} (0,86 Hz) e θ_{cx} (1,03 Hz) conforme mostrado na tabela 4.1. Em ambos os casos há uma defasagem de $218,74^\circ$ entre rodeiros.

Portanto, os parâmetros que definem as excitações da via nas simulações são:

- $\lambda=11,88$ m: comprimento de onda da irregularidade do trilho;
- $r_m=0,020$ m: amplitude da irregularidade do trilho;
- $v=11,88$ m/s: velocidade de deslocamento do veículo;
- $v_i=5$ m/s: velocidade inicial;
- $acl=0,5$ m/s²: aceleração.

4.2 Análise Modal

O problema da análise modal consiste na determinação dos autovetores e autovalores do sistema. Para tal foi utilizado o método do determinante característico (MEIROVICH, 1975) feito através do programa “autovetval.sci” apresentado no apêndice C.

Definindo a matriz dinâmica $[D]$ como:

$$[D]=[k]^{-1}[m]=[a][m] \quad (4.1)$$

onde $[k]$ é a matriz de rigidez, $[m]$ a matriz de massa e $[a]$ a matriz de flexibilidade (dado pelo inverso da matriz de rigidez) conforme apresentado no apêndice B. A equação característica pode ser escrita da seguinte forma:

$$\Delta(\lambda)=|D_{ij}-\lambda\delta_{ij}|=0 \quad (4.2)$$

sendo $\lambda\delta_{ij}$ definido como delta de Kronecker, $\Delta(\lambda)$ será um polinômio de ordem n (neste caso $n=9$ pois o problema possui nove graus de liberdade) com n raízes diferentes, reais e positivas λ_r cada qual associada a uma frequência natural ω_r através da equação abaixo:

$$\omega_r = \sqrt{\frac{1}{\lambda_r}} \quad (4.3)$$

A solução do problema de autovalor abaixo associa a cada autovalor λ_r um autovetor $\{u^{(r)}\}$ único:

$$([D] - \lambda_r [1])\{u^{(r)}\} = \{0\} \quad (4.4)$$

O programa “autovetval.sci” mostrado no apêndice C utiliza a função “spec” que a partir da matriz dinâmica $[D]$ retorna os autovalores na forma de uma matriz quadrada diagonal $n \times n$ e os autovetores na forma também de uma matriz quadrada $n \times n$.

O vetor de freqüências naturais foi obtido a partir da relação entre λ_r e ω_r dado pela equação (4.3) e transformando as freqüências de rad/s em Hz. A normalização dos autovetores foi feita mantendo as respectivas relações entre seus componentes sendo que o maior deles possui um valor unitário. Esta operação é utilizada apenas para facilitar a interpretação dos valores obtidos. Na tabela a seguir são apresentados os autovetores normalizados associados a seus respectivos autovalores dados em Hz.

Tabela 4.1 – Freqüências Naturais e Modos de Vibrar Normalizados

Modos	Caixa					Truque			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
F (Hz)	0,61	0,86	1,07	1,27	1,30	7,47	7,48	9,93	9,95
Zc	0	0	-1	0	0	0,025	0	0	0
Yc	1	0	0	-0,473	0	0	0	0	-0,002
Zt1	0	0	-0,153	0	-1	-1	1	0	0
Zt2	0	0	-0,153	0	1	-1	-1	0	0
θ_{cx}	-0,265	0	0	-1	0	0	0	0	0,016
θ_{cy}	0	0	0	0	0,681	0	0,004	0	0
θ_{cz}	0	1	0	0	0	0	0	-0,0002	0
θ_{t1x}	-0,080	-0,104	0	-0,257	0	0	0	-1	-1
θ_{t2x}	-0,080	0,104	0	-0,257	0	0	0	1	-1

As colunas 1 e 4 da tabela 4.1 mostram os acoplamentos do movimento lateral (Y_c) e *roll* (θ_{cx}) que resultam os movimentos de balanço lateral inferior e superior. Para facilitar a compreensão, quando forem feitas referências no texto aos modos “lateral” e “*roll*” significa que esses movimentos são preponderantes mas não exclusivos.

A partir do mesmo programa de cálculo de autovalores e autovetores mostrado no apêndice C e do cálculo das rizezas das suspensões pneumáticas S1, S2, S3 e S4 linearizadas conforme apresentado no apêndice A, determinou-se a frequência natural nos três modos de interesse mostrados na tabela 4.2.

Tabela 4.2 - Frequências Naturais Para Cinco Tipos de Suspensão

Tipo de Suspensão	Rigidez na altura média (N/m)	Frequência Natural (Hz)		
		<i>Balanço Lateral Inferior</i>	<i>Balanço Lateral Superior</i>	<i>Yaw</i>
<i>Benchmark</i>	430000	0.6055	1.2688	0,8607
S1	736941	0,6240	1,3632	0,8608
S2	753863	0.6247	1.3678	0,8608
S3	793962	0.6264	1.3786	0,8608
S4	863006	0.6290	1.3964	0,8608

A seguir é mostrada uma tabela comparativa entre os autovalores aqui calculados e os obtidos pelos softwares “Universal Mechanism”, “ADAMS” e pelos demais participantes do Benchmark Manchester (MEDYNA, GENSYS, NUCARS, SIMPACK e VAMPIRE). Esses resultados se encontram no relatório (UNIVERSAL MECHANISM, 2007).

Tabela 4.3 – Comparação da Análise Modal

Modo		Frequência (Hz)			
		Valor Calculado	Universal Mechanism	ADAMS	Outros
Caixa	Zc (<i>bounce</i>)	1,07	1,07	1,07	1,07 / 1,08
	θ cy (<i>pitch</i>)	1,30	1,29	1,28	1,28 / 1,30
	θ cz (<i>yaw</i>)	0,86	0,73	0,71	0,76 / 0,86
	Balanço lateral inferior	0,61	0,58	0,60	0,53 / 0,59
	Balanço lateral superior	1,27	1,10	1,09	1,10 / 1,23
Truque	Zt ($\angle 0^\circ$)	7,48	7,42 / 7,51	7,50	7,33 / 7,60
	Zt ($\angle 180^\circ$)	7,47	7,44 / 7,53	7,52	7,35 / 7,62
	θ tx ($\angle 0^\circ$)	9,93	9,92 / 9,62	9,93	9,32 / 9,84
	θ tx ($\angle 180^\circ$)	9,95	9,95 / 9,66	9,93	9,32 / 9,84

4.3 Simulações pela solução analítica

A partir do primeiro cenário descrito no capítulo 4.1 (deslocamento em velocidade constante de 11,88 m/s) e dispondo de cinco tipos de suspensões foram feitas várias

simulações por meio do programa “statespace.sci” (ver apêndice D) quando foram calculados os deslocamentos, rotações e acelerações laterais dos modos lateral, *roll* e *yaw*. A seguir são mostrados dois gráficos para os deslocamentos e acelerações do veículo segundo a configuração do *Benchmark*. Esses gráficos foram gerados pelo programa “graficos_result_statespace.sci” apresentado no apêndice F.

Gráfico 4.1 – Deslocamento e Rotações no CG da Caixa Segundo a Configuração do Benchmark para Velocidade de 11.88 km/h – “Cenário 1”

Através do programa “result_statespace.sci” apresentado no apêndice E foram calculados os valores máximos do deslocamento, aceleração e a aceleração rms. Como pode ser visto nos gráficos acima, no início de cada série de cálculos existe uma fase de transitório em que os valores de pico são maiores que ao longo da região de regime permanente. Assim, os valores de máximo apresentados a seguir foram tomados a partir da metade do tempo total de cálculo. Esta hipótese foi baseada no fato de que os nove últimos valores de pico são todos iguais e estão distantes do mesmo período, não existindo então variação de frequência nem de amplitude. Como exemplo, no caso do deslocamento lateral para a rigidez da suspensão secundária de 430000 N/m, os nove últimos picos situados entre $t=8,5$ s e $t=17$ s possuem um valor de pico de 0,0003115 m e um período de 1 s entre si.

Gráfico 4.2 – Acelerações no CG da Caixa Segundo a Configuração do Benchmark para Velocidade de 11.88 km/h – “Cenário 1”

As tabelas a seguir mostram os resultados dos valores máximos e rms obtidos para cada tipo de suspensão em cada um dos três tipos de movimento estudados.

Tabela 4.4 - Deslocamento Lateral Yc

Tipo de Suspensão	Rigidez na altura média (N/m)	Máximos		Aceleração rms (m/s²)
		Deslocamento (m)	Aceleração (m/s²)	
Benchmark	430000	0,003115	0,118969	0,084608
S1	736941	0,003679	0,14052	0,099778
S2	753863	0,003697	0,141192	0,100286
S3	793962	0,003738	0,142799	0,101379
S4	863006	0,003796	0,144991	0,102936

Tabela 4.5 - Rolamento θ_{cx}

Tipo de Suspensão	Rigidez na altura média (N/m)	Máximos		Aceleração rms (rad/s²)
		Rolamento (rad)	Aceleração (rad/s²)	
Benchmark	430000	0,002888	0,110306	0,077586
S1	736941	0,003382	0,129141	0,090818
S2	753863	0,003398	0,129764	0,091252
S3	793962	0,003431	0,131039	0,092184
S4	863006	0,00348	0,132972	0,093494

Tabela 4.6- Rotação em z, θ_{cz}

Tipo de Suspensão	Rigidez na altura média (N/m)	Máximos		Aceleração rms (rad/s ²)
		Rolamento (rad)	Aceleração (rad/s ²)	
Benchmark	430000	0,000102	0,003819	0,002775
S1	736941	0,000094	0,003619	0,002540
S2	753863	0,000093	0,003565	0,002522
S3	793962	0,000092	0,003431	0,002501
S4	863006	0,00009	0,003512	0,002458

Baseado nas três tabelas acima pode-se observar que para a frequência de excitação de 1 Hz, os valores máximos e as acelerações rms aumentam com a rigidez nos modos lateral e *roll*, por outro lado em *yaw* os valores diminuem.

A partir das matrizes A , B , C e D que definem as equações de Espaço de Estado conforme mostrado no capítulo 3.5 e utilizando a função “bode” no Scilab uma curva da magnitude e uma curva do ângulo de fase da função de transferência foram plotadas em função da frequência dada em forma logarítmica (OGATA, 2004) e os resultados são mostrados nos gráficos 4.3, 4.4 e 4.5.

Uma limitação do software utilizado é que embora seja possível obter saídas múltiplas (Y_c , θ_{cx} e θ_{cz}), só existe uma entrada. Uma particularidade deste sistema é que os modos de balanço lateral inferior e superior são excitados quando os rodeiros rotacionam em fase e o modo θ_{cz} quando esses estão defasados de 180°. A matriz B mostrada pela equação 3.24 no capítulo 3.5 e repetida abaixo possui dois componentes não nulos. Isso significa que a excitação do sistema nos rodeiros dianteiro e traseiro possui a mesma amplitude e mesma fase. Fazendo com que um dos dois valores não nulos seja igual a menos um (-1) o sistema será excitado com uma diferença de fase de 180°. Dessa forma no programa “statespace.sci” foi utilizada uma variável chamada “fase” que substitui o último termo da matriz B e é definida pelo usuário como sendo +/-1 de acordo com o modo de vibração que se deseja analisar.

$$B = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1] \quad (3.24)$$

A seguir são apresentados os diagramas de Bode de Y_c , θ_{cx} e θ_{cz} para o veículo na configuração do *Benchmark*, isto é, com a rigidez da suspensão secundária de

430000 N/m e para o mesmo veículo provido da suspensão S4, ou seja, rigidez de 806003 N/m.

Gráfico 4.3 - Diagrama de Bode para Y_c , Rotação dos Rodeiros em Fase e Configuração do Veículo Segundo o Benchmark e com Rigidez da Suspensão Secundária S4

Gráfico 4.4 - Diagrama de Bode para θ_{cx} , Rotação dos Rodeiros em Fase e Configuração do Veículo Segundo o Benchmark e com Rigidez da Suspensão Secundária S4

Gráfico 4.5 - Diagrama de Bode para θ_{cz} , Rotação dos Rodeiros Defasados de 180° e Configuração do Veículo Segundo o Benchmark e com Rigidez da Suspensão Secundária S4

A magnitude dos três gráficos acima relaciona a força de excitação em Newtons com o deslocamento de saída em metros para Y_c e em radianos para θ_{cx} e θ_{cz} . Isso explica porque os valores das magnitudes nos três gráficos são tão baixos.

Devido ao elevado coeficiente de amortecimento do sistema, não fica muito claro a posição dos picos de magnitude localizados nas frequências naturais. Assim, foram plotados duas curvas do diagrama de Bode, uma para o movimento lateral e outra para o *roll* e cada qual foi deslocada para a origem. Outra modificação a partir dos parâmetros originais foi a redução de 50% dos amortecimentos C_{az} (amortecedor vertical) C_{ay} (amortecedor lateral) e C_{pz} (amortecimento vertical da suspensão primária). Visto que os valores das magnitudes são dados nos gráficos 4.3 e 4.4 e que o importante no gráfico a seguir é a forma das curvas, este deslocamento não influenciará na interpretação dos resultados desde que seja conhecido. Para tal, as forças de entrada do modo lateral foram multiplicadas por 2290,87 (equivalente a 67,2 db) e do modo *roll* por 2792,54 (equivalente a 68,92 db). Segundo (OGATA, 2004), um número que aumenta de um fator 10, tem seu respectivo valor em decibel

aumentado de 20. Assim, a correspondência entre um valor K e seu correspondente em decibel é dado por:

$$L = 20 \cdot \log_{10} K \quad (4.5)$$

A seguir são apresentadas duas curvas dos modos mencionados.

Gráfico 4.6 - Diagrama de Bode para Y_c e θ_{cx} , Rotação dos Rodeiros em Fase, Amortecimentos C_{az} , C_{ay} e C_{pz} Reduzidos de 50%, Deslocamento das Curvas de Magnitude para a Origem (+67,2 db para Y_c e +68,92 db para θ_{cx}).

Uma análise dos resultados mostrados acima é apresentada no capítulo 4.5.

4.4 Simulação por integração numérica

O último método de análise aqui realizado consiste na solução por integração numérica utilizando software SCICOS conforme detalhado no capítulo 3.6.

Foram feitas várias simulações e em cada uma delas foram obtidos os resultados dos movimentos lateral, *roll* e *yaw*. Nove tipos de configuração de veículos foram definidos, sendo elas um modelo linear segundo descrito pelo *Benchmark* e oito modelos dos quais quatro lineares e quatro não lineares substituindo as suspensões secundária pelos tipos definidos no apêndice A (*S1*, *S2*, *S3* e *S4*). Para cada uma dessas nove configurações, foi feita uma simulação à velocidade constante segundo o “Cenário 1” definido no capítulo 4.1.

O “Cenário 2” (veículo acelerando) foi utilizado em duas simulações de um veículo provido da suspensão do tipo *S4* nos casos linear e não linear (gráficos 4.7 e 4.8). Os resultados obtidos por cada simulação foram registrados na forma de arquivo texto a partir dos quais foram gerados os gráficos utilizando o programa “graficos_result_scicos.sci” mostrado no apêndice G.

Além dos parâmetros que definem o veículo apresentados no capítulo 4.1 existem outros utilizados pelo programa para definir a via (ex. λ , amplitude) e o tipo de simulação (ex. tempo, velocidade, aceleração). Esses valores são definidos no menu “Context” do software SCICOS e foram divididos em duas séries. A primeira série mostrada a seguir especifica as características da via e do veículo em que os parâmetros são invariáveis para todos os tipos de simulação.

- *tfinal*: tempo total da simulação – “17 s”;
- *deltat*: intervalo de tempo entre duas iterações sucessivas – “0,01 s”;
- *lambda*: comprimento de onda da irregularidade dos trilho – “11,88 m”;
- *rm*: amplitude da irregularidade dos trilhos – “0,02 m”;
- *a_zr1* / *a_zr2*: quando iguais a zero as oscilações verticais dos rodeiros são nulas, quando iguais a um as amplitudes das oscilações são iguais a amplitude da irregularidade *rm*. Como no modelo estudado os trilhos estão defasados de 180°. Este tipo de excitação não é simulada. – “0”;
- *a_tetar1* / *a_tetar2*: quando iguais a zero as oscilações verticais dos rodeiros são nulas, quando iguais a um as amplitudes das oscilações são iguais a *rm/bb* (tangente da amplitude da irregularidade dividido pela bitola). Como no modelo estudado os trilhos estão defasados de 180°, somente este tipo de excitação é simulada. – “1”;

A segunda série de parâmetros definem as características particulares à cada simulação.

- *nli*: quando *nli=0* o programa executa a simulação para o modelo linear, caso contrário, (*nli=1*) o modelo é considerado como não linear;
- *hbolsa*: altura da “bolsa” de suspensão entre o batente superior (interface com a caixa) e o batente inferior (interface com o truque);
- *v*: velocidade de deslocamento do veículo – “11,88 m/s” ;
- *vi*: velocidade inicial – “Cenário 1” = 11.88 m/s, “Cenário 2” = 5 m/s ;
- *acl*: aceleração – “Cenário 1” = 0 m/s², “Cenário 2” = 0,5 m/s²;
- *ksz*: rigidez da suspensão secundária. Conforme explicado no apêndice A, este valor de rigidez é dado pelas curvas características das suspensões secundárias em função da altura das suspensões. No caso linear, tanto a altura quanto a rigidez são constante e no caso não linear ambos valores variam.

A tabela a seguir apresenta as rizezas no ponto de operação e a altura da bolsa para cada tipo de suspensão. Como pode ser percebido, a altura da bolsa no caso do *Benchmark* é zero pois a rigidez independe desta variável. Os parâmetros de definição das suspensões secundárias não lineares são apresentados no apêndice A.

Tabela 4.7 - Parâmetros que Definem as Suspensões Secundárias Lineares

Tipo	Altura nominal da bolsa de ar	Rigidez da Suspensão Secundária (N/m)
<i>Benchmark</i>	0	430000
<i>S1</i>	0.23495	736941
<i>S2</i>	0.22225	753863
<i>S3</i>	0.22225	793962
<i>S4</i>	0.2159	863006

Para cada simulação foram geradas as respostas em deslocamento e acelerações. Visto que a forma das curvas são semelhantes e que no capítulo anterior foram apresentados os resultados para um veículo a velocidade constante, os resultados das demais simulações não são apresentados.

Além das simulações a velocidade constante, foi executada uma a velocidade variável para um veículo provido da suspensão tipo S4 linear e não linear segundo o especificado pelo “Cenário 2” (aceleração de 5 m/s a 13,5 m/s em 17 segundos). Os resultados dos deslocamentos e acelerações desta simulação são mostrados a seguir, juntamente com a evolução da velocidade do veículo e da frequência de excitação dos rodeiros.

Gráfico 4.7 – Deslocamentos Lineares e Angulares, Velocidade do Veículo e Frequências de Excitação dos Rodeiros para Suspensão do Tipo S4

A partir dos resultados obtidos das simulações a velocidade constante para as suspensões secundárias lineares e não lineares, foram calculadas as amplitudes máxima de deslocamento, aceleração e a aceleração rms utilizando o programa “result_scicos.sci” apresentado no anexo G. Assim como foi explicado no capítulo 4.3, foram desconsiderados os primeiros ciclos para evitar a região de transitórios. Os resultados são apresentados nas tabelas 4.8, 4.9 e 4.10.

Gráfico 4.8 – Acelerações Lineares e Angulares para Suspensão do Tipo S4 (as evoluções de velocidade e frequência de excitação dos rodeiros são idênticas às do gráfico 4.7)

Tabela 4.8- Deslocamento Lateral Y_c : $v=11,88$ m/s

Tipo de Suspensão	Máximos				Aceleração rms	
	Deslocamento (m)		Aceleração (m/s^2)		(m/s ²)	
	Linear	Não Linear	Linear	Não Linear	Linear	Não Linear
<i>Benchmark</i>	0,003160	-	0,124000	-	0,087303	-
<i>S1</i>	0,003740	0,00372	0,147000	0,147	0,103073	0,10336
<i>S2</i>	0,003760	0,00375	0,149000	0,148	0,104321	0,103661
<i>S3</i>	0,003790	0,00375	0,150000	0,149	0,105374	0,104699
<i>S4</i>	0,003860	0,00381	0,153000	0,151	0,106848	0,106296

Tabela 4.9 - Rolamento θ_{cx} : $v=11,88$ m/s

Tipo de Suspensão	Máximos				Aceleração rms	
	Deslocamento (rad)		Aceleração (rad/s^2)		(rad/s ²)	
	Linear	Não Linear	Linear	Não Linear	Linear	Não Linear
<i>Benchmark</i>	0,002910	-	0,115000	-	0,081337	-
<i>S1</i>	0,003410	0,00341	0,136000	0,136	0,095519	0,095342
<i>S2</i>	0,003450	0,00343	0,136000	0,136	0,096137	0,095863
<i>S3</i>	0,003480	0,00345	0,138000	0,138	0,096812	0,096898
<i>S4</i>	0,003530	0,00352	0,140000	0,141	0,098301	0,098622

Tabela 4.10 - Rotação θ_{cz} : $v=11,88$ m/s

Tipo de Suspensão	Máximos				Aceleração rms (rad/s ²)	
	Deslocamento (rad)		Aceleração (rad/s ²)		Linear	Não Linear
	Linear	Não Linear	Linear	Não Linear		
<i>Benchmark</i>	0,000103	-	0,004080	-	0,002870	-
S1	0,000094	0,000094	0,003740	0,00374	0,002629	0,002632
S2	0,000094	0,000094	0,003730	0,00371	0,002627	0,002617
S3	0,000093	0,000092	0,003690	0,00368	0,002592	0,002591
S4	0,000091	0,000091	0,003620	0,00361	0,002545	0,002539

Como se pode perceber, as diferenças entre os resultados do modelo linear e não linear são praticamente desprezíveis. As diferenças médias para os três casos (deslocamento, aceleração e aceleração rms) são de 0,45%, 0,37% e 0,31% sendo as diferenças máximas encontradas 1,31%, 1,32% e 0,59%.

A partir dos resultados das simulações lineares utilizando a solução analítica (tabelas 4.4, 4.5 e 4.6) e a solução por integração numérica (tabelas 4.8, 4.9 e 4.10) foi possível construir as tabelas comparativas mostradas a seguir:

Tabela 4.11 - Deslocamento Lateral Y_c : $v=11,88$ m/s

Tipo de Suspensão	Máximos				Aceleração rms (m/s ²)	
	Deslocamento (m)		Aceleração (m/s ²)		Analítica	Numérica
	Analítica	Numérica	Analítica	Numérica		
<i>Benchmark</i>	0,003160	0,003115	0,124000	0,118969	0,087303	0,084608
S1	0,003740	0,003679	0,147000	0,14052	0,103073	0,099778
S2	0,003760	0,003697	0,149000	0,141192	0,104321	0,100286
S3	0,003790	0,003738	0,150000	0,142799	0,105374	0,101379
S4	0,003860	0,003796	0,153000	0,144991	0,106848	0,102936

Tabela 4.12 - Rolamento θ_{cx} : $v=11,88$ m/s

Tipo de Suspensão	Máximos				Aceleração rms (m/s ²)	
	Deslocamento (m)		Aceleração (m/s ²)		Analítica	Numérica
	Analítica	Numérica	Analítica	Numérica		
<i>Benchmark</i>	0,002910	0,002888	0,115000	0,110306	0,081337	0,077586
S1	0,003410	0,003382	0,136000	0,129141	0,095519	0,090818
S2	0,003450	0,003398	0,136000	0,129764	0,096137	0,091252
S3	0,003480	0,003431	0,138000	0,131039	0,096812	0,092184
S4	0,003530	0,00348	0,140000	0,132972	0,098301	0,093494

Tabela 4.13 - Rolamento θ_{cz} : $v=11,88$ m/s

Tipo de Suspensão	Máximos				Aceleração rms (m/s ²)	
	Deslocamento (m)		Aceleração (m/s ²)		Analítica	Numérica
	Analítica	Numérica	Analítica	Numérica		
<i>Benchmark</i>	0,000103	0,000102	0,004080	0,003819	0,002870	0,002775
S1	0,000094	0,000094	0,003740	0,003619	0,002629	0,002540
S2	0,000094	0,000093	0,003730	0,003565	0,002627	0,002522
S3	0,000093	0,000092	0,003690	0,003431	0,002592	0,002501
S4	0,000091	0,00009	0,003620	0,003512	0,002545	0,002458

Nesta comparação os percentuais médios das diferenças entre os dois tipos de solução para deslocamento, aceleração e aceleração rms são 1,2%, 5,0% e 4,1% e os máximos encontrados são 1,7%, 7,5% e 5,4%.

Os resultados obtidos acima serão analisados no capítulo que segue.

4.5 Análise dos resultados

A tabela 4.1 onde são apresentados os autovetores e autovalores mostra que existem dois acoplamentos entre o movimento vertical dos truques (Z_{t1} e Z_{t2}) e os movimentos da caixa no plano x-z (Z_x e θ_{cy}). O primeiro tipo de acoplamento, a baixas frequências, ocorre devido às suspensões secundárias. Neste caso, quando os truques se movem em fase, o modo vertical da caixa é excitado e quando estão defasados de 180° a excitação ocorre no modo *pitch*. O segundo acoplamento ocorre na faixa de 7,47 Hz e é causado pela suspensão primária, embora os acoplamentos sejam os mesmos, quando os truques estão em fase, o movimento vertical da caixa está defasado de 180° destes. Isso fica caracterizado pelos sinais de Z_{t1} , Z_{t2} e Z_x na coluna 6 da tabela.

O acoplamento do modo lateral e *roll* mostrado nas colunas 1 e 4 da tabela 4.1 caracteriza os movimentos de balanço lateral. Para a frequência de 0,61 Hz a inversão de sinais ($Y_c=1$ e $\theta_{cx}=-0,265$) caracteriza o modo de balanço lateral inferior e para a frequência de 1,27 Hz, onde ambos os sinais são negativos ($Y_c=-0,473$ e $\theta_{cz}=-1$), tem-se o modo de balanço lateral superior. A figura 4.9 mostra como ocorrem tais modos de vibração.

No capítulo 4.3 foi mencionado que a excitação dos modos lateral e *roll* se dava quando o movimento de rotação dos rodeiros estava em fase e que o modo *pitch* quando ambos estavam defasados de 180° . Isso pode ser comprovado nas colunas 1, 4 e 9 para os movimentos em fase dos truques (θ_{t1x} e θ_{t2x}) e nas colunas 2 e 8 para os movimentos defasados de 180° . Uma particularidade dos modos 1 e 9 é que a 0,61 Hz o movimento de rotação dos truques e da caixa se dá em fase e a 9,95 Hz essas mesmas rotações ocorrem com oposição de fase.

Figura 4.9 – Balanços Laterais

Analisando a tabela 4.2 pode-se perceber que o modo cuja freqüência natural é mais sensível a variação da rigidez vertical da suspensão secundária é o movimento de balanço lateral superior (*roll* principal), que teve uma variação de 10% da freqüência para uma rigidez duas vezes maior. O balanço lateral inferior (deslocamento lateral principal), apresentou uma variação de 4% e o modo *yaw* de 0,01%. Este fenômeno fica mais claro quando se analisa as equações de movimento apresentadas no capítulo 3.4.

Como pode ser observado na equação 3.3 que descreve o movimento lateral e 3.13 para o modo *yaw* a única componente de rigidez presente em ambos os casos se trata de K_{sy} (rigidez lateral). Por outro lado, a equação de movimento 3.9 do modo *roll* mostra que as rigezas verticais e laterais da suspensão secundária e a rigidez da barra de torção são levadas em consideração. Assim, uma variação da rigidez vertical K_{sz} , influencia diretamente a resposta do modo *roll* enquanto que para os outros dois modos a variação ocorre indiretamente, devido principalmente aos acoplamentos entre os vários modos de vibração do veículo. Comparando as colunas 4 e 1 da tabela 4.1, vê-se que a componente θ_{cx} do autovetor normalizado é maior para a freqüência de 1,27 Hz do que para 0,61 Hz, isso explica porque o autovalor do balanço lateral superior é mais sensível a variação da rigidez do que o balanço lateral inferior, onde o autovetor do modo Y_c é mais significativo. O fato do

modo *yaw* estar acoplado somente com os movimentos rotacionais do truque faz com que este varie muito pouco em função da rigidez vertical das suspensões secundárias.

A tabela 4.3 apresenta uma comparação entre os resultados aqui obtidos e o dos demais participantes do *Benchmark*. Pode-se perceber que os resultados são praticamente os mesmos obtidos pelos softwares ADAMS e Universal Mechanism, a não ser nos modos *yaw* e balanço lateral superior. No primeiro caso, modo *yaw*, houve um dos participantes do *Benchmark* que obteve o mesmo resultado deste trabalho (0,86 Hz), e no caso do balanço lateral houve uma diferença de 3% (1,27 Hz calculado aqui contra 1,23 Hz estimado por um dos participantes). Segundo as informações do artigo (UNIVERSAL MECHANISM, 2007) não é possível definir quais critérios assumidos por cada construtor de software interferiram de maneira que houvesse essa diferença, mas uma variação de 3% em um dos casos pode ser considerado que os resultados foram validados.

A partir do método de Espaços de Estado foram obtidos os resultados do movimento lateral, *roll* e *yaw* para o veículo circulando em uma linha segundo o “Cenário 1” (veículo se deslocando à velocidade constante de 11,88 m/s durante 17 segundos). Analisando as amplitudes de deslocamento nas tabelas 4.4, 4.5 e 4.6, percebe-se que nas duas primeiras (Y_c e θ_{cx}) há um aumento das amplitudes com a variação da rigidez das suspensões secundárias e no terceiro caso (θ_{cz}) as amplitudes diminuem. Este fenômeno fica evidente quando se analisa os diagramas de Bode nos gráficos 4.3, 4.4 e 4.5. Nos gráficos 4.3 e 4.4 o valor da magnitude da curva correspondente à suspensão *S4* é maior que o da curva *Benchmark* para a frequência de excitação dos rodeiros de 1 Hz. No gráfico 4.5 ocorre justamente o inverso: a magnitude da curva *S4* é inferior à curva *Benchmark* nesta mesma frequência.

Como foi dito anteriormente, a tabela 4.2 mostra que a frequência natural para o modo de balanço lateral inferior, onde há predominância do movimento lateral, aumenta em função da rigidez vertical da suspensão secundária. Isso pode ser confirmado analisando a curva de fase do gráfico 4.3. Para o ângulo de 90°, a curva da suspensão *S4*, mais rígida está à direita da curva de suspensão do *Benchmark*. Em ambas as curvas de magnitude percebe-se um pico na faixa entre 0,6 Hz e 0,7

Hz. As curvas de fase cortam a linha de 90° na frequência de 0,68 Hz para a suspensão do *Benchmark* e 0,74 Hz para a suspensão S4. Há também uma pequena inflexão, atenuada pelo amortecimento, próxima à frequência de 1,2 Hz devido ao acoplamento com o modo *roll*.

No gráfico 4.4 também podem ser percebidos os picos correspondentes ao acoplamento com o modo lateral próximo a 0,7 Hz e as inflexões que caracterizam os acoplamentos na faixa de 1,2 Hz. Além dessas duas inflexões serem mais nítidas que no caso anterior (balanço lateral inferior), é exatamente nesta faixa de frequência que a curva de fase passa pelo ângulo de -90° (aproximadamente 1,1 Hz para a suspensão do *Benchmark* e 1,2 Hz para a suspensão S4).

O gráfico 4.5, correspondente ao movimento de *yaw* (θ_{cz}). As curvas de magnitude mostram que para todas as frequências compreendidas entre 0 Hz e 10 Hz, as amplitudes de movimento sempre serão reduzidas com o aumento da rigidez vertical das suspensões secundárias. Embora haja um pico na faixa de 0,7 Hz, (frequência natural para o sistema não amortecido igual a 0,86 Hz) a curva de fase assume o valor de 90° por volta da frequência de 1,2 Hz. Isso ocorre devido ao amortecimento deste modo. O gráfico 4.9 mostra o diagrama de Bode para o modo *roll* de uma comparação entre o veículo segundo a configuração do *Benchmark* e o mesmo veículo com os amortecimentos reduzidos a 10% dos valores especificados.

O diagrama de Bode apresentado no gráfico 4.6 foi obtido reduzindo os amortecimentos C_{az} , C_{ay} e C_{pz} de 50% dos valores especificados pelo *Benchmark*, com o objetivo de tornarem mais claros os fenômenos de acoplamento, uma vez que nos casos anteriores as curvas de magnitude eram atenuadas pelo amortecimento. Como foi explicado no capítulo 4.3, as curvas de magnitude foram deslocadas à origem para que a escala não ficasse muito reduzida. Em ambas as curvas percebem-se claramente os modos acoplados nas faixas de 0,6 Hz e 1,3 Hz. Uma outra característica que pode ser percebida é o fenômeno de batimento na curva θ_{cx} do gráfico 4.6. Este fenômeno ocorre quando dois modos de vibrar possuem frequências muito próximas, fazendo com que elas tenham a tendência de se anularem, isso pode ser visto pelo “vale” formado entre os dois picos e quanto menor os amortecimentos, mais acentuado fica este fenômeno.

Gráfico 4.9 – Diagrama de Bode do Modo θ_{cz} para os Amortecimentos C_{az} , C_{ay} e C_{pz} Reduzidos a 10% do Especificado pelo *Benchmark*.

O gráfico 4.7 mostra os deslocamentos e acelerações em Y_c , θ_{cx} e θ_{cz} resultantes de uma simulação linear e não linear para um veículo acelerando de 5 m/s a 13,5 m/s com uma aceleração de 0,5 m/s² (ver detalhe “Velocidade”). Como o comprimento de onda das irregularidades da via é constante (11,88 m), a aceleração do veículo faz com que a frequência de excitação dos rodeiros seja variada entre 0,42 Hz e 1,14 Hz conforme mostrado no detalhe “Frequência de Excitação”. O fenômeno de ressonância fica claro nessas curvas pelo aumento das amplitudes no momento em que o veículo atinge as “velocidades críticas” de cada modo conforme explicado no capítulo 2.4.4.

Observando o detalhe “Não Linear” da curva Y_c do gráfico 4.7, percebe-se que a amplitude máxima é atingida por volta do instante 4 s. Observando o detalhe “Frequência de Excitação” no mesmo gráfico, vê-se que nesse instante os movimentos de *roll* dos rodeiros são excitados a frequência de 0,6 Hz. O diagrama de Bode do gráfico 4.3 para a suspensão S4 (mesmo tipo utilizada na simulação) mostra que o pico da curva de magnitude ocorre entre 0,6 Hz e 0,7 Hz. Levando em

consideração que no modelo numérico existe uma diferença de fase na excitação dos rodeiros pode-se concluir que existe uma coerência entre ambos os resultados (temporal e no domínio da frequência) pois este mesmo fenômeno é observado nos três movimentos estudados.

Comparando os detalhes Y_c e θ_{cx} do gráfico 4.7, percebe-se que no primeiro caso há um pico bem evidente no instante de 4 s (0,6 Hz) enquanto no segundo existe uma redução das amplitudes relativamente pequena entre os instantes 4 s e 11 s (0,6 Hz e 0,9 Hz). Isso é explicado quando se observa os diagramas de Bode dos gráficos 4.3 e 4.4 onde o decaimento da curva de magnitude Y_c entre o valor de pico e a frequência de 1,14 Hz é da ordem de 8 db enquanto para o caso θ_{cx} na mesma faixa de frequência é de apenas 3,5 db. Logo os resultados temporais e no domínio da frequência são coerentes.

Através de uma comparação visual das curvas no gráfico 4.7 não é possível identificar uma diferença entre os resultados obtidos pelo modelo linear e pelo modelo não linear. Nas tabelas 4.8, 4.9 e 4.10 são mostrados os valores máximos obtidos nas simulações à velocidade constante (11,88 km/h) utilizando ambos os tipos de suspensões. As diferenças médias se situam entre 0,3% e 0,45%.

As tabelas 4.11, 4.12 e 4.13 fazem uma comparação entre os resultados obtidos pela solução analítica e pelo método de integração numérica. Como os percentuais de diferença se situam entre 1,2 e 5%, pode-se dizer que os dois modelos são equivalentes. Logo para os estudos dos três tipos de deslocamentos feitos neste trabalho, ambos podem ser utilizados.

4.6 Considerações sobre o conforto de passageiros

A análise deste capítulo se refere às condições de conforto especificadas pela norma ISO 2631-1. A percepção de conforto dos seres humanos quando sujeitos a vibrações depende da frequência e do tempo de exposição às mesmas. Para cada um dos três eixos (x, y e z) e interfaces passageiro-veículo (encosto dos bancos, cabeça de um passageiro em posição deitada) é definida uma curva ou tabela de

ganho das freqüências ponderadas em função da freqüência de excitação. O gráfico 4.10 mostra as curvas de ponderação para vibrações nos eixos x, y, z e relacionada ao mal-estar.

Gráfico 4.10 – Freqüências ponderadas em x, y, z e principal (ISO 2631-1)

A aceleração total da freqüência ponderada eficaz é definida de acordo com a fórmula abaixo para as freqüências de um terço de oitava de banda.

$$a_w = \left[\sum_i (w_i a_i)^2 \right]^{\frac{1}{2}} \quad (4.6)$$

Onde:

- a_w : aceleração de freqüência ponderada
- w_i : fator de ponderação do i ésimo terço de oitava de banda
- a_i : aceleração rms do i ésimo oitavo de banda

A aceleração total rms (a_v) mostrada na fórmula 4.7, depende das acelerações de frequência ponderada (a_{wi}) em cada eixo e dos fatores multiplicativos (k_i) dados em função do local de medição nos bancos para estimações de passageiros sentados.

$$a_v = \left(k_x^2 a_{wx}^2 + k_y^2 a_{wy}^2 + k_z^2 a_{wz}^2 \right)^{\frac{1}{2}} \quad (4.7)$$

Como pode ser observado no gráfico 4.10, na curva de ponderação de conforto para vibrações laterais (w_d) o maior ganho é obtido na faixa entre 0,5 Hz e 2 Hz. Os diagramas de Bode apresentados nos gráficos 4.3 para o movimento lateral e 4.4 para o rolamento mostram que entre as frequências de 0,1 Hz e 0,7 Hz um aumento da rigidez das suspensões pneumáticas implica uma redução da magnitude. Por outro lado, entre 0,7 Hz e 2 Hz ocorre uma inversão em que as magnitudes mais altas são obtidas com suspensões mais rígidas. No caso do modo *yaw*, gráfico 4.5, um aumento da rigidez implica uma redução da magnitude para todas as frequências entre 0,5 Hz e 2 Hz. O aumento das amplitudes em *yaw* causado pela redução da rigidez não é suficiente o bastante para anular os aumentos em *roll* e lateral, mesmo para um passageiro situado na extremidade do veículo.

De acordo com a equação 4.7 mostrada acima e definida pela norma ISO 2631-1, a aceleração total rms é uma função das acelerações de frequência ponderada em cada eixo. Assim, a constatação acima de que uma diminuição da rigidez implica em uma redução dos ganhos, melhorando as condições de conforto, deve ser aplicada somente aos movimentos laterais do veículo. Segundo (CARLBON, 2000) a utilização de caixas rígidas não afeta o conforto lateral, portanto este estudo pode ser conduzido sem que haja comprometimento das análises.

Outro fator importante que influi nas vibrações nas quais os passageiros estão submetidos é o local de medição no veículo. Através do modelo desenvolvido é possível obter as vibrações nos três eixos em qualquer posição da caixa a partir das coordenadas l_m (distância do banco a partir da linha de centro transversal) e b_m (distância do banco a partir da linha de centro longitudinal) definidas no capítulo 3.3. Assim, em função da posição escolhida, um ou mais tipos de movimento podem ser anulados ou amplificados, por exemplo, um passageiro localizado no centro do veículo não está sujeito aos efeitos das vibrações em *yaw*.

Uma última consideração se refere ao coeficiente de amortecimento do sistema. As curvas *S4* e *Benchmark* dos diagramas de Bode dos gráficos 4.3, 4.4 e 4.5 se referem a duas simulações onde somente as rigezas foram variadas. Quando se passou de uma rigidez de 430000 N/m (*Benchmark*) a uma de 863006 N/m (*S4*), os fatores de amortecimento foram reduzidos. O problema causado por esta redução se dá quando eles se tornam inferiores a zero, caracterizando que o sistema se tornou instável (BARBOSA, 1996). Neste caso, quando se aumentou somente a rigidez sem variar os amortecimentos, a velocidade crítica para qual o veículo se torna instável será menor.

O gráfico 4.11 mostra três curvas no diagrama de Bode. Na primeira delas o veículo foi configurado como descrito no *Benchmark*. Na segunda, curva “*S4*”, foi utilizado o mesmo veículo porém com a rigidez da suspensão secundária duas vezes maior (esses dois gráficos são representadas no gráfico 4.4). Na terceira, curva “*S4 amortecido*”, a rigidez é a mesma que em *S4* e os amortecimentos verticais e laterais foram aumentados 50%.

Gráfico 4.11 - Diagrama de Bode para θ_{cx} , Rotação dos Rodeiros em Fase e Configuração do Veículo Segundo o Benchmark, com Aumento da Rigidez (*S4*) e Amortecimento (*S4 amortecido*)

Como pode ser observado mesmo com um aumento de 50% do amortecimento da suspensão e conseqüentemente o fator de amortecimento, as magnitudes continuam maiores na faixa de frequência de interesse (entre 0,5 Hz e 2 Hz) quando comparadas com uma rigidez menor tal como definida pelo *Benchmark*.

5 Conclusões e Recomendações

5.1 Sumário das principais conclusões

Com o objetivo de analisar a influência das suspensões secundárias no movimento lateral de um veículo ferroviário, realizou-se um estudo em que foi concebido um modelo físico de um veículo composto de uma caixa rígida e dois truques de um rodeiro cada. A partir deste modelo, foram construídas as equações de movimento do sistema baseado nas leis de Newton e, após serem feitas determinadas simplificações, chegou-se a um conjunto de nove equações de movimento que representam os nove graus de liberdade do sistema. Dois tipos de soluções foram aplicadas na resolução de tais equações, sendo a primeira delas uma solução analítica utilizando, a abordagem de Espaços de Estado e, a segunda, uma solução por integração numérica.

Na abordagem por Espaços de Estado, constatou-se que quatro dos nove graus de liberdade do sistema inicial não eram excitados. Isso se deve ao fato dos movimentos verticais dos truques e da caixa e a sua rotação no eixo y serem nulos, uma vez que a excitação dos rodeiros que é transmitida ao veículo ocorre somente em torno do eixo x . Logo, esses quatro graus de liberdade foram retirados e, como saídas, têm-se os movimentos de deslocamento lateral, *roll* e *yaw* da caixa. No caso da solução por integração numérica, existem quatro tipos de entrada, sendo elas os deslocamentos verticais e rotacionais em x de cada rodeiro e nove saídas, uma para cada grau de liberdade inicialmente definido.

A definição dos atributos dos corpos e juntas que compõem o veículo e as bases para a especificação da via e dos cenários de simulação foram obtidas no “Manchester Benchmarks for rail vehicle simulation” (IWNICKI, 1999), o que possibilitou a comparação dos resultados obtidos neste trabalho com os apresentados no artigo.

A partir dos resultados da análise modal do sistema onde foram obtidos os autovetores e autovalores, uma comparação com os resultados dos fornecedores de

software que participaram *Benchmark* foi conduzida e verificou-se que todos os valores obtidos e apresentados no capítulo 4.2 se encontram dentro das faixas de resultados dos demais participantes, a não ser para o modo de balanço lateral superior em que a diferença encontrada foi 3,2% superior. Uma vez que não se teve acesso aos detalhes do modelamento e das simplificações de cada fornecedor, não se pode explicar o que originou tal diferença. Mas, tendo em vista a complexidade do sistema e as hipóteses assumidas, pode-se dizer que os resultados são coerentes.

Uma segunda comparação entre os resultados temporais obtidos pela solução analítica e por integração numérica para um sistema linear foi elaborada a partir de uma série de simulações em que se variou as rizezas verticais das suspensões pneumáticas. Neste caso, foram comparados os valores máximos das amplitudes dos deslocamentos e acelerações linear e angular e o valor médio quadrático da aceleração (rms). Conforme mostrado no capítulo 4.5 as porcentagens médias de diferença se situam entre 1,2% e 4,5%, o que confirma a compatibilidade entre os dois tipos de solução, permitindo, assim, a utilização de um modelo de cinco graus de liberdade ao invés de nove quando se tratar do estudo dos modos laterais.

Na terceira série de comparações, foi feita uma verificação dos resultados obtidos pela solução por integração numérica, utilizando rizezas verticais das suspensões secundárias como lineares e não lineares, obtendo uma diferença média dos resultados entre 0,30% e 0,45% conforme mostrado no capítulo 4.5. Uma vez que o caso estudado consiste de simulações em via reta com imperfeições de nivelamento cruzado, os deslocamentos e ângulos são pequenos e as diferenças entre as rizezas de valor constante (caso linear) e variável (caso não linear) não são significativas, o que explica a proximidade entre os dois tipos de resultados. Por outro lado, caso se tratasse de um estudo em curva ou vias de transição de um modelo mais completo, não seriam esperados resultados tão semelhantes.

As considerações feitas no capítulo 4.6, permitem concluir que quando se deseja obter uma melhora no conforto de passageiros atuando no movimento lateral do veículo, uma das alternativas consiste na redução da rigidez das suspensões secundárias. Como os estudos conduzidos neste trabalho se restringem somente

aos movimentos laterais, este princípio não deve ser aplicado sem que sejam analisadas as influências nos demais modos para o veículo como um todo.

5.2 Recomendações para trabalhos futuros

A partir deste estudo são recomendados dois temas para trabalhos futuros.

O primeiro deles consiste em uma análise de sensibilidade da variação dos parâmetros dos elementos das suspensões primária e secundária, tais como rjezas e amortecimentos, da barra de torção e da carga de passageiros no comportamento do veículo para os cinco graus de liberdade definidos para a caixa. Este estudo permitiria dizer o quanto cada parâmetro influi nos resultados de cada modo e qual interação existe entre eles, de modo que seja possível desenvolver um algoritmo segundo o tipo de vibração em que se queira atuar.

A proposta para o segundo trabalho parte do fato de que a curva de rigidez de uma suspensão pneumática varia em função do volume do reservatório auxiliar, um estudo seria conduzido com o objetivo de verificar a possibilidade de utilizar este fenômeno no controle vibratório de um veículo. Um sistema de aquisição de dados mediria as vibrações instantâneas do veículo e, através de um sistema de controle os reservatórios adicionais seriam introduzidos ou retirados do circuito segundo a rigidez que melhor se adaptasse às condições do veículo e da via.

Em ambos os trabalhos poder-se-ia introduzir um sistema de controle que simulasse três e quatro válvulas de nivelamento e analisar sua influência no comportamento dinâmico do veículo. Outro parâmetro que não foi abordado aqui, mas que poderia tornar as simulações mais representativas, seria a utilização de dados que simulassem as irregularidades de uma via real onde há variações de amplitude e comprimentos de onda.

Referências

AEA TECHNOLOGY RAIL. **VAMPIRE User's manual**: C.4 Shear elements. Derby, 2006: Delta Rail Group Ltd. Manual do usuário.

AMERICAN SOCIETY OF CIVIL ENGINEERS. (1998). Automated people mover standards – part 2. ASCE 21-98. Reston: ASCE

ANDERSON Junior, H. M. **Leveling valve for air spring**. US 5161579, 10 novembro 1992.

ASSOCIATION FRANÇAISE DE NORMALISATION. (1998). Applications ferroviaires - Comportement dynamique des véhicules vis-à-vis de la voie - Méthodes de mesure des forces. NF F 00-702. Paris : AFNOR.

ASSOCIATION FRANÇAISE DE NORMALISATION. (2002). Applications ferroviaires – Confort de marche des voyageurs – Mesurage et évaluation. AFNOR PR NF EN 12299. Paris : AFNOR.

ASSOCIATION FRANÇAISE DE NORMALISATION. (2004). Railway applications / Track geometry quality - Part 1: Characterisation of track geometry. NF EN 13848-1. Paris: AFNOR.

ASSOCIATION FRANÇAISE DE NORMALISATION. (2005). Applications ferroviaires - Essais en vue de l'homologation du comportement dynamique des véhicules ferroviaires - Essais en ligne et à poste fixe. NF EN 14363. Paris: AFNOR.

BALDI, M.; MEIRELLES, P. S. Analysis of performance of a hydropneumatic suspension system. In: INTERNATIONAL CONGRESS OF MECHANICAL ENGINEERING, 17., 2003, São Paulo. **Proceedings of COBEM**: ABCM, 2003.

BARBOSA, R. S; COSTA, A. Dinâmica do rodeiro ferroviário. **Revista Brasileira de Ciências Mecânicas**, v. 18, n. 4, p. 318-329, 1996.

BARBOSA, R. S.; **Aplicação de sistemas multicorpos na dinâmica de veículos guiados**. 1999. 296 p. Tese – Universidade de São Paulo, São Carlos, 1999.

BARNETT, R. **Tilting trains: the italian ETR and the Swedish X-2000**. Berkley: University of California Transportation Center, 1992. 81 p. (Working Paper, No. 113).

BUREAU DE NORMALISATION DES CHEMINS DE FER. (1987). Installations fixes ferroviaires – Ecartement des voies de chemin de fer dans le monde. F 50-704. Paris: B.N.C.F..

CAMPBELL, S.; CHANCELIER, J-F.; NIKOUKHAH, R. **Modeling and simulation in Scilab/Scicos**. New York: Springer, 2006. 313 p.

CARLBOM, P. **Carbody and passengers in rail vehicle dynamics**. 2000. 113 p. Tese - Department of Vehicle Engineering, Royal Institute of Technology, Stockholm, 2000.

CHING, A. **Shuttling vehicle leveling valve**. US 7117890 B2, 10 outubro 2006.

CHRISTENSEN, N. B. **Control device for vehicle pneumatic suspension**. US 2947322, 2 agosto 1960.

CONTINENTAL. **Contitech secondary suspensions**. Disponível em: <http://www.contitech.de/ct/contitech/themen/produkte/luftfedersysteme/schiene/sekundaer_e.html>. Acesso em: 27 jan. 2007

DAUM, J. W.; LATIF, T. **Fluid-operated leveling valve systems**. US 5161817, 10 novembro 1992.

DAVIS, B. R.; THOMPSON, A. G. Power Spectral Density of Road Profiles. **Journal of Vehicle System Dynamics**, v. 35, n. 6, p. 409-415, 2001.

DAVIS, R. C. **Control device dor vehicle suspension**. US 2947530, 2 agosto 1960.

DEIST, H. H. **Control device for vehicle pneumatic suspension systems**. US 2905430, 16 março 1956.

DESOLVER. **The GENSYS. 0601 Reference Manuals**. Disponível em: <http://www.gensys.se/doc_html/calc_coupl.html#jk_air3_mawa>. Acesso em: 27 jan. 2007.

DIANA, G.; CHELI, F.; COLLINA, A.; CORRADI, R.; MELZI, S. The development of a numerical model for railway vehicles comfort assessment through comparison with experimental measurements. **Vehicle System Dynamics**. v. 38, n. 3, p. 165-183, 2002.

FIRESTONE. **Rail applications design guide**: catálogo. 2005. 49 p. Também disponível em <<http://www.firestoneindustrial.com/pdfs/rail/Airail.pdf>>. Acesso em: 27 jan. 2007.

FÖRSTBERG, J. **Ride comfort and motion sickness in tilting trains**: human responses to motion environments in train experimental and simulator experiments. 2000. 234 p. Tese - Department of Vehicle Engineering, Royal Institute of Technology, Stockholm, 2000.

FÖRSTBERG, J.; ANDERSSON, E.; LEDIN, T. Influence of different conditions for tilt compensation on symptoms of motion sickness in tilting trains. **Brain Research Bulletin**. v. 47, n. 5, p. 525-535, 1998.

GONÇALVES, A. J.; MEIRELLES, P. S. Damping control in hydropneumatic suspension. In: INTERNATIONAL CONGRESS OF MECHANICAL ENGINEERING, 18., 2005, Ouro Preto. **Proceedings of COBEM**: ABCM, 2005.

HIRUMA, M. **Vehicle hydropneumatic suspension system with vehicle body height control means**. US 4076275, 28 fevereiro 1978.

INTERNATIONAL ORGANIZATION FOR STANDARDIZATION. (1997). Mechanical vibration and shock – Evaluation of human exposure to whole-body vibration – Part 1: General requirements. ISO 2631-1. Genève: ISO.

IWNICKI, S. (editor): The Manchester Benchmarks for Rail Vehicle Simulation. **Supplement to Journal of Vehicle System Dynamics**, v. 30, p. 295-313, 1999.

LEE, Y. S. **Variable leveling valve apparatus for vehicle**. US 6948721, 27 setembro 2005.

LEWIS, J. **Pneumatic spring**. US 4965, 10 fevereiro 1847.

MECHANICAL DYNAMICS INC. **Building templates in ADAMS/Rail**: component descriptions. Ann Arbor, MI, EUA, 2002. 126 p. Manual do usuário.

MECHANICAL DYNAMICS INC. **Manchester Benchmarks: vehicle 1, ADAMS/Rail** 2003. Disponível em: <www.msc.com>. Acesso em 3 jun 2006: .

MEIROVITCH, L. **Elements of vibration analysis**. Tokyo: McGraw-Hill Kogakusha, Ltd, 1975. 491 p.

METALOCAUCHO. **Informe homologacion**. Urnieta, España: MTC Metalocauchos S.L., 2001. 118 p.

MOHACSI, S.; POTEL, G.; BUCHOLZ, K. H. **Arrangement to increase roll stability of rail vehicles with air suspension**. US 4665835, 19 maio 1997.

NARAYANASWAMY, S. **A comparative study of modified passenger railway vehicle trucks**. 1998. 228 p. Tese – Department of Mechanical Engineering, Concordia University, Montreal, 1988.

OGATA, K. **System Dynamics**. Upper Saddle River: Pearson Prentice Hall, 2004. 768 p.

PEARCE, C. E. M.; THOMPSON, A. G. Spectral Decomposition Methods for the Computation of RMS Values in an Active Suspension. **Journal of Vehicle System Dynamics**. v. 42, n. 6, p. 395-411, 2004.

PRESTHUS, M. **Derivation of air spring model parameters for train simulation**. 2002. 75 p. Dissertação – Department of Applied Physics and Mechanical Engineering, Luleå University of Technology, Luleå, 2002.

RAGHU, S. R.; KIM, H.-D.; SETOGUCHI, T. Aerodynamics of high-speed railway train. **Progress in Aerospace Sciences**. v. 38, p. 469-514, 2002.

SAB WABCO. **Valve de nivelement VN6P**. 15 outubro 1999. Fax do desenho original, 21 cm x 29,7 cm. Código de referência do desenho “780 635 EQ 08”, propriedade Siemens AG.

SAMAVEDAM, G.; GOMES, J. **Safety of railroad passenger vehicle dynamics: final summary report**. Waltham: US Department of Transportation, 2002. 53 p. (DOT/FRA/ORD-01/05).

SHENG, X. ; JONES, C. J. C.; THOMPSON, D. J. A comparison of a theoretical model for quasi-statically and induced environmental vibration from trains with measurements. **Journal of Sound and Vibration**. v. 267, p. 621-635, 2003.

STRIBERSKY, A.; MOSER, F.; RULKA, W. Structural dynamics of rail vehicle systems: a virtual system approach. IV: DEVELOPMENTS IN ENGINEERING COMPUTATIONAL TECHNOLOGY., 2000, Leuven. Edinburgh: Civil-Comp Press, 2000. p. 22-36.

THOMPSON, A. G.; DAVIS B. R. Technical Note: RMS Values for Control Force, Suspension Stroke and Tyre Deflection in an Active Suspension. **Journal of Vehicle System Dynamics**. v. 34, p. 143-150, 2000.

THOMPSON, A. G.; DAVIS, B. R. RMS Values of Force, Stroke and Tyre Deflection in a Half-Car Model with Preview Controlled Active Suspension. **Journal of Vehicle System Dynamics**. v. 39, n. 3, p. 245-253, 2003.

THOMPSON, A. G.; PEARCE, C. E. M. RMS Values for Force, Stroke and Deflection in a Quarter-car Model Active Suspension with Preview. **Journal of Vehicle System Dynamics**. v. 39, n. 1, p. 57-75, 2003.

TRELLEBORG INDUSTRIALS AVS. **Metalastik® type vehicle Metacone™ Springs**. Disponível em <http://trelleborg.com/industrialavs/images/products/MetaconeSprings.pdf> > . Acesso em: 2 fev 2007.

UNIVERSAL MECHANISM. **Manchester Benchmarks**: Chapter 10. Disponível em: <http://umlab.ru/download/docs/eng/part10.pdf>>. Acesso em: 27 jan 2007.

YAGIZ, N.; GURSEL, A. Active suspension control of a railway vehicle with a flexible body. **International Journal Vehicle Autonomous Systems**. v. 3, n. 1, p. 80-95, 2005.

Apêndice A - Suspensões secundárias não lineares

A especificação de uma suspensão pneumática é uma tarefa que envolve um grande número de parâmetros construtivos e de performance. Entre os parâmetros construtivos estão as dimensões externas, modo de fixação, alturas máxima e mínima de operação, alturas dos batentes de fim de curso, temperatura de operação etc. A definição desses parâmetros depende basicamente das interfaces mecânicas entre o truque e a caixa e do gabarito do trem.

Uma vez que os parâmetros construtivos foram definidos, passa-se à atividade de escolha de tipos de suspensões pneumáticas que respondam às exigências definidas inicialmente. Por fim, faz-se uma análise de cada tipo escolhido para aquela que melhor se adapte ao produto desenvolvido.

A partir do veículo especificado pelo *Benchmark* mostrado no capítulo 4.1 e dos dados disponíveis no catálogo FIRESTONE foram definidos os seguintes parâmetros construtivos:

- Massa suspensa da caixa: 32000 kg (70547,9 libras);
- Massa suspensa por cada suspensão secundária: 8000 kg (17637 libras);
- Altura nominal das suspensões: entre 0,2032 m (8 polegadas) e 0,254 m (10 polegadas), conforme dados disponíveis no catálogo;
- Pressão de operação das suspensões: entre 130 kPa (20 psi) e 830 kPa (120 psi), conforme dados disponíveis no catálogo.

Baseado nos parâmetros acima, foram escolhidos quatro tipos de suspensão cujos códigos de referência são: 203, 218, 29 e 222. Para cada um desses quatro tipos o catálogo FIRESTONE fornece quatro tabelas e dois gráficos que são os dados de entrada para o cálculo da suspensão. As informações utilizadas na estimação das curvas características das suspensões não lineares e do valor das rizezas na altura de operação se encontram nas tabelas de características dinâmicas fornecidas logo a seguir. Essas tabelas fornecem, para três alturas de operação dentro da faixa recomendada pelo fornecedor, quatro valores de massa suspensa, pressão e rigidez. Como o fornecedor é Norte Americano as unidades encontradas no catálogo

não estão no Sistema Internacional, porém foram convertidas e são apresentadas nas tabelas a seguir com os valores originais entre parênteses.

Tabela A,1 – Características Dinâmicas da Suspensão Pneumática S1 (tipo 203)

Altura m (in)	Carga kg (lbs)	Pressão kPa (psig)	Rigidez N/m (lbs/in)
0,2159 (8,5)	3629 (8000)	252 (36,5)	402274 (2297)
	5443 (12000)	378 (54,8)	560066 (3198)
	7711 (17000)	536 (77,7)	753584 (4303)
	9525 (21000)	661 (95,9)	909800 (5195)
0,2286 (9)	3629 (8000)	261 (37,8)	385811 (2203)
	5443 (12000)	391 (56,7)	538700 (3076)
	7711 (17000)	554 (80,3)	729942 (4168)
	9525 (21000)	684 (99,2)	883005 (5042)
0,254 (10)	3629 (8000)	283 (41,1)	366372 (2092)
	5443 (12000)	425 (61,6)	518735 (2962)
	7711 (17000)	602 (87,3)	709277 (4050)
	9525 (21000)	743 (107,8)	861640 (4920)

Tabela A,2 – Características Dinâmicas da Suspensão Pneumática S2 (tipo 29)

Altura m (in)	Carga kg (lbs)	Pressão kPa (psig)	Rigidez N/m (lbs/in)
0,2032 (8)	4536 (10000)	245 (35,6)	512606 (2927)
	7257 (16000)	392 (56,9)	745879 (4259)
	9525 (21000)	515 (74,7)	940448 (5370)
	12247 (27000)	663 (96,1)	1173721 (6702)
0,2159 (8,5)	4536 (10000)	260 (37,7)	470224 (2685)
	7257 (16000)	416 (60,4)	693690 (3961)
	9525 (21000)	547 (79,3)	879853 (5024)
	12247 (27000)	703 (101,9)	1103319 (6300)
0,2286 (9)	4536 (10000)	270 (39,2)	460067 (2627)
	7257 (16000)	462 (67,0)	684233 (3907)
	9525 (21000)	567 (82,3)	870921 (4973)
	12247 (27000)	729 (105,8)	1095088 (6253)

A determinação da matriz que define as curvas “*Rigidez x Deslocamento*” utilizadas pelo método de integração numérica é feita pelo programa “suspensao.sci”. A seguir, baseado na suspensão S1 será explicado como este programa funciona.

Tabela A,3 – Características Dinâmicas da Suspensão Pneumática S3 (tipo 218)

Altura m (in)	Carga kg (lbs)	Pressão kPa (psig)	Rigidez N/m (lbs/in)
0,2032 (8)	3629 (8000)	254 (36,9)	427142 (2439)
	5443 (12000)	382 (55,4)	592290 (3382)
	7711 (17000)	541 (78,5)	798768 (4561)
	9525 (21000)	669 (97,0)	963916 (5504)
0,2159 (8,5)	3629 (8000)	263 (38,2)	407703 (2328)
	5443 (12000)	395 (57,3)	568997 (3249)
	7711 (17000)	560 (81,2)	770397 (4399)
	9525 (21000)	691 (100,2)	931692 (5320)
0,2286 (9)	3629 (8000)	274 (39,7)	395444 (2258)
	5443 (12000)	411 (59,6)	555687 (3173)
	7711 (17000)	582 (84,4)	756211 (4318)
	9525 (21000)	718 (104,2)	916455 (5233)

Tabela A,4 – Características Dinâmicas da Suspensão Pneumática S4 (tipo 222)

Altura m (in)	Carga kg (lbs)	Pressão kPa (psig)	Rigidez N/m (lbs/in)
0,2032 (8)	6804 (15000)	270 (39,1)	797192 (4552)
	10206 (22500)	404 (58,6)	1104370 (6306)
	13608 (30000)	539 (78,2)	1411723 (8061)
	17010 (37500)	674 (97,7)	1719076 (9816)
0,2159 (8,5)	6804 (15000)	276 (40,1)	758313 (4330)
	10206 (22500)	415 (60,2)	1056209 (6031)
	13608 (30000)	554 (80,3)	1354280 (7733)
	17010 (37500)	692 (100,4)	1652352 (9435)
0,2286 (9)	6804 (15000)	285 (41,4)	731868 (4179)
	10206 (22500)	429 (62,2)	1025912 (5858)
	13608 (30000)	572 (82,9)	1320130 (7538)
	17010 (37500)	714 (103,6)	1614348 (9218)

Inicialmente se faz o carregamento dos dados de entrada que são a massa suspensa da caixa (*msci*) e as colunas “Design Height” (altura), “Load” (massa) e “Rate” (rigidez) das tabelas A.1, A.2, A.3 e A.4.

Embora as tabelas acima forneçam uma relação entre a rigidez e a altura, esta não é feita para o exato valor da massa suspensa por cada suspensão que é de 8000 kg (17637 libras) (massa total do veículo dividido por 4 suspensões). Como para as três alturas de 0,2159 m (8.5”), 0,2286 m (9”) e 0,254 m (10”) (tabela A.1) foram fornecidos quatro valores de massa e rigidez, faz-se uma interpolação em que se define a rigidez para o valor de massa suspensa de 8000 kg (17637 libras) em cada

altura diferente. Esta interpolação foi feita utilizando a função “*interp*” e “*spl*”. Na tabela a seguir são mostrados os valores tabelados (em itálico) e os valores calculados (em negrito) respectivos à suspensão S1.

Tabela A.5 - Interpolação da Rigidez da Suspensão S1 para uma Massa Suspensa de 8000 kg (17637 libras)

Massa Suspensa – kg (lbs)		3628 (8000)	5443 (12000)	7711 (17000)	8000 (17637)	9525 (21000)
Rigidez – N/m (lb/in)	Altura de 0,2159 m (8,5")	402274 (2297)	558490 (3189)	753584 (4303)	769346 (4393)	909800 (5195)
	Altura de 0,2286 m (9")	385811 (2203)	558490 (3076)	729942 (4168)	745528 (4257)	883005 (5042)
	Altura de 0,254 m (10")	366372 (2092)	518735 (2962)	709277 (4050)	724863 (4139)	861640 (4920)

As três rijezas calculadas (coluna 5) e de suas respectivas alturas (coluna 1) são mostradas no gráfico A.1 pelos pontos “♦”. Uma segunda interpolação foi feita e obteve-se uma curva de “*Rigidez x Deslocamento*” que passa pelos três pontos da tabela A.5 obtendo uma matriz de tamanho 301 x 2. Para que a função que utiliza esta curva como dado de entrada no cálculo da rigidez instantânea no módulo não linear do programa de integração numérica não fosse sobrecarregado, fez-se uma redução com aproximadamente dez vezes menos pontos, marcados pelo sinal “x” no gráfico A.1.

No apêndice I são mostradas as matrizes utilizadas para definir as curvas de rigidez no programa de integração linear conforme explicado anteriormente (no exemplo do gráfico A.1 corresponde aos pontos “x”). A suspensão S4 possui menos pontos pois a amplitude de trabalho é de 0,0254 m (uma polegada) e nos outros três casos 0,0381 m (uma polegada e meia).

Gráfico A.1 - Característica Dinâmica da Suspensão S1 para Massa Suspensa de 8000 kg (17637 libras)

Apêndice B - Matrizes de massa, rigidez e amortecimento

A seguir seguiu são apresentadas as matrizes de massa, rigidez e amortecimento deduzidas a partir das equações de movimento apresentadas no capítulo 3.4

- Matriz de massa: $M=$

$$= \begin{bmatrix} m_c & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & m_c & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & m_t & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & m_t & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & I_{cx} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & I_{cy} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & I_{cz} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & I_{tx} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & I_{tx} \end{bmatrix}$$

- Matriz de rigidez: $K=$

$$= \begin{bmatrix} -4k_{sz}/m_c & 0 & 2k_{sz}/m_c & 2k_{sz}/m_c & 0 & 0 \\ 0 & -4k_{sy}/m_c & 0 & 0 & -4k_{sy}h_s/m_c & 0 \\ 2k_{sz}/m_t & 0 & -2(k_{sz}+k_{pz})/m_t & 0 & 0 & -(2l_{ct}k_{sz})/m_t \\ 2k_{sz}/m_t & 0 & 0 & -2(k_{sz}+k_{pz})/m_t & 0 & (2l_{ct}k_{sz})/m_t \\ 0 & -4k_{sy}h_s/i_{cx} & 0 & 0 & (-4(b_s^2k_{sz}+h_s^2k_{sy})-2k_{bt})/i_{cx} & 0 \\ 0 & 0 & -(2l_{ct}k_{sz})/i_{cy} & (2l_{ct}k_{sz})/i_{cy} & 0 & -4l_{ct}^2k_{sy}/i_{cy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -(2h_{st}k_{sy})/i_{tx} & 0 & 0 & (2(b_s^2k_{sz}-h_{st}h_s k_{sy})+k_{bt})/i_{tx} & 0 \\ 0 & -(2h_{st}k_{sy})/i_{tx} & 0 & 0 & (2(b_s^2k_{sz}-h_{st}h_s k_{sy})+k_{bt})/i_{tx} & 0 \\ \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -(2h_{st}k_{sy})/m_c & -(2h_{st}k_{sy})/m_c & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & (2(b_s^2k_{sz}-h_{st}h_s k_{sy})+k_{bt})/i_{cx} & (2(b_s^2k_{sz}-h_{st}h_s k_{sy})+k_{bt})/i_{cx} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & (2l_{ct}h_{st}k_{sy})/i_{cz} & 0 \\ -(4l_{ct}^2k_{sy})/i_{cz} & -(2l_{ct}h_{st}k_{sy})/i_{cz} & -(2l_{ct}h_{st}k_{sy})/i_{cz} & 0 & 0 & 0 \\ -(2l_{ct}h_{st}k_{sy})/i_{tx} & (-2(b_s^2k_{sz}+h_{st}^2k_{sy}+b_p^2k_{pz})-k_{bt})/i_{tx} & (-2(b_s^2k_{sz}+h_{st}^2k_{sy}+b_p^2k_{pz})-k_{bt})/i_{tx} & 0 & 0 & 0 \\ (2l_{ct}h_{st}k_{sy})/i_{tx} & 0 & 0 & (-2(b_s^2k_{sz}+h_{st}^2k_{sy}+b_p^2k_{pz})-k_{bt})/i_{tx} & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

- Matriz de amortecimento: $C=$

$$= \begin{bmatrix} -4(C_{sz}+C_{az})/m_c & 0 & 2(C_{sz}+C_{az})/m_c & 2(C_{sz}+C_{az})/m_c & 0 \\ 0 & -4(C_{sy}+C_{ay})/m_c & 0 & 0 & -4(C_{sy}+C_{ay})h_s/m_c \\ 2(C_{sz}+C_{az})/m_t & 0 & -2(C_{sz}+C_{az}+C_{pz})/m_t & 0 & 0 \\ 0 & -4(C_{sy}+C_{ay})h_s/i_{cx} & 0 & 0 & -4(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}+h_s^2 C_{sy}+h_{ay}^2 C_{ay})/i_{cx} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -2(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/i_{tx} & 0 & 0 & 2(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}-h_{st}h_s C_{sy}-h_{ayt}h_{ay}C_{ay})/i_{tx} \\ 0 & -2(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/i_{tx} & 0 & 0 & 2(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}-h_{st}h_s C_{sy}-h_{ayt}h_{ay}C_{ay})/i_{tx} \\ 2(C_{sz}+C_{az})/m_t & 0 & 0 & -2(C_{sz}+C_{az}+C_{pz})/m_t & 0 \\ 0 & 0 & -2I_{ct}(C_{sz}+C_{az})/i_{cy} & 2I_{ct}(C_{sz}+C_{az})/i_{cy} & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -2(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/m_c & -2(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/m_c \\ -2I_{ct}(C_{sz}+C_{az})/m_t & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}-h_{st}h_s C_{sy}-h_{ayt}h_{ay}C_{ay})/i_{cx} & 2(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}-h_{st}h_s C_{sy}-h_{ayt}h_{ay}C_{ay})/i_{cx} \\ 0 & -4I_{ct}^2(C_{sy}+C_{ay})/i_{cz} & -2I_{ct}(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/i_{cz} & 2I_{ct}(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/i_{cz} \\ 0 & -2I_{ct}(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/i_{tx} & -2(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}+h_{st}^2 C_{sy}+h_{ayt}^2 C_{ay}+b_p^2 C_{pz})/i_{tx} & 0 \\ 0 & 2I_{ct}(h_{st}C_{sy}+h_{ayt}C_{ay})/i_{tx} & 0 & -2(b_s^2 C_{sz}+b_{az}^2 C_{az}+h_{st}^2 C_{sy}+h_{ayt}^2 C_{ay}+b_p^2 C_{pz})/i_{tx} \\ 2I_{ct}(C_{sz}+C_{az})/m_t & 0 & 0 & 0 \\ -4I_{ct}^2(C_{sz}+C_{az})/i_{cy} & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Apêndice C - Programa de cálculo dos autovetores e autovalores

Este programa determina os autovetores e autovalores a partir das matrizes de massa e rigidez apresentadas no apêndice B.

```
clear
```

```
//Carregamento dos dados de entrada
```

```
exec('C:\Documentos de trabalho\dadosdeentrada.sci');//disp('exec done');
```

```
//Matriz de massa - M
```

```
M=[mc,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      mc,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      mt,      0,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      mt,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      icx,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      icy,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      0,      icz,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      itx,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      itx];
```

```
//Matriz de rigidez - K
```

```
K=[4*ksz,      0, -2*ksz, -2*ksz, 0, 0, 0, 0, 0;
    0, 4*ksy, 0, 0, 4*ksy*hs, 0, 0, 2*hst*ksy, 2*hst*ksy;
    -2*ksz, 0, 2*(ksz+kpz), 0, 0, 2*lct*ksz, 0, 0, 0;
    -2*ksz, 0, 0, 2*(ksz+kpz), 0, -(2*lct*ksz), 0, 0, 0;
    0, 4*ksy*hs, 0, 0, (4*(bs^2*ksz+hs^2*ksy)+2*kbt), 0, 0, -(2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt), -
    (2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt);
    0, 0, 2*lct*ksz, -(2*lct*ksz), 0, 4*lct^2*ksz, 0, 0, 0;
    0, 0, 0, 0, 0, 0, (4*lct^2*ksy), (2*lct*hst*ksy), -(2*lct*hst*ksy);
    0, 2*hst*ksy, 0, 0, -(2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt), 0, (2*lct*hst*ksy),
    (2*(bs^2*ksz+hst^2*ksy+bp^2*kpz)+kbt), 0;
    0, 2*hst*ksy, 0, 0, -(2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt), 0, -(2*lct*hst*ksy), 0,
    (2*(bs^2*ksz+hst^2*ksy+bp^2*kpz)+kbt)];
```

```
//Matriz de flexibilidade - A
```

```
A=1/K;
```

```
//Matriz dinâmica - D
```

```
D=A*M;
```

```

//Calculo dos autovetores (autvet) e autovalores (autval)
[autvet,autval]=spec(D);

//Transformação da matriz diagonal dos autovalores (autval) em um vetor (diag_autval)
diag_autval=diag(autval);

//Correção dos autovalores (autval_corr) e autovetores (autvet_corr) - a função "clean"
aproxima à zero os valores pequenos
autvet_corr=clean(real(autvet));
autval_corr=clean(diag_autval);

//Calculo das frequencias w(rad/s) e f(Hz) a partir do autovalor "lambda"
for i=1:9;
    w(i)=(1/(autval_corr(i)^0.5));    //solução da equação lambda=1/(w^2)
    f(i)=w(i)/(2*pi);                //w=2*pi*f
end

//Normalização do autovetor
for i=1:9;                            //para cada autovetor faz-se
    a=max(autvet_corr(:,i));           //maximo valor positivo
    b=max(autvet_corr(:,i)*(-1));      //minimo valor negativo
    if a>b then                         //maiorvalor em modulo
        c=a;
    else
        c=b;
    end,
    for j=1:9;
        autvet_norm(j,i)=autvet_corr(j,i)*(1/c); //normalização do autovetor
    end,
end,

//Arquivo de saída ".txt" como os autovalores e autovetores
resultado=[f';autvet_norm]
fprintfMat ('C:\Documentos de
trabalho\autovetval\resultado_autovetval_863006.txt',resultado);

//Graus de Liberdade - para informação
gdl=['Zc';'Yc';'Zt1';'Zt2';'Teta cx';'Teta cy';'Teta cz';'Teta t1x';'Teta t2x'];

```

Apêndice D – Solução Analítica

Este programa resolve o sistema de equações diferenciais através da abordagem de Espaços de Estado.

```
clear
```

```
// carregamento dos dados de entrada
exec('C:\Documentos de trabalho\dadosdeentrada.sci');disp('exec done');
```

```
//dados de entrada particular ao programa
ksz=430000; //suspensão Benchmark
deltat=0.01;
fase=1; //se = 1, rodeiros em fase, se = -1 defasados de 180°
```

```
// Matriz de massa - M
```

```
M=[mc,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      mc,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      mt,      0,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      mt,      0,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      icx,      0,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      icy,      0,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      0,      icz,      0,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      itx,      0;
    0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      0,      itx;];
```

```
// Matriz de amortecimento - C
```

```
C=[-4*(csz+caz)/mc, 0, 2*(csz+caz)/mc, 2*(csz+caz)/mc, 0, 0, 0, 0, 0;
    0, -4*(csy+cay)/mc, 0, 0, -4*(csy+cay)*hs/mc, 0, 0, -2*(hst*csy+hayt*cay)/mc, -
    2*(hst*csy+hayt*cay)/mc;
    2*(csz+caz)/mt, 0, -2*(csz+caz+cpz)/mt, 0, 0, -2*lct*(csz+caz)/mt, 0, 0, 0;
    2*(csz+caz)/mt, 0, 0, -2*(csz+caz+cpz)/mt, 0, 2*lct*(csz+caz)/mt, 0, 0, 0;
    0, -4*(csy+cay)*hs/icx, 0, 0, -4*(bs^2*csz+baz^2*caz+hs^2*csy+hay^2*cay)/icx, 0, 0,
    2*(bs^2*csz+baz^2*caz-hst*hs*csy-hayt*hay*cay)/icx, 2*(bs^2*csz+baz^2*caz-hst*hs*csy-
    hayt*hay*cay)/icx;
    0, 0, -2*lct*(csz+caz)/icy, 2*lct*(csz+caz)/icy, 0, -4*lct^2*(csz+caz)/icy, 0, 0, 0;
    0, 0, 0, 0, 0, 0, -4*lct^2*(csy+cay)/icz, -2*lct*(hst*csy+hayt*cay)/icz,
    2*lct*(hst*csy+hayt*cay)/icz;
```



```

0, -2*(hst*csy+hayt*cay)/itx, 0, 0, 2*(bs^2*csz+baz^2*caz-hst*hs*csy-hayt*hay*cay)/itx, 0,
-2*lct*(hst*csy+hayt*cay)/itx, -
2*(bs^2*csz+baz^2*caz+hst^2*csy+hayt^2*cay+bp^2*cpz)/itx, 0;
0, -2*(hst*csy+hayt*cay)/itx, 0, 0, 2*(bs^2*csz+baz^2*caz-hst*hs*csy-hayt*hay*cay)/itx, 0,
2*lct*(hst*csy+hayt*cay)/itx, 0, -
2*(bs^2*csz+baz^2*caz+hst^2*csy+hayt^2*cay+bp^2*cpz)/itx;];

```

```

C22=C(2,2); C25=C(2,5); C28=C(2,8); C29=C(2,9);
C52=C(5,2); C55=C(5,5); C58=C(5,8); C59=C(5,9);
C77=C(7,7); C78=C(7,8); C79=C(7,9);
C82=C(8,2); C85=C(8,5); C87=C(8,7); C88=C(8,8); C89=C(8,9);
C92=C(9,2); C95=C(9,5); C97=C(9,7); C98=C(9,8); C99=C(9,9);

```

// Matriz de rigidez - K

```

K=[-4*ksz/mc, 0, 2*ksz/mc, 2*ksz/mc, 0, 0, 0, 0, 0;
0, -4*ksy/mc, 0, 0, 0, 0, 0, -(2*hst*ksy)/mc, -(2*hst*ksy)/mc;
2*ksz/mt, 0, -2*(ksz+kpz)/mt, 0, 0, 0, -(2*lct*ksz)/mt, 0, 0, 0;
2*ksz/mt, 0, 0, -2*(ksz+kpz)/mt, 0, 0, (2*lct*ksz)/mt, 0, 0, 0;
0, 0, 0, 0, (-4*(bs^2*ksz+hs^2*ksy)-kbt)/icx, 0, 0, (2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt)/icx,
(2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt)/icx;
0, 0, -(2*lct*ksz)/icy, (2*lct*ksz)/icy, 0, -4*lct^2*ksy/icy, 0, 0, 0;
0, 0, 0, 0, 0, 0, -(4*lct^2*ksy)/icz, -(2*lct*hst*ksy)/icz, (2*lct*hst*ksy)/icz;
0, -(2*hst*ksy)/itx, 0, 0, (2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt)/itx, 0, -(2*lct*hst*ksy)/itx, (-
2*(bs^2*ksz+hst^2*ksy+bp^2*kpz)-kbt)/itx, 0;
0, -(2*hst*ksy)/itx, 0, 0, (2*(bs^2*ksz-hst*hs*ksy)+kbt)/itx, 0, (2*lct*hst*ksy)/itx, 0, (-
2*(bs^2*ksz+hst^2*ksy+bp^2*kpz)-kbt)/itx];

```

```

K22=K(2,2); K25=K(2,5); K28=K(2,8); K29=K(2,9);
K52=K(5,2); K55=K(5,5); K58=K(5,8); K59=K(5,9);
K77=K(7,7); K78=K(7,8); K79=K(7,9);
K82=K(8,2); K85=K(8,5); K88=K(8,8); K87=K(8,7); K89=K(8,9);
K92=K(9,2); K95=K(9,5); K97=K(9,7); K98=K(9,8); K99=K(9,9);

```

// Movimentação dos rodeiros

```

C812=2*bp^2*cpz/itx;
C913=2*bp^2*cpz/itx;

```

```

K812=2*bp^2*kpz/itx;
K913=2*bp^2*kpz/itx;

```

// Matrizes dos espaços de estado

```

A=[ 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0;
K22 C22 0 0 0 0 K28 C28 K29 C29;
0 0 0 1 0 0 0 0 0 0;
0 0 K55 C55 0 0 K58 C58 K59 C59;
0 0 0 0 0 1 0 0 0 0;
0 0 0 0 K77 C77 K78 C78 K79 C79;
0 0 0 0 0 0 0 1 0 0;

```

```

K82 C82 K85 C85 K87 C87 K88 C88 0 0;
0 0 0 0 0 0 0 0 0 1;
K92 C92 K95 C95 K97 C97 0 0 K99 C99];

B0=[0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 1*alfa; 0; fase*alfa]; //Entradas iguais nos dois rodeiros
B1=[0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 1; 0; 0]; //Entrada somente no rodeiro "r1"
B2=[0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 1]; //Entrada somente no rodeiro "r2"

C=[1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0;
0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0];

D=[0; 0; 0];

//Sinal de entrada, rotação dos rodeiros "r1" e "r2"

t=0:deltat:tfinal;

tetar1x=(rm/bb*sin((2*%pi/lambda)*(v)*t+(2*%pi*lct/lambda))); //rotação do rodeiro r1 em x
derivtetar1x=diff(tetar1x)/deltat; derivtetar1x(1,(tfinal/deltat+1))=0; //derivada da rotação do
rodeiro r1 em x
entradatetar1x=(2*bp^2*kpz/itx)*tetar1x+(2*bp^2*cpz/itx)*derivtetar1x; //força de entrada
de rotação do rodeiro r1 em x

tetar2x=(rm/bb*sin((2*%pi/lambda)*(v)*t-(2*%pi*lct/lambda))); //rotação do rodeiro r2 em x
- defasado de r1 devido a distância entre eixos
derivtetar2x=diff(tetar2x)/deltat; derivtetar2x(1,(tfinal/deltat+1))=0; //derivada da rotação do
rodeiro r2 em x
entradatetar2x=(2*bp^2*kpz/itx)*tetar2x+(2*bp^2*cpz/itx)*derivtetar2x; //força de entrada
de rotação do rodeiro r2 em x

//Criação da lista que representa o sistema linear
[s0]=syslin("c",A,B0,C,D);
[s1]=syslin("c",A,B1,C,D); //Somente rodeiro "r1"
[s2]=syslin("c",A,B2,C,D); //Somente rodeiro "r2"

//Simulação do espaço de estado
[edes0,xs]=csim(entradatetar1x,t,s0);
[edes1,xs]=csim(entradatetar1x,t,s1); //Somente rodeiro "r1"
[edes2,xs]=csim(entradatetar2x,t,s2); //Somente rodeiro "r2"

//Separação dos vetores de estado
Yc0=edes0(1,:);
Tetacx0=edes0(2,:);
Tetacz0=edes0(3,:);

Yc1=edes1(1,:);
Tetacx1=edes1(2,:);
Tetacz1=edes1(3,:);

```

```

Yc2=edes2(1,:);
Tetacx2=edes2(2,:);
Tetacz2=edes2(3,:);

Yc=Yc1+Yc2; //Soma dos deslocamentos devido as entradas separadas em cada rodeiro
Tetacx=Tetacx1+Tetacx2; //Soma dos deslocamentos devido as entradas separadas em cada
rodeiro
Tetacz=Tetacz1+Tetacz2; //Soma dos deslocamentos devido as entradas separadas em cada
rodeiro

tf=ss2tf(s0);
tf_yc=tf(1,1);
tf_tetacx=tf(2,1);
tf_tetacz=tf(3,1);

//Arquivo de saida
entrada_statespace=[mc;mt;icx;icy;icz;itx;kpz;ksy;ksz;kbt;cay;caz;cpz;csy;csz;baz;bp;bs;hay;
hayt;hm;hs;hst;lct;bb;lm;bm;lambda;rm;v;tfinal;deltat]; //Vetor coluna dos dados de entrada
z=tfinal/deltat-32;
for i=33:33+z
    entrada_statespace(i,1)=0;
end
result_statespace=[t,Yc',Tetacx',Tetacz',entrada_statespace];
//fprintfMat ('C:\Documentos de
trabalho\statespace\result_statespace_430000.txt',result_statespace);

//Curva de Bode SIMO (rotação nos dois eixos)

if fase==1 then,

f1=scf(1);
// axes_properties
sda(); //volta os parâmetros de ajuste de grafico ao modo inicial
a=get("current_axes");
a.font_size=1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;        //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];            //ajuste das cores dos eixos secundarios
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
bode(tf_yc,0.1,10); //curva de Bode

f1=scf(2);
// axes_properties
sda(); //volta os parâmetros de ajuste de grafico ao modo inicial
a=get("current_axes");

```

```

a.font_size=1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;        //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];            //ajuste das cores dos eixos secundarios
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
bode(tf_tetacx,0.1,10);   //curva de Bode

```

```
end
```

```
if fase== -1 then,
```

```

f1=scf(3);
// axes_properties
sda(); //volta os parâmetros de ajuste de grafico ao modo inicial
a=get("current_axes");
a.font_size=1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;        //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];            //ajuste das cores dos eixos secundarios
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
bode(tf_tetacz,0.1,10);   //curva de Bode

```

```
end
```

Apêndice E - Resultados da solução analítica

Este programa acha os máximos do deslocamento e aceleração e aceleração rms a partir dos resultados gerados pelo programa apresentado no apêndice E. O caso mostrado se aplica a suspensão S4.

```
clear
```

```
// carregamento dos dados de entrada
exec('C:\Documentos de trabalho\dadosdeentrada.sci');disp('exec done');
```

```
t=0:deltat:tfinal; //vetor tempo deslocamento
t=t';
tacl=0:deltat:(tfinal-deltat); //vetor tempo aceleração - uma unidade menor que deslocamento
tacl=tacl';
pi=(tfinal/2)/deltat;
pf=(tfinal)/deltat;
tcut=(0:deltat:(pf-pi)*deltat)';
```

```
//
```

```
//Suspensão do Benchmark Manchester - 863006 N/m
```

```
//Carregamento dos vetores Yc, Tetacx e Tetacz
```

```
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\statespace\result_statespace_863006.txt');
```

```
yc_863006=aux_863006(:,2);
```

```
tetacx_863006=aux_863006(:,3);
```

```
tetacz_863006=aux_863006(:,4);
```

```
//Derivada segunda (aceleração) dos vetores Yc, Tetacx e Tetacz
```

```
y = yc_863006;
```

```
sy=round((size(y)*size(y)')^0.5); //dimensao do vetor y
```

```
for i=1:round(sy/10)+1; yr(i,1)=y(((10*i)-9),1); end //redução de 10x do tamanho do vetor
y
```

```
d2yr=diff(yr,2)/(deltat*10)^2; //derivada segunda do vetor reduzido
```

```
//linearização ao mesmo tamanho do vetor y
```

```
x = linspace(0, tfinal, round((size(d2yr)*size(d2yr)')^0.5));
```

```
d = splin(x, d2yr);
```

```
xx= linspace(0, tfinal, sy)';
```

```
d2y= interp (xx, x, d2yr, d);
```

```
acl_yc_863006=d2y;
```

```
y = tetacx_863006;
```

```

sy=round((size(y)*size(y))'^0.5); //dimensao do vetor y
for i=1:round(sy/10)+1; yr(i,1)=y(((10*i)-9),1); end //redução de 10x do tamanho do vetor
y
d2yr=diff(yr,2)/(deltat*10)^2; //derivada segunda do vetor reduzido
//linearização ao mesmo tamanho do vetor y
x = linspace(0, tfinal, round((size(d2yr)*size(d2yr))'^0.5));
d = splin(x, d2yr);
xx= linspace(0, tfinal, sy)';
d2y= interp (xx, x, d2yr, d);
acl_tetacx_863006=d2y;

y = tetacz_863006;
sy=round((size(y)*size(y))'^0.5); //dimensao do vetor y
for i=1:round(sy/10)+1; yr(i,1)=y(((10*i)-9),1); end //redução de 10x do tamanho do vetor
y
d2yr=diff(yr,2)/(deltat*10)^2; //derivada segunda do vetor reduzido
//linearização ao mesmo tamanho do vetor y
x = linspace(0, tfinal, round((size(d2yr)*size(d2yr))'^0.5));
d = splin(x, d2yr);
xx= linspace(0, tfinal, sy)';
d2y= interp (xx, x, d2yr, d);
acl_tetacz_863006=d2y;

//Redução dos vetores Yc, Tetacx e Tetacz para zona de regime permanente
for i=pi:pf
    j=i-pi+1;

    yc_863006_cut(j)=yc_863006(i);
    acl_yc_863006_cut(j)=acl_yc_863006(i);

    tetacx_863006_cut(j)=tetacx_863006(i);
    acl_tetacx_863006_cut(j)=acl_tetacx_863006(i);

    tetacz_863006_cut(j)=tetacz_863006(i);
    acl_tetacz_863006_cut(j)=acl_tetacz_863006(i);

end

//Maximo das acelerações e deslocamentos dos vetores Yc, Tetacx e Tetac
max_yc_863006_cut=max(yc_863006_cut);
max_acl_yc_863006_cut=max(acl_yc_863006_cut);

max_tetacx_863006_cut=max(tetacx_863006_cut);
max_acl_tetacx_863006_cut=max(acl_tetacx_863006_cut);

max_tetacz_863006_cut=max(tetacz_863006_cut);
max_acl_tetacz_863006_cut=max(acl_tetacz_863006_cut);

//aceleracao rms ponderada na zona de regime permanente segundo a definicao 1§6.1
ISO2631

```

```

rms_acl_yc_863006=((inttrap(tcut,(((acl_yc_863006_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;
rms_acl_tetacx_863006=((inttrap(tcut,(((acl_tetacx_863006_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;
rms_acl_tetacz_863006=((inttrap(tcut,(((acl_tetacz_863006_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;

//Maximos na regioao de regime permanente
g=1;
for k=2:pf-pi-1
    kp1=k+1;
    km1=k-1;
    if yc_863006_cut(k,1)>yc_863006_cut(km1,1) &
yc_863006_cut(k,1)>yc_863006_cut(kp1,1) then
        maximo(g)=k;
        maximos_yc_863006(g,2)=yc_863006_cut(k,1);
        maximos_yc_863006(g,1)=(k+pi)*deltat;
        g=g+1;
    end,
end

result_acl_statespace=[t,acl_yc_863006, acl_tetacx_863006, acl_tetacz_863006];
fprintfMat('C:\Documentos de
trabalho\statespace\result_acl_statespace_863006.txt',result_acl_statespace);

//Apresentação dos resultados
mat_max_acl_rms=[
863006, max_yc_863006_cut, max_acl_yc_863006_cut, rms_acl_yc_863006;
863006, max_tetacx_863006_cut, max_acl_tetacx_863006_cut, rms_acl_tetacx_863006
863006, max_tetacz_863006_cut, max_acl_tetacz_863006_cut, rms_acl_tetacz_863006];
fprintfMat('C:\Documentos de
trabalho\statespace\mat_max_acl_rms_863006.txt',mat_max_acl_rms);

```

Apêndice F – Apresentação gráfica da solução analítica

Este programa gera os gráficos de deslocamento e aceleração para Y_c , θ_{cx} e θ_{cz} a partir dos resultados obtidos pelo programa do apêndice D. O caso mostrado se aplica a suspensão S1.

```
clear
```

```
//sda();//volta os parâmetros de ajuste de grafico ao modo inicial
```

```
result_statespace=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\statespace\result_statespace_736941.txt');
result_acl_statespace=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\statespace\result_acl_statespace_736941.txt');
```

```
t=result_statespace(:,1);
Yc=result_statespace(:,2);
Tetacx=result_statespace(:,3);
Tetacz=result_statespace(:,4);
entrada_statespace=result_statespace(:,5);
```

```
acl_Yc=result_acl_statespace(:,2);
acl_Tetacx=result_acl_statespace(:,3);
acl_Tetacz=result_acl_statespace(:,4);
```

```
//Grafico - YC
```

```
f1=scf(1); //criação do grafico
```

```
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
```

```
da=gda();
```

```
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
```

```
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
```

```
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
```

```
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
```

```
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
```

```
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
```

```
//geração do grafico
```

```
subplot(311);
```

```
plot2d(t,Yc); //grafico do deslocamento Yc
```

```
xtitle(' Yc ','Tempo (s)','Deslocamento (m)'); //titulos do grafico, eixo x e y
```

```
//ajuste do grafico
```

```
a=get("current_axes");
```

```
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
```

```
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
```

```
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
```



```

a.figure_size= [800,500];

//Grafico - teta cx
//f1=scf(2); //criação do grafico
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(312);
plot2d(t,Tetacx); //grafico do angulo Tetacx
xtitle(' Teta cx ','Tempo (s)','Ângulo (rad)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,500];

```

```

//Grafico - teta cz
//f1=scf(3); //criação do grafico
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(313);
plot2d(t,Tetacz); //grafico do deslocamento Tetacz
xtitle(' Teta cz ','Tempo (s)','Ângulo (rad)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,500];

```

```
//
```

```

//Grafico - Aceleração YC
f2=scf(2); //criação do grafico
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();

```

```

da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geracao do grafico
subplot(311);
plot2d(t,acl_Yc); //grafico do deslocamento Yc
xtitle(' Yc ','Tempo (s)','Aceleração (m/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,500];

//Grafico - teta cx
//f1=scf(2); //criação do grafico
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geracao do grafico
subplot(312);
plot2d(t,acl_Tetacx); //grafico do angulo Tetacx
xtitle(' Teta cx ','Tempo (s)','Aceleração (rad/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,500];

//Grafico - teta cz
//f1=scf(3); //criação do grafico
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geracao do grafico
subplot(313);

```

```
plot2d(t,acl_Tetacz); //grafico do deslocamento Tetacz
xlabel('Teta cz','Tempo (s)','Aceleração (rad/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e y
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;          //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];              //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,500];
```

Apêndice G - Apresentação gráfica da solução por integração numérica

Dois tipos de programa foram desenvolvidos para gerar os gráficos de deslocamento e aceleração para Y_c , θ_{cx} e θ_{cz} a partir dos resultados obtidos pelo simulador de diagrama de blocos. O primeiro se refere aos dados de entrada do Benchmark, linear, e o segundo foi utilizado para a geração dos gráficos lineares e não lineares das suspensões $S1$, $S2$, $S3$ e $S4$. O caso mostrado se aplica a suspensão $S4$.

```
clear

//sda();//volta os parâmetros de ajuste de grafico ao modo inicial

// carregamento dos dados de entrada
exec('C:\Documentos de trabalho\dadosdeentrada.sci');disp('exec done');

t=0:deltat:tfinal;
t=t';
pi=round(8/deltat);
pf=(tfinal)/deltat;
tcut=(0:deltat:(pf-pi)*deltat)';
vi=5;
acl=0.5;

//*****
//LINEAR
//Deslocamentos
//carregamento dos vetores de deslocamento lineares
yc_li_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\yc_li.txt');
tetacx_li_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\tetacx_li.txt');
tetacz_li_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\tetacz_li.txt');

//Acelerações
//carregamento dos vetores aceleração lineares
acl_yc_li_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_yc_li.txt');
acl_tetacx_li_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacx_li.txt');
acl_tetacz_li_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacz_li.txt');

//Redução dos vetores Yc, Tetacx e Tetacz para zona de regime permanente
```

```

for i=pi:pf
    j=i-pi+1;

    yc_li_863006_cut(j,1)=yc_li_863006(i,2);
    tetacx_li_863006_cut(j,1)=tetacx_li_863006(i,2);
    tetacz_li_863006_cut(j,1)=tetacz_li_863006(i,2);

    acl_yc_li_863006_cut(j,1)=acl_yc_li_863006(i,2);
    acl_tetacx_li_863006_cut(j,1)=acl_tetacx_li_863006(i,2);
    acl_tetacz_li_863006_cut(j,1)=acl_tetacz_li_863006(i,2);

end

//Maximo das acelerações e deslocamentos dos vetores Yc, Tetacx e Tetac
max_yc_li_863006_cut=max(yc_li_863006_cut);
max_tetacx_li_863006_cut=max(tetacx_li_863006_cut);
max_tetacz_li_863006_cut=max(tetacz_li_863006_cut);

max_acl_yc_li_863006_cut=max(acl_yc_li_863006_cut);
max_acl_tetacx_li_863006_cut=max(acl_tetacx_li_863006_cut);
max_acl_tetacz_li_863006_cut=max(acl_tetacz_li_863006_cut);

//aceleração rms ponderada na zona de regime permanente segundo a definicao 1§6.1
ISO2631
rms_acl_yc_li_863006_cut=((inttrap(tcute,(((acl_yc_li_863006_cut).^2))))/(max(tcute)))^0.5;
rms_acl_tetacx_li_863006_cut=((inttrap(tcute,(((acl_tetacx_li_863006_cut).^2))))/(max(tcute)))^0.5;
rms_acl_tetacz_li_863006_cut=((inttrap(tcute,(((acl_tetacz_li_863006_cut).^2))))/(max(tcute)))^0.5;

//criação da matriz de maximos deslocamento, aceleração e aceleração rms
mat_max_acl_li=[max_yc_li_863006_cut, max_acl_yc_li_863006_cut,
rms_acl_yc_li_863006_cut,
max_tetacx_li_863006_cut, max_acl_tetacx_li_863006_cut, rms_acl_tetacx_li_863006_cut;
max_tetacz_li_863006_cut, max_acl_tetacz_li_863006_cut, rms_acl_tetacz_li_863006_cut];

//criação da matriz de vetores de deslocamento
aux1=[t,yc_li_863006(:,2),tetacx_li_863006(:,2),tetacz_li_863006(:,2)];
mat_li_863006=(aux1);

aux1=[tcute,yc_li_863006_cut,tetacx_li_863006_cut,tetacz_li_863006_cut];
mat_li_863006_cut=(aux1);

//criação da matriz de vetores aceleração
aux1=[t,acl_yc_li_863006(:,2),acl_tetacx_li_863006(:,2),acl_tetacz_li_863006(:,2)];
acl_mat_li_863006=(aux1);

aux1=[tcute,acl_yc_li_863006_cut,acl_tetacx_li_863006_cut,acl_tetacz_li_863006_cut];
acl_mat_li_863006_cut=(aux1);

```

```

//
//NAO LINEAR
//Deslocamentos
//carregamento dos vetores de deslocamento nlineares
yc_nli_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\yc_nli.txt');
tetacx_nli_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\tetacx_nli.txt');
tetacz_nli_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\tetacz_nli.txt');

//Acelerações
//carregamento dos vetores aceleração nlineares
acl_yc_nli_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_yc_nli.txt');
acl_tetacx_nli_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacx_nli.txt');
acl_tetacz_nli_863006=fscanfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacz_nli.txt');

//Redução dos vetores Yc, Tetacx e Tetacz para zona de regime permanente
for i=pi:pf
    j=i-pi+1;

    yc_nli_863006_cut(j,1)=yc_nli_863006(i,2);
    tetacx_nli_863006_cut(j,1)=tetacx_nli_863006(i,2);
    tetacz_nli_863006_cut(j,1)=tetacz_nli_863006(i,2);

    acl_yc_nli_863006_cut(j,1)=acl_yc_nli_863006(i,2);
    acl_tetacx_nli_863006_cut(j,1)=acl_tetacx_nli_863006(i,2);
    acl_tetacz_nli_863006_cut(j,1)=acl_tetacz_nli_863006(i,2);

end

//Maximo das acelerações e deslocamentos dos vetores Yc, Tetacx e Tetac
max_yc_nli_863006_cut=max(yc_nli_863006_cut);
max_tetacx_nli_863006_cut=max(tetacx_nli_863006_cut);
max_tetacz_nli_863006_cut=max(tetacz_nli_863006_cut);

max_acl_yc_nli_863006_cut=max(acl_yc_nli_863006_cut);
max_acl_tetacx_nli_863006_cut=max(acl_tetacx_nli_863006_cut);
max_acl_tetacz_nli_863006_cut=max(acl_tetacz_nli_863006_cut);

//aceleração rms ponderada na zona de regime permanente segundo a definicao 1§6.1
ISO2631
rms_acl_yc_nli_863006_cut=((intrtrap(tcute,(((acl_yc_nli_863006_cut).^2))))/(max(tcute)))^0.5;
rms_acl_tetacx_nli_863006_cut=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacx_nli_863006_cut).^2))))/(max(tcute)))^0.5;

```

```
rms_acl_tetacz_nli_863006_cut=((inttrap(tcut,(((acl_tetacz_nli_863006_cut).^2))))/(max(tcut
)))^0.5;
```

```
//criação da matriz de maximos do deslocamento e aceleração e acelaração rms
mat_max_acl_nli=[max_yc_nli_863006_cut, max_acl_yc_nli_863006_cut,
rms_acl_yc_nli_863006_cut;
max_tetacx_nli_863006_cut, max_acl_tetacx_nli_863006_cut,
rms_acl_tetacx_nli_863006_cut;
max_tetacz_nli_863006_cut, max_acl_tetacz_nli_863006_cut,
rms_acl_tetacz_nli_863006_cut];
```

```
//criação da matriz de vetores de deslocamento
aux1=[t,yc_nli_863006(:,2),tetacx_nli_863006(:,2),tetacz_nli_863006(:,2)];
mat_nli_863006=(aux1);
```

```
aux1=[tcut,yc_nli_863006_cut,tetacx_nli_863006_cut,tetacz_nli_863006_cut];
mat_nli_863006_cut=(aux1);
```

```
//criação da matriz de vetores aceleração
aux1=[t,acl_yc_nli_863006(:,2),acl_tetacx_nli_863006(:,2),acl_tetacz_nli_863006(:,2)];
acl_mat_nli_863006=(aux1);
```

```
aux1=[tcut,acl_yc_nli_863006_cut,acl_tetacx_nli_863006_cut,acl_tetacz_nli_863006_cut];
acl_mat_nli_863006_cut=(aux1);
```

```
//************************************************************************
```

```
//Grafico dos deslocamentos
```

```
//Yc linear e não linear
f1=scf(1); //criação do grafico
```

```
//Linear
```

```
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
```

```
da=gda();
```

```
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
```

```
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
```

```
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
```

```
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
```

```
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
```

```
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
```

```
//geração do grafico
```

```
subplot(321);
```

```
plot2d(t,mat_li_863006(:,2));//grafico do deslocamento Yc_li
```

```
xtitle('Linear','t (s)','Yc (m)'); //titulos do grafico, eixo x e x
```

```
//ajuste do grafico
```

```
a=get("current_axes");
```

```
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
```

```
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
```

```

a.grid=[4,4];           //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Não linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(322);
plot2d(t,mat_nli_863006(:,2)); //grafico do deslocamento Yc_nli
xlabel('Nao Linear','t (s)','Yc (m)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;         //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];           //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//-----
//Tetacx linear e não linear
//f1=scf(1); //criação do grafico

//Linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(323);
plot2d(t,mat_li_863006(:,3)); //grafico do deslocamento Yc_li
xlabel(' ','t (s)','Tetacx (rad)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;         //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];           //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Não linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();

```



```

da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geracao do grafico
subplot(324);
plot2d(t,mat_nli_863006(:,3)); //grafico do deslocamento Yc_nli
xlabel('t (s)', 'Tetacx (rad)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//-----
//Tetacz linear e não linear
//f1=scf(1); //criação do grafico

//Linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geracao do grafico
subplot(325);
plot2d(t,mat_li_863006(:,4)); //grafico do deslocamento Yc_li
xlabel('t (s)', 'Tetacz (rad)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Não linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y

```

```

//geração do grafico
subplot(326);
plot2d(t,mat_nli_863006(:,4)); //grafico do deslocamento Yc_nli
xlabel('t (s)', 'Tetacz (rad)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//*****
//Grafico das acelerações

//Yc linear e não linear
f1=scf(2); //criação do grafico

//Linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(321);
plot2d(tcut,acl_mat_li_863006_cut(:,2)); //grafico do deslocamento Yc_li
xlabel('Linear', 't (s)', 'Yc (m/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Não linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(322);
plot2d(tcut,acl_mat_nli_863006_cut(:,2)); //grafico do deslocamento Yc_nli
xlabel('Nao Linear', 't (s)', 'Yc (m/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e x

```

```

//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;          //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];              //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//-----
//Tetacx linear e não linear
//f1=scf(1); //criação do grafico

//Linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(323);
plot2d(tcute,acl_mat_li_863006_cut(:,3)); //grafico do deslocamento Yc_li
xtitle('t (s)', 'Tetacx (rad/s2)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;          //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];              //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Não linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(324);
plot2d(tcute,acl_mat_nli_863006_cut(:,3)); //grafico do deslocamento Yc_nli
xtitle('t (s)', 'Tetacx (rad/s2)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1;           //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2;          //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4];              //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

```

```
//-----
//Tetacz linear e não linear
//f1=scf(1); //criação do grafico

//Linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(325);
plot2d(tc,ac,mat_li_863006_cut(:,4)); //grafico do deslocamento Yc_li
xlabel('t (s)', 'Tetacz (rad/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e y
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Não linear
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(326);
plot2d(tc,ac,mat_nli_863006_cut(:,4)); //grafico do deslocamento Yc_nli
xlabel('t (s)', 'Tetacz (rad/s²)'); //titulos do grafico, eixo x e y
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,400];

//Grafico das frequências e velocidades

vel=vi+ac*t;
frequencia=vel/lambda;
```

```

//Yc linear e não linear
f1=scf(3); //criação do grafico

//velocidade
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(121);
plot2d(t,vel); //grafico do deslocamento Yc_li
xlabel('Velocidade','t (s)','V (m/s)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,135];

//velocidade
//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico
da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
subplot(122);
plot2d(t,frequencia); //grafico do deslocamento Yc_li
xlabel('Frequência de excitação','t (s)','f (Hz)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 1; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,135];

//*****
****
//gravação dos resultados

fprintfMat ('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\result_scicos_li_863006.txt',acl_mat_li_863006);

```

```
fprintfMat ('C:\Documentos de  
trabalho\scicos\scicos_863006\result_scicos_li_863006.txt',mat_li_863006);
```

```
fprintfMat ('C:\Documentos de  
trabalho\scicos\scicos_863006\mat_max_acl_li_863006.txt',mat_max_acl_li);  
fprintfMat ('C:\Documentos de  
trabalho\scicos\scicos_863006\mat_max_acl_nli_863006.txt',mat_max_acl_nli);
```

Apêndice H – Resultados do solução por integração numérica

Este programa acha os máximos do deslocamento e aceleração e aceleração rms a partir dos resultados gerados pelo simulador de diagrama de blocos.

```
clear

// carregamento dos dados de entrada
exec('C:\Documentos de trabalho\dadosdeentrada.sci');disp('exec done');

t=0:deltat:tfinal; //vetor tempo deslocamento
t=t';
tacl=0:deltat:(tfinal-deltat); //vetor tempo aceleração - uma unidade menor que deslocamento
tacl=tacl';
pi=(tfinal/2)/deltat;
pf=(tfinal)/deltat;
tcut=(0:deltat:(pf-pi)*deltat)';
//
```

```
//carregamento dos vetores lineares Yc

aux_430000=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_430000\yc_li.txt');
yc_li_430000=aux_430000(:,2);
aux_430000=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_430000\acl_yc_li.txt');
acl_yc_li_430000=aux_430000(:,2);

aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\yc_li.txt');
yc_li_736941=aux_736941(:,2);
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\acl_yc_li.txt');
acl_yc_li_736941=aux_736941(:,2);

aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\yc_li.txt');
yc_li_753863=aux_753863(:,2);
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\acl_yc_li.txt');
acl_yc_li_753863=aux_753863(:,2);

aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\yc_li.txt');
yc_li_793962=aux_793962(:,2);
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\acl_yc_li.txt');
acl_yc_li_793962=aux_793962(:,2);

aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\yc_li.txt');
yc_li_863006=aux_863006(:,2);
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\acl_yc_li.txt');
```

```
acl_yc_li_863006=aux_863006(:,2);
```

```
for i=pi:pf
```

```
    j=i-pi+1;
```

```
    yc_li_430000_cut(j)=yc_li_430000(i);
```

```
    yc_li_736941_cut(j)=yc_li_736941(i);
```

```
    yc_li_753863_cut(j)=yc_li_753863(i);
```

```
    yc_li_793962_cut(j)=yc_li_793962(i);
```

```
    yc_li_863006_cut(j)=yc_li_863006(i);
```

```
    acl_yc_li_430000_cut(j)=acl_yc_li_430000(i);
```

```
    acl_yc_li_736941_cut(j)=acl_yc_li_736941(i);
```

```
    acl_yc_li_753863_cut(j)=acl_yc_li_753863(i);
```

```
    acl_yc_li_793962_cut(j)=acl_yc_li_793962(i);
```

```
    acl_yc_li_863006_cut(j)=acl_yc_li_863006(i);
```

```
end
```

```
max_yc_li_430000_cut=max(yc_li_430000_cut);
```

```
max_yc_li_736941_cut=max(yc_li_736941_cut);
```

```
max_yc_li_753863_cut=max(yc_li_753863_cut);
```

```
max_yc_li_793962_cut=max(yc_li_793962_cut);
```

```
max_yc_li_863006_cut=max(yc_li_863006_cut);
```

```
max_acl_yc_li_430000_cut=max(acl_yc_li_430000_cut);
```

```
max_acl_yc_li_736941_cut=max(acl_yc_li_736941_cut);
```

```
max_acl_yc_li_753863_cut=max(acl_yc_li_753863_cut);
```

```
max_acl_yc_li_793962_cut=max(acl_yc_li_793962_cut);
```

```
max_acl_yc_li_863006_cut=max(acl_yc_li_863006_cut);
```

```
rms_acl_yc_li_430000=((inttrap(tcut,(((acl_yc_li_430000_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
```

```
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
```

```
rms_acl_yc_li_736941=((inttrap(tcut,(((acl_yc_li_736941_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
```

```
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
```

```
rms_acl_yc_li_753863=((inttrap(tcut,(((acl_yc_li_753863_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
```

```
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
```

```
rms_acl_yc_li_793962=((inttrap(tcut,(((acl_yc_li_793962_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
```

```
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
```

```
rms_acl_yc_li_863006=((inttrap(tcut,(((acl_yc_li_863006_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
```

```
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
```

```
mat_max_acl_yc_li=[
```

```
430000, max_yc_li_430000_cut, max_acl_yc_li_430000_cut, rms_acl_yc_li_430000;
```

```
736941, max_yc_li_736941_cut, max_acl_yc_li_736941_cut, rms_acl_yc_li_736941;
```

```
753863, max_yc_li_753863_cut, max_acl_yc_li_753863_cut, rms_acl_yc_li_753863;
```

```
793962, max_yc_li_793962_cut, max_acl_yc_li_793962_cut, rms_acl_yc_li_793962;
```

```
863006, max_yc_li_863006_cut, max_acl_yc_li_863006_cut, rms_acl_yc_li_863006];
```

```
//-----  
-----
```



```
//carregamento dos vetores nao lineares Yc
```

```
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\yc_nli.txt');
yc_nli_736941=aux_736941(:,2);
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\acl_yc_nli.txt');
acl_yc_nli_736941=aux_736941(:,2);
```

```
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\yc_nli.txt');
yc_nli_753863=aux_753863(:,2);
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\acl_yc_nli.txt');
acl_yc_nli_753863=aux_753863(:,2);
```

```
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\yc_nli.txt');
yc_nli_793962=aux_793962(:,2);
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\acl_yc_nli.txt');
acl_yc_nli_793962=aux_793962(:,2);
```

```
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\yc_nli.txt');
yc_nli_863006=aux_863006(:,2);
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\acl_yc_nli.txt');
acl_yc_nli_863006=aux_863006(:,2);
```

```
for i=pi:pf
    j=i-pi+1;
    yc_nli_736941_cut(j)=yc_nli_736941(i);
    yc_nli_753863_cut(j)=yc_nli_753863(i);
    yc_nli_793962_cut(j)=yc_nli_793962(i);
    yc_nli_863006_cut(j)=yc_nli_863006(i);

    acl_yc_nli_736941_cut(j)=acl_yc_nli_736941(i);
    acl_yc_nli_753863_cut(j)=acl_yc_nli_753863(i);
    acl_yc_nli_793962_cut(j)=acl_yc_nli_793962(i);
    acl_yc_nli_863006_cut(j)=acl_yc_nli_863006(i);
```

```
end
max_yc_nli_736941_cut=max(yc_nli_736941_cut);
max_yc_nli_753863_cut=max(yc_nli_753863_cut);
max_yc_nli_793962_cut=max(yc_nli_793962_cut);
max_yc_nli_863006_cut=max(yc_nli_863006_cut);
```

```
max_acl_yc_nli_736941_cut=max(acl_yc_nli_736941_cut);
max_acl_yc_nli_753863_cut=max(acl_yc_nli_753863_cut);
max_acl_yc_nli_793962_cut=max(acl_yc_nli_793962_cut);
max_acl_yc_nli_863006_cut=max(acl_yc_nli_863006_cut);
```

```
rms_acl_yc_nli_736941=((inttrap(tcut,(((acl_yc_nli_736941_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleracao ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
```

```

rms_acl_yc_nli_753863=((inttrap(tcutoff,(((acl_yc_nli_753863_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_yc_nli_793962=((inttrap(tcutoff,(((acl_yc_nli_793962_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_yc_nli_863006=((inttrap(tcutoff,(((acl_yc_nli_863006_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631

```

```

mat_max_acl_yc_nli=[
736941, max_yc_nli_736941_cut, max_acl_yc_nli_736941_cut, rms_acl_yc_nli_736941;
753863, max_yc_nli_753863_cut, max_acl_yc_nli_753863_cut, rms_acl_yc_nli_753863;
793962, max_yc_nli_793962_cut, max_acl_yc_nli_793962_cut, rms_acl_yc_nli_793962;
863006, max_yc_nli_863006_cut, max_acl_yc_nli_863006_cut, rms_acl_yc_nli_863006];

```

```

//_____
_____

```

```

//carregamento dos vetores lineares tetacx

```

```

aux_430000=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_430000\tetacx_li.txt');
tetacx_li_430000=aux_430000(:,2);
aux_430000=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_430000\acl_tetacx_li.txt');
acl_tetacx_li_430000=aux_430000(:,2);

```

```

aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\tetacx_li.txt');
tetacx_li_736941=aux_736941(:,2);
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\acl_tetacx_li.txt');
acl_tetacx_li_736941=aux_736941(:,2);

```

```

aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\tetacx_li.txt');
tetacx_li_753863=aux_753863(:,2);
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\acl_tetacx_li.txt');
acl_tetacx_li_753863=aux_753863(:,2);

```

```

aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\tetacx_li.txt');
tetacx_li_793962=aux_793962(:,2);
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\acl_tetacx_li.txt');
acl_tetacx_li_793962=aux_793962(:,2);

```

```

aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\tetacx_li.txt');
tetacx_li_863006=aux_863006(:,2);
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacx_li.txt');
acl_tetacx_li_863006=aux_863006(:,2);

```

```

for i=pi:pf
    j=i-pi+1;
    tetacx_li_430000_cut(j)=tetacx_li_430000(i);
    tetacx_li_736941_cut(j)=tetacx_li_736941(i);
    tetacx_li_753863_cut(j)=tetacx_li_753863(i);
    tetacx_li_793962_cut(j)=tetacx_li_793962(i);

```

```

tetacx_li_863006_cut(j)=tetacx_li_863006(i);

acl_tetacx_li_430000_cut(j)=acl_tetacx_li_430000(i);
acl_tetacx_li_736941_cut(j)=acl_tetacx_li_736941(i);
acl_tetacx_li_753863_cut(j)=acl_tetacx_li_753863(i);
acl_tetacx_li_793962_cut(j)=acl_tetacx_li_793962(i);
acl_tetacx_li_863006_cut(j)=acl_tetacx_li_863006(i);

end
max_tetacx_li_430000_cut=max(tetacx_li_430000_cut);
max_tetacx_li_736941_cut=max(tetacx_li_736941_cut);
max_tetacx_li_753863_cut=max(tetacx_li_753863_cut);
max_tetacx_li_793962_cut=max(tetacx_li_793962_cut);
max_tetacx_li_863006_cut=max(tetacx_li_863006_cut);

max_acl_tetacx_li_430000_cut=max(acl_tetacx_li_430000_cut);
max_acl_tetacx_li_736941_cut=max(acl_tetacx_li_736941_cut);
max_acl_tetacx_li_753863_cut=max(acl_tetacx_li_753863_cut);
max_acl_tetacx_li_793962_cut=max(acl_tetacx_li_793962_cut);
max_acl_tetacx_li_863006_cut=max(acl_tetacx_li_863006_cut);

rms_acl_tetacx_li_430000=((inttrap(tcute,(((acl_tetacx_li_430000_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacx_li_736941=((inttrap(tcute,(((acl_tetacx_li_736941_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacx_li_753863=((inttrap(tcute,(((acl_tetacx_li_753863_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacx_li_793962=((inttrap(tcute,(((acl_tetacx_li_793962_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacx_li_863006=((inttrap(tcute,(((acl_tetacx_li_863006_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631

mat_max_acl_tetacx_li=[
430000, max_tetacx_li_430000_cut, max_acl_tetacx_li_430000_cut,
rms_acl_tetacx_li_430000;
736941, max_tetacx_li_736941_cut, max_acl_tetacx_li_736941_cut,
rms_acl_tetacx_li_736941;
753863, max_tetacx_li_753863_cut, max_acl_tetacx_li_753863_cut,
rms_acl_tetacx_li_753863;
793962, max_tetacx_li_793962_cut, max_acl_tetacx_li_793962_cut,
rms_acl_tetacx_li_793962;
863006, max_tetacx_li_863006_cut, max_acl_tetacx_li_863006_cut,
rms_acl_tetacx_li_863006];

//-----
//-----

//carregamento dos vetores não lineares tetacx

aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\tetacx_nli.txt');

```

```

tetacx_nli_736941=aux_736941(:,2);
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_736941\acl_tetacx_nli.txt');
acl_tetacx_nli_736941=aux_736941(:,2);

aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\tetacx_nli.txt');
tetacx_nli_753863=aux_753863(:,2);
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_753863\acl_tetacx_nli.txt');
acl_tetacx_nli_753863=aux_753863(:,2);

aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\tetacx_nli.txt');
tetacx_nli_793962=aux_793962(:,2);
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_793962\acl_tetacx_nli.txt');
acl_tetacx_nli_793962=aux_793962(:,2);

aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\tetacx_nli.txt');
tetacx_nli_863006=aux_863006(:,2);
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacx_nli.txt');
acl_tetacx_nli_863006=aux_863006(:,2);

for i=pi:pf
    j=i-pi+1;
    tetacx_nli_736941_cut(j)=tetacx_nli_736941(i);
    tetacx_nli_753863_cut(j)=tetacx_nli_753863(i);
    tetacx_nli_793962_cut(j)=tetacx_nli_793962(i);
    tetacx_nli_863006_cut(j)=tetacx_nli_863006(i);

    acl_tetacx_nli_736941_cut(j)=acl_tetacx_nli_736941(i);
    acl_tetacx_nli_753863_cut(j)=acl_tetacx_nli_753863(i);
    acl_tetacx_nli_793962_cut(j)=acl_tetacx_nli_793962(i);
    acl_tetacx_nli_863006_cut(j)=acl_tetacx_nli_863006(i);

end

max_tetacx_nli_736941_cut=max(tetacx_nli_736941_cut);
max_tetacx_nli_753863_cut=max(tetacx_nli_753863_cut);
max_tetacx_nli_793962_cut=max(tetacx_nli_793962_cut);
max_tetacx_nli_863006_cut=max(tetacx_nli_863006_cut);

max_acl_tetacx_nli_736941_cut=max(acl_tetacx_nli_736941_cut);
max_acl_tetacx_nli_753863_cut=max(acl_tetacx_nli_753863_cut);
max_acl_tetacx_nli_793962_cut=max(acl_tetacx_nli_793962_cut);
max_acl_tetacx_nli_863006_cut=max(acl_tetacx_nli_863006_cut);

rms_acl_tetacx_nli_736941=((intrtrap(tcut,(((acl_tetacx_nli_736941_cut).^2)))/(tfinal/2)))^0.5
; //aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631

```

```

rms_acl_tetacx_nli_753863=((intrtrap(tcut,(((acl_tetacx_nli_753863_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5
; //aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacx_nli_793962=((intrtrap(tcut,(((acl_tetacx_nli_793962_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5
; //aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacx_nli_863006=((intrtrap(tcut,(((acl_tetacx_nli_863006_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5
; //aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631

```

```

mat_max_acl_tetacx_nli=[
736941, max_tetacx_nli_736941_cut, max_acl_tetacx_nli_736941_cut,
rms_acl_tetacx_nli_736941;
753863, max_tetacx_nli_753863_cut, max_acl_tetacx_nli_753863_cut,
rms_acl_tetacx_nli_753863;
793962, max_tetacx_nli_793962_cut, max_acl_tetacx_nli_793962_cut,
rms_acl_tetacx_nli_793962;
863006, max_tetacx_nli_863006_cut, max_acl_tetacx_nli_863006_cut,
rms_acl_tetacx_nli_863006];

```

```

//carregamento dos vetores lineares tetacz

```

```

aux_430000=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_430000\tetacz_li.txt');
tetacz_li_430000=aux_430000(:,2);
aux_430000=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_430000\acl_tetacz_li.txt');
acl_tetacz_li_430000=aux_430000(:,2);

```

```

aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\tetacz_li.txt');
tetacz_li_736941=aux_736941(:,2);
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\acl_tetacz_li.txt');
acl_tetacz_li_736941=aux_736941(:,2);

```

```

aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\tetacz_li.txt');
tetacz_li_753863=aux_753863(:,2);
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\acl_tetacz_li.txt');
acl_tetacz_li_753863=aux_753863(:,2);

```

```

aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\tetacz_li.txt');
tetacz_li_793962=aux_793962(:,2);
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\acl_tetacz_li.txt');
acl_tetacz_li_793962=aux_793962(:,2);

```

```

aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\tetacz_li.txt');
tetacz_li_863006=aux_863006(:,2);
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacz_li.txt');
acl_tetacz_li_863006=aux_863006(:,2);

```

```

for i=pi:pf
    j=i-pi+1;

```

```

tetacz_li_430000_cut(j)=tetacz_li_430000(i);
    tetacz_li_736941_cut(j)=tetacz_li_736941(i);
    tetacz_li_753863_cut(j)=tetacz_li_753863(i);
    tetacz_li_793962_cut(j)=tetacz_li_793962(i);
    tetacz_li_863006_cut(j)=tetacz_li_863006(i);

    acl_tetacz_li_430000_cut(j)=acl_tetacz_li_430000(i);
    acl_tetacz_li_736941_cut(j)=acl_tetacz_li_736941(i);
    acl_tetacz_li_753863_cut(j)=acl_tetacz_li_753863(i);
    acl_tetacz_li_793962_cut(j)=acl_tetacz_li_793962(i);
    acl_tetacz_li_863006_cut(j)=acl_tetacz_li_863006(i);

end
max_tetacz_li_430000_cut=max(tetacz_li_430000_cut);
max_tetacz_li_736941_cut=max(tetacz_li_736941_cut);
max_tetacz_li_753863_cut=max(tetacz_li_753863_cut);
max_tetacz_li_793962_cut=max(tetacz_li_793962_cut);
max_tetacz_li_863006_cut=max(tetacz_li_863006_cut);

max_acl_tetacz_li_430000_cut=max(acl_tetacz_li_430000_cut);
max_acl_tetacz_li_736941_cut=max(acl_tetacz_li_736941_cut);
max_acl_tetacz_li_753863_cut=max(acl_tetacz_li_753863_cut);
max_acl_tetacz_li_793962_cut=max(acl_tetacz_li_793962_cut);
max_acl_tetacz_li_863006_cut=max(acl_tetacz_li_863006_cut);

rms_acl_tetacz_li_430000=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_li_430000_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_li_736941=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_li_736941_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_li_753863=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_li_753863_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_li_793962=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_li_793962_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_li_863006=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_li_863006_cut).^2))))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definicao 1§6.1 ISO2631

mat_max_acl_tetacz_li=[
430000, max_tetacz_li_430000_cut, max_acl_tetacz_li_430000_cut,
rms_acl_tetacz_li_430000;
736941, max_tetacz_li_736941_cut, max_acl_tetacz_li_736941_cut,
rms_acl_tetacz_li_736941;
753863, max_tetacz_li_753863_cut, max_acl_tetacz_li_753863_cut,
rms_acl_tetacz_li_753863;
793962, max_tetacz_li_793962_cut, max_acl_tetacz_li_793962_cut,
rms_acl_tetacz_li_793962;
863006, max_tetacz_li_863006_cut, max_acl_tetacz_li_863006_cut,
rms_acl_tetacz_li_863006];

```

```

//-----
-----

```

```
//carregamento dos vetores nao lineares tetacz
```

```
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_736941\tetacz_nli.txt');
tetacz_nli_736941=aux_736941(:,2);
aux_736941=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_736941\acl_tetacz_nli.txt');
acl_tetacz_nli_736941=aux_736941(:,2);
```

```
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_753863\tetacz_nli.txt');
tetacz_nli_753863=aux_753863(:,2);
aux_753863=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_753863\acl_tetacz_nli.txt');
acl_tetacz_nli_753863=aux_753863(:,2);
```

```
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_793962\tetacz_nli.txt');
tetacz_nli_793962=aux_793962(:,2);
aux_793962=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_793962\acl_tetacz_nli.txt');
acl_tetacz_nli_793962=aux_793962(:,2);
```

```
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\scicos_863006\tetacz_nli.txt');
tetacz_nli_863006=aux_863006(:,2);
aux_863006=fscanfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\scicos_863006\acl_tetacz_nli.txt');
acl_tetacz_nli_863006=aux_863006(:,2);
```

```
for i=pi:pf
    j=i-pi+1;
    tetacz_nli_736941_cut(j)=tetacz_nli_736941(i);
    tetacz_nli_753863_cut(j)=tetacz_nli_753863(i);
    tetacz_nli_793962_cut(j)=tetacz_nli_793962(i);
    tetacz_nli_863006_cut(j)=tetacz_nli_863006(i);

    acl_tetacz_nli_736941_cut(j)=acl_tetacz_nli_736941(i);
    acl_tetacz_nli_753863_cut(j)=acl_tetacz_nli_753863(i);
    acl_tetacz_nli_793962_cut(j)=acl_tetacz_nli_793962(i);
    acl_tetacz_nli_863006_cut(j)=acl_tetacz_nli_863006(i);
```

```
end
```

```
max_tetacz_nli_736941_cut=max(tetacz_nli_736941_cut);
max_tetacz_nli_753863_cut=max(tetacz_nli_753863_cut);
max_tetacz_nli_793962_cut=max(tetacz_nli_793962_cut);
max_tetacz_nli_863006_cut=max(tetacz_nli_863006_cut);
```

```
max_acl_tetacz_nli_736941_cut=max(acl_tetacz_nli_736941_cut);
max_acl_tetacz_nli_753863_cut=max(acl_tetacz_nli_753863_cut);
max_acl_tetacz_nli_793962_cut=max(acl_tetacz_nli_793962_cut);
max_acl_tetacz_nli_863006_cut=max(acl_tetacz_nli_863006_cut);
```

```

rms_acl_tetacz_nli_736941=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_nli_736941_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_nli_753863=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_nli_753863_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_nli_793962=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_nli_793962_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631
rms_acl_tetacz_nli_863006=((intrtrap(tcute,(((acl_tetacz_nli_863006_cut).^2)))/(tfinal/2))^0.5;
//aceleração ponderada rms segundo a definição 1§6.1 ISO2631

```

```

mat_max_acl_tetacz_nli=[
736941, max_tetacz_nli_736941_cut, max_acl_tetacz_nli_736941_cut,
rms_acl_tetacz_nli_736941;
753863, max_tetacz_nli_753863_cut, max_acl_tetacz_nli_753863_cut,
rms_acl_tetacz_nli_753863;
793962, max_tetacz_nli_793962_cut, max_acl_tetacz_nli_793962_cut,
rms_acl_tetacz_nli_793962;
863006, max_tetacz_nli_863006_cut, max_acl_tetacz_nli_863006_cut,
rms_acl_tetacz_nli_863006];
//_____

```

```

fprintfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\mat_max_acl_yc_li.txt',mat_max_acl_yc_li);
fprintfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\mat_max_acl_yc_nli.txt',mat_max_acl_yc_nli);
fprintfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\mat_max_acl_tetacx_li.txt',mat_max_acl_tetacx_li);
fprintfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\mat_max_acl_tetacx_nli.txt',mat_max_acl_tetacx_nli);
fprintfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\mat_max_acl_tetacz_li.txt',mat_max_acl_tetacz_li);
fprintfMat('C:\Documentos de
trabalho\scicos\mat_max_acl_tetacz_nli.txt',mat_max_acl_tetacz_nli);

```

```

mat_max_acl=[mat_max_acl_yc_li;mat_max_acl_yc_nli;mat_max_acl_tetacx_li;mat_max_acl_tetacx_nli;mat_max_acl_tetacz_li;mat_max_acl_tetacz_nli];
fprintfMat('C:\Documentos de trabalho\scicos\mat_max_acl.txt',mat_max_acl);

```


Apêndice I – Dados de entrada

Este programa contém os dados de entrada utilizados pelos demais. Com exceção da do valor da rigidez da suspensão secundária todos os demais são comuns para todas as simulações realizadas.

clear

//Dados de entrada a partir de hipoteses assumidas

tfinal=17; //Tempo de execução do modelo SCICOS a velocidade constante(s)
 deltat=0.01; //Intervalo de tempo entre duas iterações sucessivas (s)
 lambda=11.88; //Comprimento de onda da irregularidade do trilho (m)
 rm=0.01; //Amplitude da irregularidade do trilho (m)
 v=11.88; //Velocidade de deslocamento do veículo (m/s)
 lm=10; //Distância do banco na posição extrema da caixa a linha de centro transversal do veículo - assumindo a instalação do banco a 0,5m além da linha da suspensão secundária a partir da linha de centro transversal do veículo (m)
 bm=1; //Distância do banco na posição extrema da caixa a linha de centro longitudinal do veículo - assumindo a instalação do banco sobre o alinhamento das suspensões secundárias de um mesmo lado do veículo (m)

// Dados de entrada fornecidos pelo Benchmark Manchester

//Massa e inércia

mc=32000; //Massa da caixa (kg)
 mt=2615; //Massa da armação do truque (kg)
 icx=56800; //Momento de inercia longitudinal da caixa (kg.m²)
 icy=1970000; //Momento de inercia transversal da caixa (kg.m²)
 icz=1970000; //Momento de inercia vertical da caixa (kg.m²)
 itx=1722; //Momento de inercia longitudinal do truque (kg.m²)

//Rigidez e amortecimento

kpz=2440000; //2 vezes a rigidez vertical da suspensao primaria (N/m)
 ksy=160000; //Rigidez lateral da suspensao secundaria (N/m)
 ksz=430000; //Rigidez vertical da suspensao secundaria (N/m)
 kbt=940000; //Rigidez rotacional da barra de torção (Nm/rad)

cay=32000; //Amortecimento lateral truque-caixa (Ns/m) - dois por truque
 caz=20000; //Amortecimento vertical truque-caixa (Ns/m) - dois por truque
 cpz=8000; //2 vezes o amortecimento vertical da suspensão primaria
 csy=0; //Amortecimento horizontal da suspensao secundaria
 csz=0; //Amortecimento vertical da suspensao secundaria

//Dimensional do veículo (m) - as referências entre parêntesis concernem a nomenclatura adotada pelo artigo

baz=1.3; //Semi-distância entre amortecedores verticais (y6)

bp=1; //Semi-distância entre suspensões primárias (y1)

bs=1; //Semi-distância entre suspensões secundárias (y3)

hay=1.1; //Altura entre o centro de gravidade da caixa e o amortecedor horizontal - nota 1

hayt=0.1; //Altura entre o centro de gravidade da armação e o amortecedor horizontal - nota 2

hm=0.470; //Altura do centro de gravidade da caixa em relação ao piso - nota 3

hs=0.9725; //Altura entre o centro de gravidade da caixa e o centro de aplicação de esforço da suspensão secundária - nota 4

hst=0.2275; //Altura entre o centro da armação do truque e o centro de aplicação de esforço da suspensão secundária - nota 5

lct=9.5; //Semi-distância entre os pivots dos truques ("bogie semi pivot spacing"=9.5m) - nota 6

bb=1.435; //Bitola do trilho

Apêndice J – Cálculo das curvas de suspensão não linear

```
clear
```

```
//Dados de entrada
```

```
mcsi=32000; //massa da caixa em kg
```

```
delta=0.0127; //amplitude maxima de movimento da suspensão
```

```
w=4;
```

```
fdx=[1,1,1,1];
```

```
fdxcut=[1,1,1,1];
```

```
if w==1 then, //Tipo 203
```

```
m=[8000 12000 17000 21000];
```

```
k=[2297 3189 4303 5195; 2203 3076 4168 5042; 2092 2962 4050 4920];
```

```
h=[8.5 9 10];
```

```
tipo='Suspensão S1';
```

```
end
```

```
if w==2 then, //Tipo 29
```

```
m=[10000 16000 21000 27000];
```

```
k=[2927 4259 5370 6702; 2685 3961 5024 6300; 2627 3907 4973 6253];
```

```
h=[8 9 9.5];
```

```
tipo='Suspensão S2';
```

```
end
```

```
if w==3 then; //Tipo 218
```

```
m=[8000 12000 17000 21000];
```

```
k=[2439 3382 4561 5504; 2328 3249 4399 5320; 2258 3173 4318 5233];
```

```
h=[8 9 9.5];
```

```
tipo='Suspensão S3';
```

```
end
```

```
if w==4 then; //Tipo 222
```

```
m=[15000 22500 30000 37500];
```

```
k=[4552 6306 8061 9816; 4330 6031 7733 9435; 4179 5858 7538 9218];
```

```
h=[8 8.5 9];
```

```
tipo='Suspensão S4';
```

```
end
```

```
pa=(h(1)+h(3))/2; //ponto médio de operação da suspensão
```

```
mc=round((mcsi/4)/0.45359237); //massa da caixa sobre cada suspensão em libra
```

```
sk=size(k); //variaveis auxiliares para a interpolação "m" e "k"
```

```

skl=sk(1);
skc=sk(2);
dk=m(skc)-m(1)+1;
mm=linspace(m(1),m(skc),dk);

for i=1:skl, //rotina de calculo da interpolacao "m" por "k"
    aux1=[m;k(i,:)];
    x=aux1(1,:);
    y=aux1(2,:);
    d=splin(x,y);
    kk=interp(mm,x,y,d);
    j=find(mm==mc);
    aux2(i)=kk(j); //vetor que define a rigidez da suspensão quando carregada com a massa
    suspensa nas três diferentes alturas.
end

sh=size(h); //
shl=sh(1);
shc=sh(2);
dh=(h(shc)-h(1))*200+1;
xx=linspace(h(1),h(shc),dh);
x=h;
xsi=x*0.0254;
y=aux2';
ysi=y*175.126835246;
d=splin(x,y);
aux3=interp(xx,x,y,d);
j=find(xx==pa);
kszi=aux3(j);
kszi=kszi*175.126835246; //rigidez no ponto médio de operação (SI)

xxsi=xx*0.0254;
aux3si=aux3*175.126835246;

//xxcutsi=xxcut*0.0254;
//aux3cutsi=aux3cut*175.126835246;

j=round(((size(aux3si))*(size(aux3si)))'.^0.5/10);
for i=1:j-1;entrada(1,i)=xxsi(1,i*10);end;
for i=1:j-1;saida(1,i)=aux3si(1,i*10);end;

//Grafico entre alturas maxima e minima nominal (continuo) e curva na faixa de operação (°)
e dos pontos
f1=scf(w);

//ajuste do titulo e identificação dos eixos
da=gda();
da.title.font_size = 4; //ajuste do tamanho da fonte do titulo do grafico
da.title.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do titulo do grafico

```

```

da.x_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo x
da.x_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo x
da.y_label.font_size = 3; //ajuste do tamanho do titulo do eixo y
da.y_label.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte do eixo y
//geração do grafico
plot2d(xxsi,aux3si); //curva entre alturas maxima e minima nominal
//plot2d(xxcutsi,aux3cutsi,style=-2); //curva na faixa de operação
plot2d(entrada,saida,style=-2);
plot2d(xsi(1),ysi(1),style=-4); plot2d(xsi(2),ysi(2),style=-4); plot2d(xsi(3),ysi(3),style=-4);
//Pontos de origem da curva entre alturas maxima e minima nominal
xtitle([tipo],' Altura (m)','Rigidez (N/m)'); //titulos do grafico, eixo x e x
//ajuste do grafico
a=get("current_axes");
a.font_size = 2; //ajuste do tamanho da fonte da escala
a.font_style = 2; //ajuste do tipo da fonte da escala
a.grid=[4,4]; //ajuste das cores dos eixos secundarios
a.figure_size= [800,333];
limiteixo=a.data_bounds;

entrada=string(entrada);
entrada=strcat(entrada,',');
print('C:\Documentos de trabalho\suspensao\entrada.txt',entrada);
saida=string(saida);
saida=strcat(saida,',');
print('C:\Documentos de trabalho\suspensao\saida.txt',saida);

```

Tabela I.1 – Coordenadas dos pontos que definem as curves “Rigidez x Altura” das suspensões pneumáticas

Suspensão S1		Suspensão S2		Suspensão S3		Suspensão S4	
<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>	<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>	<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>	<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>
0,217043	766945,45	0,204343	795737,55	0,204343	814275,48	0,204343	900768,18
0,218313	764224,27	0,205613	791984,68	0,205613	812829,46	0,205613	896037,68
0,219583	761593,66	0,206883	788351,36	0,206883	811384,27	0,206883	891450,6
0,220853	759053,61	0,208153	784837,61	0,208153	809939,9	0,208153	887006,96
0,222123	756604,13	0,209423	781443,41	0,209423	808496,35	0,209423	882706,74
0,223393	754245,22	0,210693	778168,77	0,210693	807053,63	0,210693	878549,95
0,224663	751976,88	0,211963	775013,69	0,211963	805611,72	0,211963	874536,59
0,225933	749799,1	0,213233	771978,17	0,213233	804170,64	0,213233	870666,65
0,227203	747711,9	0,214503	769062,2	0,214503	802730,39	0,214503	866940,15
0,228473	745715,26	0,215773	766265,8	0,215773	801290,95	0,215773	863357,07
0,229743	743809,19	0,217043	763588,95	0,217043	799852,34	0,217043	859917,42
0,231013	741993,68	0,218313	761031,66	0,218313	798414,55	0,218313	856621,2
0,232283	740268,75	0,219583	758593,93	0,219583	796977,59	0,219583	853468,41
0,233553	738634,38	0,220853	756275,76	0,220853	795541,45	0,220853	850459,04
0,234823	737090,59	0,222123	754077,15	0,222123	794106,13	0,222123	847593,11
0,236093	735637,36	0,223393	751998,09	0,223393	792671,63	0,223393	844870,6
0,237363	734274,69	0,224663	750038,6	0,224663	791237,96	0,224663	842291,52
0,238633	733002,6	0,225933	748198,66	0,225933	789805,11	0,225933	839855,87

Continua

Suspensão S1		Suspensão S2		Suspensão S3		Suspensão S4	
<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>	<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>	<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>	<i>Altura (m)</i>	<i>Rigidez (N/m)</i>
0,239903	731821,07	0,227203	746478,28	0,227203	788373,08	0,227203	837563,65
0,241173	730730,12	0,228473	744877,46	0,228473	786941,88		
0,242443	729729,73	0,229743	743396,2	0,229743	785511,5		
0,243713	728819,9	0,231013	742034,5	0,231013	784081,94		
0,244983	728000,65	0,232283	740792,35	0,232283	782653,2		
0,246253	727271,96	0,233553	739669,76	0,233553	781225,29		
0,247523	726633,85	0,234823	738666,74	0,234823	779798,2		
0,248793	726086,3	0,236093	737783,27	0,236093	778371,94		
0,250063	725629,31	0,237363	737019,36	0,237363	776946,49		
0,251333	725262,9	0,238633	736375	0,238633	775521,87		