# KLAUS REICHARDT

Instrutor junto à 1.a Cadeira

(Física e Meteorologia)

E. S. A. «Luiz de Queiroz» - U. S. P.

# USO DA RADIAÇÃO GAMA NA DETERMINAÇÃO DA DENSIDADE APARENTE E DA UMIDADE DO SOLO

Tese de Doutoramento Apresentada à Escola Superior de Agricultura «Luiz de Queiroz», da Universidade de São Paulo

PIRACICABA ESTADO DE S. PAULO - BRASIL OUTUBRO - 1965 Nossos agradecimentos a todos que colaboraram conosco e, em especial, ao Prof. Admar Cervel lini, pela orientação geral dêste trabalho, e ao Dr. Eneas Salati, pelas valiosas sugestões apresentadas.

As entidades,

Conselho Nacional de Pesquisas Universidade de São Paulo Fundação de Amparo à Pesquisa do Estado de São Paulo Centro Nacional de Energia Nuclear na Agricultura Fundação Rockefeller

> nossos agradecimentos p<u>e</u> los auxílios recebidos.

Piracicaba, outubro de 1965

Klaus Seichar It

KLAUS REICHARDT



#### RESUMO

No presente trabalho é apresentado um método de determinação de densidade aparente e teor de água do solo pela absorção da radiação gama. O método parece promissor para o estudo de fluxo não saturado de água no solo, pois podem ser obtidas medidas de densidade aparente e teor de água sem perturbação do sistema. Nas determinações empregaram-se três tipos de solo de características físicas distintas e uma fonte de radiação gama de Cs<sup>134</sup>, de 30 mC.

#### SUMMARY

A method of using gamma-ray absorption to measure the bulk density and the moisture content of soil is described. The method appears promising in the study of unsaturated water flow, since measurement of both bulk density and water content can be obtained without disturbing the sample. Three soils of different physical characteristics and a  $Cs^{134}$  gamma-ray source of 30 mC were used.



CONTEUDO

# Página

1. INTRODUÇÃO	1
2. CONSIDERAÇÕES GERAIS SOBRE A TEORIA DO	
	4
2.1. LEI FUNDAMENTAL DA ABSORÇÃO DA RADIAÇÃO GAMA PELA MATÉRIA	4
2.2. MECANISMOS DE INTERAÇÃO DA RADIAÇÃO GAMA	
COM A MATÉRIA	5
2.2.1. Efeito foto-elétrico	7
2.2.2. Efeito Compton	8
2.2.3. Produção de par	9
2.3. TEORIA DO METODO	11
3. MATERIAL E METODO EMPREGADOS	13
3.1. MATERIAL	13
3.1.1. Solos	13
3.1.2. Fonte de radiação gama	15
3.1.3. Sistema de detecção	15
3.1.4. Geometria	15
3.2. MÉTODOS	15
3.2.1. Coleta e preparo das amostras de solo	15
3.2.2. Determinação dos coeficientes de absor-	
ção de massa dos solos	17



ALK	Página
3.2.3. Determinação da densidade aparente	
do solo	19
3.2.4. Determinação da água do solo	19
4. DADOS OBTIDOS E ANÁLISE	21
4.1. COEFICIENTES DE ABSORÇÃO DE MASSA DA	
RADIAÇÃO GAMA PELO SOLO	21
4.2. DENSIDADE APARENTE DE SOLOS	23
4.3. VARIAÇÃO DO COEFICIENTE DE ABSORÇÃO	
LINEAR DO SOLO EM FUNÇÃO DA VARIAÇÃO	
DE SEU TEOR DE ÁGUA	25
5. APLICAÇÕES DO MÉTODO	28
5.1. VARIAÇÃO DA DENSIDADE APARENTE DE UM	
PERFIL DE SOLO EM FUNÇÃO DA PROFUNDIDADE	28
5.2. ESTUDO DA VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA EM	
SOLOS	29
6. Conclusões	30
7. BIBLIOGRAFIA	32

#### 1. INTRODUÇÃO

A determinação da densidade aparente de solos pelo uso de radiação gama foi estudada por diversos pe<u>s</u> quisadores, entre os quais BELCHER e col., 1950; BER-DAN e DERNHARD, 1950; BERNHARD e CHASEK, 1953; CHARL-TON e col., 1953; VOMOCIL, 1954; (COMAR, 2); BERNHARD e col., 1956; VAN BAVEL e col., 1957 e 1959; VOLARO-VYCH e CHURAEV, 1960; KURANZ, 1960; PHILIPS e col., 1960; MINTZER, 1961; CAREY e col., 1961; CHARLTON, 1961; TROUSE e HUMBERT, 1961 (KIRKHAM e RAYMOND, 10) e DAVIDSON e col. (4, 5).

Três geometrias básicas foram desenvolvidas nas determinações. Em uma delas o detector e a fonte de radiação gama (fig. 1) são assentados na superfície do solo. Nesta geometria, o espalhamento da radiação gama pelo solo seria proporcional à densidade aparente do solo. Em uma segunda geometria, baseada no mesmo princípio da primeira, o conjunto fonte-detector é introduzido no solo (fig. 2). Finalmente, uma terceira geometria permite a determinação da densidade aparente do solo por meio da absorção de um feixe de radiação <u>ga</u> ma que o atravessa (fig. 3).

No presente trabalho é desenvolvida una técnica de determinação de densidade aparente de solos, b<u>a</u> seada na absorção da radiação gama pelo solo. Esta té<u>c</u>



Fig. 1





Três geometrias utilizadas na determinação da densidade aparente de solos.

-2-



nica apresenta a vantagem de não exigir a determinação de curvas de calibragem que, na maioria das vêzes, são funções de um grande número de parâmetros. Trata-se de um método que permite o estudo da variação da densidade aparente do solo ao longo de seu perfil, sem prod<u>u</u> zir modificações na sua estrutura natural.

Por outro lado, técnicas semelhantes têm sido introduzidas recentemente no estudo da água do solo. E<u>s</u> tudos desta natureza foram realizados principalmente por FERGUSON e col. (6, 7), GURR (9) e DAVIDSON e col. (4, 5).

O método tem se mostrado promissor no estudo da dinâmica da água do solo e GURR (9) utilizou-o com êxito na determinação da evaporação da água em colunas de solo, em função do tempo.

Da mesma forma, como no caso de determinação de densidade aparente de solos, a técnica de determinação da água do solo, aquí apresentada, não exige a determinação de curvas de calibragem.

#### 2. CONSIDERAÇÕES GERAIS SOBRE A TEORIA DO METODO

### 2.1. LEI FUNDAMENTAL DA ABSORÇÃO DA RADIAÇÃO GAMA PELA MATÉRIA

Sabe-se que, quando um feixe colimado de radiação gama de intensidade I atravessa um meio material qualquer, de espessura dx, o número de radiações desvi<u>a</u> das de sua trajetória ou absorvidas, dI, é diretamente proporcional à espessura dx e à intensidade do feixe i<u>n</u> cidente.



Fig. 4 - Esquema da absorção da radiação gama pela matéria.

Desta forma, pode-se escrever que:

 $dI = -\mu I dx$  . . . . . . . . (1)

onde µ é uma constante de proporcionalidade, denominada

<u>coeficiente de absorção linear</u>. O sinal negativo foi incluido porque, quando dx aumenta, I diminue.

Integrando a equação (I) para variações de in tensidade do feixe de radiação de I<sub>o</sub> até I e para varia ções da espessura do material absorvente de O a x, obtém-se a expressão matemática do fenômeno que rege a ab sorção da radiação gama pela matéria:

$$I = I_0 e^{-\mu x} \qquad (II)$$

O coeficiente de absorção linear  $\mu$  depende da energia da radiação gama, do material absorvente e do estado físico do material absorvente. Dividindo-se  $\mu$  <u>pe</u> la densidade do material absorvente, obtém-se outro co<u>e</u> ficiente, denominado <u>coeficiente de absorção de massa  $\mu$ </u>, independente do estado físico da substância:

onde d = densidade do material absorvente.

#### 2.2. MECANISMOS DE INTERAÇÃO DA RADIAÇÃO GAMA COM A MA TERIA

Além das reações foto-nucleares que escapamao escôpo do presente trabalho, pode-se distinguir vários mecanismos pelos quais a radiação gama pode interagir com a matéria, segundo CONDON e ODISHAW (3):

 a - Interação da radiação gama com a coroa eletrônica

-5-

- d Interação da radiação gama com campos de mésons em tôrno do núcleo.
- d1 Difusão por produção virtual de mésons
- d<sub>2</sub> Produção de mésons

A ocorrência de qualquer um dêsses processos de interação é função da energia da radiação gama e do número atômico do material absorvente; a probabilidade de ocorrência de cada processo é medida pelo coeficien te de absorção ou "secção de choque".

De todos êstes processos de interação, apenas são de importância para trabalhos da natureza do presen te, o <u>efeito foto-elétrico</u>, o <u>efeito Compton</u> e a <u>produ-</u> <u>ção de par</u>, dada a ordem de grandeza das energias da r<u>a</u> diação gama utilizada. Pode-se então, considerar o coeficiente de absorção  $\mu$  como sendo formado por três



componentes:

onde,

µ = coeficiente de absorção total
µ<sub>f</sub> = coeficiente de absorção para efeito foto-elétrico
µ<sub>c</sub> = coeficiente de absorção para efeito Compton
µ<sub>p</sub> = coeficiente de absorção para produção de par

#### 2.2 1. Efeito foto-elétrico

A radiação gama ou fótons de baixa energia po dem interagir com a matéria por colisão direta com elétrons da corôa eletrônica, cedendo a êstes tôda sua energia. Como resultado da colisão, o elétron é ejeta do do átomo, sendo sua energia cinética dada por:

onde, hf é a energia do fóton e  $E_i$  a energia de ligação do elétron no átomo. O elétron arrancado do átomo recebe o nome de foto-elétron. O processo foto-elétrico ocorre apenas quando hf >  $E_i$ ; desta forma, radiações gama de baixa energia interagem apenas com elétrons fr<u>a</u> camente ligados ao átomo. Para energias maiores , há interação com elétrons mais firmemente ligados ao átomo, até que quando hf >  $E_k$ , energia do ligação da camada K, todos os elétrons podem tomar parte no processo.

Por outro lado, pode ser mostrado que o processo foto-elétrico é mais provável quando hf é pouco



maior que E, e também que o processo foto-elétrico não pode ocorrer com elétrons livres, pois, neste caso, а conservação de energia e momento é impossível. De uma maneira geral, a absorção de fótons pelo processo fotoelétrico aumenta com o número atômico do material absor vente e diminue com o aumento da energia da radiação . Embora não exista ainda uma teoria satisfatória do fenô meno, pode-se dizer que o coeficiente de absorção li near varia segundo  $Z^{5}/(hf)^{3,5}$ . A absorção pelo proces so foto-elétrico dá-se na frequência de aproximadamente 80% com elétrons da camada K. O coeficiente de absorção para efeito foto-elétrico é o principal componente do coeficiente total de absorção para baixas energias, mas êste diminue muito ràpidamente com o aumento da ener gia da radiação.

-8-

2.2.2. Efeito Compton

Neste processo a radiação gama interage com um elétron livre ou muito fracamente ligado ao átomo, transferindo-lhe parte de sua energia (fig. 5).



Fig. 5 - Esquema do efeito Compton



Pela aplicação das leis de conservação da ener gia e de momento à colisão no efeito Compton, pode-se determinar a direção do elétron ejetado e a variação do comprimento de onda da radiação gama. Demonstra-se que esta variação do comprimento de onda é função exclusiva do ângulo segundo o qual ela é desviada de sua direção original. isto é,

$$\Delta \lambda = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \varphi) \dots (VI)$$

onde,

 $\triangle \lambda$  = variação de comprimento da radiação gama h = constante de Planck m<sub>o</sub> = massa de repouso do elétron c = velocidade da luz  $\Psi$  = ângulo de desvio da radiação gama

Sem considerar o ângulo de desvio  $\Psi$ , também chamado ângulo de espalhamento, a variação do comprime<u>n</u> to de onda,  $\triangle \lambda$ , é pequena para radiações gama de baixa energia. Para radiações gama de maior energia  $\triangle \lambda$ torna-se considerável e o elétron emitido adquire alta energia.

O coeficiente de absorção de massa para efeito Compton,  $\mu_c$ , é pràticamente independente do número <u>a</u> tômico Z, variando muito pouco com a relação Z/A. Ele é o componente principal do coeficiente de absorção total, no intervalo de energias (0,5 - 5,0 MeV).

2.2.3. Produção de par

Os efeitos Compton e foto-elétrico contribuem



muito pouco na absorção de radiações gama de alta energia. Na região das altas energias, o processo conheci do como produção de par é o responsável pela maior ab sorção de radiações gama, principalmente em materiais de alto número atômico.

Radiações gama de energias iguais ou superio res a 1,02 MeV podem interagir com o campo elétrico de um núcleo, em cuja interação a radiação gama desaparece, dando formação a um elétron e um pósitron, com energias cinéticas E<sub>p</sub>.

Pela conservação da energia tem-se:

sendo que o segundo membro da equação (VII) representa a energia dispendida na formação de dois elétrons de massa de repouso m<sub>o</sub> e com energia cinética  $E_e$ . A energia mínima necessária para a formação de dois elétrons é  $2 m_o c^2 = 1,02$  MeV e todo excesso de energia além dêste limite é transmitido aos elétrons em forma de energia cinética.

O coeficiente de absorção para produção de par,  $\mu_p$ , é nulo para hf < 1,02 MeV e aumenta linearmente para energias maiores. O coeficiente de absorção de massa para êste processo varia linearmente com Z.

Na fig. 6 é apresentada a variação dos coeficientes  $\mu_f$ ,  $\mu_c = \mu_p$ , segundo LAPP (11).

-10-



Fig. 6 - Coeficientes de absorção para radiação gama em Alumínio.

#### 2.3. TEORIA DO METODO

Pode-se determinar a massa específica aparente<sup>(\*)</sup> ou densidade aparente de uma amostra de solo fazendo-se incidir sôbre esta amostra um feixe de radiação gama e determinando-se os coeficientes de absorção linear e de massa, pois pela equação (III):

$$d = \frac{\mu}{\bar{\mu}}$$
 ou  $d = f(\mu, \bar{\mu})$ 

Se nessas determinações forem utilizadas radiações gama de energias no intervalo 0,5 - 1,0 MeV, a absorção será devida predominantemente ao efeito Compton. Isto porque a probabilidade de ocorrência da pro dução de par é nula para energias menores que 1,02 MeV

<sup>(#)</sup> massa específica aparente por tratar-se de um material poroso.



e porque a probabilidade do efeito foto-elétrico para estas energias e para os elementos normalmente encontr<u>a</u> dos nos solos, é nula ou muito pequena. Pela análise do Quadro I pode-se verificar a pouca importância do efeito foto-elétrico com relação ao efeito Compton, no intervalo de energias em estudo.

Devido às condições acima mencionadas, a equ<u>a</u> ção (IV) fica:

$$\mu = \mu_{c}$$

Por outro lado, na absorção da radiação gama de uma determinada energia pelo solo, deve-se esperar que o coeficiente de absorção de massa µ, seja independente do tipo de solo, pois os principáis elementos que constituem o solo possuem pràticamente a mesma relação No Quadro II são apresentados os valores de Z, A, Z/A. Z/A e dos coeficientes de absorção de massa para os prin cipais elementos encontrados nos solos, SALATI (15).Pela análise do Quadro II pode-se verificar que o coeficiente de absorção de massa para uma determinada radiação gama, varia muito pouco de elemento para elemen-Desta forma: to.

$$d = k \mu$$
 ou  $d = f(\mu) \dots$  (VIII)

onde,

 $k = \frac{1}{\overline{\mu}}$ 

O Hidrogênio, cuja relação Z/A é igual a l p<u>o</u> deria acarretar uma diferença para solos úmidos ou org<u>à</u> nicos.



#### QUADRO I

Motenial	$(\mu_{f}/\mu_{c}) \cdot 100$			
Material	0,5 MeV	0,6 MeV	0,8 MeV	l,O MeV
H	0	0	0	0
С	0	0	0	0
N	0	0	0	0
0	0	0	0	0
Na	0	0	0	0
Mg	0	0	0	0
Al	0	0	0	0
Si	0	0	0	0
P	0,23	0	0	0
S	0,43	0,23	0	0
K	0,72	0 <b>,3</b> 9	0,22	0
Ca	0,86	0,56	0,21	0
Fe	2,09	1,42	0,81	0,54

#### Símbolos utilizados

 $\mu_{f}$  = coeficiente de absorção para efeito foto-elétrico  $\mu_{c}$  = coeficiente de absorção para efeito Compton

Dados calculados a partir de BLATZ (1).

#### QUADRO II

				$\bar{\mu} (cm^2/g)$				
Elemento	Z	A	Z/A	Energ	ia da r	adiação	gama e	m MeV
				0,5	0,6	0,8	1,0	1,25
H	1	1	1,00	0,173	0,160	0,140	0,126	0,113
Ċ	6	12	0,50	0,0870	0,0805	0,0707	0,0636	0,0568
N	7	14	0,50	0,0869	0,0805	0,0707	0,0636	0,0568
0	8	16	0,50	0,0870	0,0806	0,0708	0,0636	0,0568
Na	11	23	0,48	0,0833	0,0770	0,0676	0,0608	0,0546
Mg	12	24	0,50	0,0860	0,0795	0,0699	0,0627	0,0560
Al	13	27	0,48	0,0840	0,0777	0,0683	0,0614	0,0548
Şi	14	28	0,50	0,0869	0,0802	0,0706	0,0635	0,0567
Р	15	31	0,48	0,0846	0,0780	0,0585	0,0617	0,0551
S	16	32	0,50	0,0874	0,0806	0,0707	0,0635	0,0568
K	19	39	0,49	0,0852	0,0786	0,0689	0,0618	0,0552
Ca	20	40	0,50	0,0876	0,0809	0,0708	0,0634	0,0566
Ti	22	48	0,46					
Mn	25	55	0,45			<b>₽ 2 m2 ma</b>		
Fe	26	56	0,46	0,0828	0,0762	0,0664	0,0595	0,0531
H <sub>2</sub> O				0,0966	0,0896	0,0786	0,0706	0,0630

#### Símbolos utilizados

- Z = número atômico
- A = número de massa do isótopo mais abundante
- J = coeficiente de absorção linear de massa (Reactor -Physics constants, Argonne National Laboratory ANL-5800, 1961).



Por outro lado, pelo fato de ser o coeficiente de absorção linear uma função da densidade aparente do material absorvente, pode-se afirmar que, para um solo de densidade aparente constante (determinada quando sêco), o coeficiente de absorção linear é uma função de seu teor de água U:

 $U = f(\mu)$  . . . . . . . . . . . (IX)

sendo,

 $U = g H_2 O/cm^3$  solo sêco.

Supondo-se uma amostra de solo de densidade aparente d<sub>s</sub>, quando sêco e d<sub>u</sub> quando possue um teor de água U, tem-se, segundo a equação (III):

$$\mu_u = \bar{\mu} d_u$$

е

$$\mu_{s} = \bar{\mu} d_{s}$$

onde,

 $\mu_s$  e  $\mu_u$  são os coeficientes de absorção linear do solo quando seco e quando úmido, respectivamente, e  $\mu$  o coeficiente de absorção de massa do solo, tomado como independente de seu teor de água.

Subtraindo uma equação da outra e substituindo d<sub>u</sub> - d<sub>s</sub> por U tem-se:

$$U = k(\mu_u - \mu_s)$$

o que indica que a função expressa pela equação (IX) é uma função linear.

-13-

#### 3. MATERIAL E MÉTODO EMPREGADOS

3.1. MATERIAL

3.1.1. Solos

As amostras de solo utilizadas provèm de perfis pertencentes a três Grandes Grupos existentes no mu nicípio de Piracicaba:

a - Podsólico vermelho-amarelo, variação Laras , RANZANI (13), sendo as amostras colhidas nas proximidades do Aeroporto de Piracicaba. Neste trabalho chamou se êste solo de "variação Laras".

b - Latosol roxo, série Iracema, RANZANI (13), sen do as amostras colhidas na Fazenda Areião, pertencente à Escola Superior de Agricultura "Luiz de Queiroz". Chamou-se êste solo de "terra roxa".

c - Hidromórfico Húmico Gleizado, série Monte Olim po, RANZANI (14), sendo as amostras coletadas nas proxi midades de Dois Córregos, rodovia Piracicaba-Santa Bárbara d'Oeste. Chamou-se êste solo de "Monte Olimpo".

No Quadro III são apresentados os teores de argila, limo, areia e matéria orgànica dêsses solos.



# QUADRO III

# ANALISE GRANULOMETRICA DOS SOLOS

Solo	Areia %	Limo %	Argila %	M.O. %
Variação Laras	72,15	6,00	21,85	0,46
Terra Roxa	29,15	16,00	54,85	2,17
Monte Olimpo	85,5	4,5	10,0	5,03



#### 3.1.2. Fonte de Radiação Gama

Utilizou-se uma fonte de 55<sup>Cs<sup>134</sup>, de atividade aproximada de 30 mC (novembro 1964), produzida no Instituto de Energia Atômica de São Paulo. O césio en contra-se encerrado em uma cápsula cilíndrica de alumínio, cujas dimensões externas são: 22 mm de comprimen to e 10 mm de diâmetro.</sup>

A figura 7 representa o espectro da fonte de Cs. obtido experimentalmente pelo autor e o esquema de desintegração do  $_{55}$ Cs<sup>134</sup>, segundo FRISCH (8).

Nas determinações utilizaram-se radiações gama de energias 0,58 ± 0,01 MeV.

#### 3.1.3. Sistema de detecção

Para detecção das radiações gama emitidas pelo Cs<sup>134</sup> empregou-se um detector de cintilação (modêlo DS-5) e um analisador de impulsos (modêlo 132-B), ambos de fabricação da Nuclear Chicago Corporation.

#### 3.1.4. Geometria

Para as determinações dos coeficientes de absorção do solo foi utilizado um feixe colimado de radia ções gama obtido com uma geometria que é esquematizada na figura 8. Nesta geometria o orifício de colimação possue um diâmetro de 4 mm.

#### 3.2. METODOS

3.2.1. Coleta e preparo das amostras de solo Para cada tipo de solo foi feita a reunião de







81	8	1,361	MeV
δ <sub>2</sub>	=	1,162	MeV
Хз	*	0,794	MeV
84	=	0,601	MeV
ð5	×	0,567	MeV
86	=	0,561	MeV



-16-



várias amostras coletadas até 30 cm de profundidade, em uma área de aproximadamente 2.500 m<sup>2</sup>. O solo foi sêco à sombra e depois peneirado em peneira de 2 mm. As amo<u>s</u> tras de solo foram levadas à diferentes teores de umid<u>a</u> de por adição de água à "terra fina sêca ao ar", tomando-se cuidado para se obter uma homogeneidade completa, obtida por adição lenta da água e uso da peneira de 2 mm.

Os teores de umidade foram determinados em e<u>s</u> tufa a 105<sup>0</sup>C.

3.2.2. Determinação dos coeficientes de absorção de massa dos solos

Para a determinação dos coeficientes de absor ção de massa o solo foi colocado em um cilindro de alumínio de 150 mm de altura e 47 mm de diâmetro interno, fechado em uma das extremidades com uma chapa, também de alumínio, de 1,5 mm de espessura (fig. 9). O cilindro, contendo o solo, foi colocado em posição horizontal, man tendo-se o solo por intermédio de um disco de lucite, de diâmetro igual ao diâmetro interno do tubo e de 11 mm de espessura.

Para cada tipo de solo, com três teores diferentes de umidade, foram determinadas curvas de absorção, variando-se a espessura x de solo no intervalo  $0 - 25 \text{ g/cm}^2$ . Todas as curvas de absorção foram traç<u>a</u> das com 12 pontos.

Os coeficientes de absorção de massa  $\mu$ , foram determinados a partir dos coeficientes angulares das curvas de absorção, traçados em gráficos semi-logarítmi cos.

-17-



Fig. 8 - Esquema da geometria utilizada na colimação das radiações gama.



Fig. 9 - Corte longitudinal do cilindro utilizado para a determinação dos coeficientes de absorção de massa do solo.



#### 3.2.3. Determinação da densidade aparente do solo

Sendo o coeficiente de absorção de massa de um solo uma constante independente de sua compactação, procurou-se determinar a densidade aparente de amostras de solo pela determinação de seu coeficiente de absorção linear e aplicação da equação (III):

$$d = \frac{\mu}{\bar{\mu}}$$

O coeficiente de absorção linear µ de cada amostra foi determinado pela expressão:

$$\mu = \frac{\text{LI}_{o} - \text{LI}}{x} \qquad (x)$$

onde,

- LI<sub>0</sub> = logarítmo neperiano da intensidade do feixe incidente
  - LI = logarítmo neperiano da intensidade do feixe
     emergente
    - x = espessura da amostra de solo

Procurando verificar a exatidão do método desenvolvido, realizaram-se determinações simultâneas da densidade aparente de várias amostras pelo método aquí apresentado e pelo método clássico, isto é, pela determinação da massa e do volume das amostras.

#### 3.2.4. Determinação da água do solo

Estudou-se a variação do coeficiente de absor ção linear dos três solos citados em função de seu teor

-19-



de unidade. Para isto, foram determinados os coeficientes de absorção linear de várias amostras de solo, em duas fases: a primeira determinação foi levada a efeito em amostras cujo teor de água era conhecido e a segunda determinação foi realizada, respectivamente, s<u>ô</u> bre as mesmas amostras, após terem sido secadas em estu fa, a  $105^{\circ}C$ , até pêso constante.

-20-

Com os dados obtidos, estabeleceu-se uma função que correlaciona a variação do coeficiente de absor ção linear com a variação do teor de água do solo.



### 4.1. COEFICIENTES DE ABSORÇÃO DE MASSA DA RADIAÇÃO GA-MA PELO SOLO

Fez-se o estudo da regressão linear de cada curva de absorção pelo método dos quadrados mínimos, s<u>e</u> gundo PIMENTEL GOMES (12).

Os coeficientes de absorção de massa, obtidos para os diferentes tipos de solo, e teores de umidade, com seus respectivos desvios padrões foram:

Solo	Umidade %Coeficiente dePêsoabsorção $\mu$ (cm²/g)		desvio padrão s (µ)
var. Laras	0	0,08006	0,00028
var. Laras	8,46	0,07960	0,00109
var. Laras	15,18	0,07849	0,00021
terra roxa	0	0,08136	0,00089
terra roxa	9,57	0,07867	0,00036
terra roxa	27,71	0,07820	0,00072
M. Olimpo	0	0,08139	0,00064
M. Olimpo	20,83	0,07893	0,00062
M. Olimpo	37,07	0,08049	0,00048

Os coeficientes de absorção de massa foramcom parados pelo emprêgo do teste Tukey, de acôrdo com PI-MENTEL GOMES (12), tomando-se para a análise o contraste representado pelos coeficientes de absorção mais dí<u>s</u> pares.

Calculou-se a diferença mínima significativa



$$\Delta = q \sqrt{\frac{1}{2}} \hat{\vec{v}}(\hat{\vec{Y}}) \qquad \dots \qquad (XI)$$

sendo q fornecido por tabela "estudentizada" a um dado nível de probabilidade e  $\hat{v}(\hat{Y})$  a estimativa da variância da estimativa do contraste estudado.

A fim de estimar os graus de liberdade (n') n<u>e</u> cessários para testar o contraste, utilizou-se a fórmula de SATTERTHWAITE (16):

$$n' = \frac{\left[\hat{\hat{v}}(\mu_{i}) + \hat{\hat{v}}(\mu_{j})\right]^{2}}{\left[\hat{\hat{v}}(\mu_{i})\right]^{2} + \left[\hat{\hat{v}}(\mu_{j})\right]^{2}} \dots \dots \dots (XII)$$

sendo  $\hat{v}(\mu_i) \in \hat{v}(\mu_j)$  as estimativas das variâncias dos coeficientes de absorção  $\mu_i \in \mu_j$  utilizados no contraste e n<sub>i</sub> e n<sub>j</sub> seus respectivos graus de liberdade de êrro de regressão.

As variâncias dos coeficientes de absorção  $\mu_i$  foram estimadas, segundo PIMENTEL GOMES (12), pela expressão:

$$\hat{v}(\mu_i) = \frac{s^2}{\sum (x - \bar{x})^2}$$
 .... (XIII)

sendo,

s = desvio residual da regressão x = valores das espessuras de solo (g/cm<sup>2</sup>)



Os coeficientes de absorção mais díspares foram observados para Monte Olimpo (sêco em estufa) e ter ra roxa (27,71 umidade % pêso), sendo o contraste estudado  $\mu_1 - \mu_2 = Y = 0,00319$ . Para êste caso, encontrase uma diferença mínima significativa  $\Delta = 0,00330$ .

Considerou-se então, o coeficiente de absor ção de massa para solos e para radiações gama de ener gia 0,58  $\stackrel{+}{-}$  0,01 MeV, como sendo independente do tipo de solo e do teor de água. Para seu valor, tomou-se a m<u>é</u> dia dos valores obtidos, isto é,

$$\bar{\mu} = 0,07969 \text{ cm}^2 \cdot \text{g}^{-1}$$
  
s( $\bar{\mu}$ ) = 0,00022 cm<sup>2</sup> \cdot \text{g}^{-1}

#### 4.2. DENSIDADE APARENTE DE SOLOS

Foram feitas determinações de densidade apa rente em amostras de solo, colocadas no cilindro de alu mínio descrito em 3.2.2, com diferentes compactações, simultâneamente por dois métodos:

a - com utilização de radiação gama, de energias 0,58  $\pm$  0,01 MeV, segundo método já mencionado em 3.2.3, tomando o coeficiente de absorção de massa para solos como sendo constante e igual a 0,07969 cm<sup>2</sup>.g<sup>-1</sup>. Neste trabalho, chamou-se êste método de método gama.

b - pela determinação do volume e da massa do solo da amostra. Este trabalho tornou-se fácil porque as amostras possuiam forma geométrica conhecida. Chamouse êste método de método clássico.



QUADRO IV

DETERMINAÇÃO DE DENSIDADES APARENTES DE SOLOS (g/cm<sup>3</sup>)

método	método	método	método
classico	gama	CLASSICO	gama
1,34	1,34	1,26	1,28
1,47	1,49	1,70	1,69
1,57	1,57	1,82	1,79
1,83	1,81	0,98	0,98
2,08	2,05	1,16	1,16
1,55	1,52	1,28	1,25
1,53	1,51	1,37	1,35
1,21	1,23	1,20	1,19
1,32	1,35	1,39	1,37
1,45	1,46	0,96	0,95
1,64	1,63	1,14	1,13
1,81	1,79	1,13	1,12
1,54	1,53	1,21	1,19
1,52	1,52	1,02	1,01
1,29	1,31	1,18	1,17
1,34	1,35	1,20	1,17
1,91	1,90	1,26	1,24
2,05	2,02	1,18	1,15
1,21	1,23	1,17	1,16
1,05	1,06	1,42	1,40
1,36	1,35		

# ANÁLISE DA VARIANCIA

Causa de variação	GL	5.2.	Q.M.	Ŧ
Trat. (métodos) Resíduo	1 80	0,0010975 6,2442635	0,00109 <b>7</b> 5 0,078053 <b>3</b>	0,014
Total	81	6,2453610		

Os dados obtidos nestas determinações e sua análise acham-se no Quadro IV. As determinações, pelos métodos clássico e gama, apresentaram, respectivamente, coeficientes de variação não maiores que 1,5% e 1,8%. Através da análise da variância, pode-se ver<u>i</u>

-24-

ficar a precisão do método gama.



# 4.3. VARIAÇÃO DO COEFICIENTE DE ABSORÇÃO LINEAR DO SO-LO EM FUNÇÃO DA VARIAÇÃO DE SEU TEOR DE ÁGUA

Os dados obtidos no estudo da variação do coe ficiente de absorção linear do solo em função de seu teor de água encontram-se nos Quadros V, VI e VII, com as respectivas análises de variância.

Chamou-se de X as variações do teor de água no solo em gH<sub>2</sub>O/dm<sup>3</sup> e de Y a variação do coeficiente de absorção linear,  $\Delta_{\mu} = \mu_{\mu} - \mu_{s}$ .

Para os três solos estudados, a análise da va riância mostrou alta significância para regressão linear, confirmando o previsto pela teoria.

As equações de regressão obtidas pelo método dos guadrados mínimos, PIMENTEL GOMES (12), foram:

terra roxa :  $Y = 0,0000824 \Sigma - 0,00047$  (XV)

Fez-se a comparação dos coeficientes angulares das equações (XIV), (XV) e (XVI), dois a dois, pelo teste Tukey, PIMENTEL GOMES (12). Os graus de liberd<u>a</u> de necessários para testar os contrastes foram determi-

-25-



nados pela fórmula de SATTERTHWAITE (16).

Os graus de liberdade e os valores de <u>Aencon</u> trados para cada contraste for<u>a</u>m:

Contrastes	GL	μ <sub>1</sub> - μ <sub>j</sub>	△ (5%)
var. Laras vs. t. roxa	22	0,00000113	0,00000632
t. roxa vs. M. Olimpo	<b>2</b> 2	0,0000099	0,00000632
M. Olimpo vs. var.Laras	24	0,00000222	0,00000438

Os coeficientes lineares das equações (XIV), (XV) e (XVI) deveriam ser nulos pois quando X = 0, Y = 0. Devido a isto, verificou-se se êles diferem ou não de zero, pela aplicação do testet, PIMENTEL GOMES (12), utilizando a expressão:

onde  $a_i$  é o coeficiente angular em estudo e  $\hat{V}(a_i)$  a estimativa de sua variância dada por:

Solo	Contraste (a <sub>i</sub> - 0)	GL	ν(a <sub>i</sub> )	Limi para	tes t	t
	1			5%	1%	
var.Laras	0,00068	14	0,000165	2,14	2,98	4,12 <sup>**</sup>
t. roxa	0,00047	14	0,000314	2,14	2,98	1,50
M. Olimpo	0,00011	11	0,000176	2,20	3,11	0,62

$$\hat{\mathbf{v}}(\mathbf{a}_{i}) = \frac{\mathbf{s}^{2}}{N} + \bar{\mathbf{X}} \cdot \hat{\mathbf{v}}(\mu_{i}) \cdot \dots \cdot (\mathbf{X}\mathbf{V}\mathbf{I}\mathbf{I})$$



#### QUADRO V\_

VARIAÇÃO DO COEFICIENTE DE ABSORÇÃO LINEAR EM FUNÇÃO DA VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA DO SOLO

$X (gH_20/dm^3)$	$Y (\mu_{u} - \mu_{s})$
3,1	-0,00046
4,8	-0,00064
16,2	0,00084
18,2	0,00085
43,3	0,00244
52,3	0,00435
77,7	0,00556
81,4	0,00561
82,2	0,00565
82,6	0,00650
125,5	0,00861
156,8	0,01130
189,5	0,01451
213,4	0,01697
236,0	0,01908
269,0	0,02105

Variação Laras

#### ANÁLISE DA VARIANCIA

Causa de variação	GL	S.Q.	Q.M.	F
Regressão linear	1	0,000730611	0,000730611	4272 <sup>₩₩</sup>
Resíduo	14	0 <b>,0</b> 00002394	0,000000171	
Total	15	0,000733005	an a	100-001-0000

Y = 0,0000812 X - 0,00068



# QUADRO VI\_

VARIAÇÃO DO COEFICIENTE DE ABSORÇÃO LINEAR EM FUNÇÃO DA VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA DO SOLO

X (gH <sub>2</sub> 0/dm <sup>3</sup> )	$Y(\mu_u - \mu_s)$
16,3	0,00138
18,7	0,00 <b>156</b>
25,5	0,00167
83,0	0,00617
106,3	0,00816
122,5	0,00953
123,9	0,00990
124,6	0,00930
142,6	0,01065
143,1	0,01004
163,5	0,01290
164,6	0,01298
175,7	0,01449
178,0	0,01496
210,5	0,01654
250,8	0,02101

terra roxa

ANÁLISE DA VARIANCIA

Causa de variação	GL	S.Q.	Q.M.	F
Regressão linear Resíduo	1 14	0,000455587 0,000004487	0 <b>,</b> 000455587	1421 <sup>##</sup>
Total	15	0,000460074		an a

Y = 0,000824 X - 0,00047



#### \_QUADRO VII\_

VARIAÇÃO DO COEFICIENTE DE ABSORÇÃO LINEAR EM FUNÇÃO DA VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA DO SOLO

X (gH <sub>2</sub> 0/dm <sup>3</sup> )	$\Upsilon (\mu_u - \mu_s)$
5,9	0,00074
7,2	0,00037
22,9	0,00162
26,0	0,00207
74,0	0,00667
76,4	0,00695
91,6	0,00806
119,1	0,00986
133,2	0,01142
189,1	0,01535
225,1	0,01899
245,2	0,02100
254,1	0,02077

Monte Olimpo

ANALISE DA VARIANCIA

Causa de variação	GL	S.Q.	Q.M.	F
Regressão linear	1	0,000679683	0,000679683	4540 <sup>##</sup>
Residuo	11	0,00001647		
Total	12	0,000681330		

Y = 0,0000833 X + 0,00011



Fig. 10 Variação do coeficiente de absorção linear em função da variação do teor de água do solo.



Verificou-se que existe diferença significati va apenas entre o coeficiente angular da equação (XIV) e zero. No presente trabalho, êste fato não apresenta grande importância porque seu objetivo principal é o es tudo da variação do coeficiente de absorção linear com o teor de água (dY/dX), isto é, o coeficiente angular da equação.

Com base nos dados obtidos e sua análise, pas sou-se a admitir uma única equação de regressão para os três tipos de solo, no que se refere à variação do coeficiente de absorção linear (Y) em função da variação do teor de água no solo (X):



# 5. APLICAÇÕES DO METODO

## 5.1. VARIAÇÃO DA DENSIDADE APARENTE DE UM PERFIL DE SO-LO EM FUNÇÃO DA PROFUNDIDADE

A fim de demonstrar a versatilidade do método (determinação de densidade aparente de solos) aquí apr<u>e</u> sentado, foi feito um estudo da variação da densidade aparente de um perfil de Latosol roxo, série Monte Alegre, RANZANI (13), de dimensões  $15 \times 15 \times 90$  cm. As d<u>e</u> terminações foram realizadas com um feixe de radiações gama de 0,58  $\pm$  0,01 MeV sôbre o perfil sêco ao ar. A figura 11 mostra a montagem completa. Foram realizadas medidas de densidade aparente de 5 em 5 cm de pro fundidade, a partir da superfície, com 3 repetições.

As densidades aparentes foram determinadas a partir da expressão:

$$d = \frac{\mu}{0,07969}$$

sendo µ calculado a partir da equação (X). Os dados obtidos com as respectivas médias acham-se no Quadro VIII.

Na figura 12 são apresentados, gràficamente, os dados obtidos paralelamente com a análise granulométrica do perfil.



# QUADRO VIII

# VARIAÇÃO DA DENSIDADE APARENTE DE UM PERFIL DE SOLO EM FUNÇÃO DA PROFUNDIDADE

Drofundidodo	]	Mádio		
1.010uuuuade	1ª	28	38	Meura
5	1,372	1,381	1,365	1,373
10	1,339	1,340	1,340	1,340
15	1,397	1,393	1,381	1,390
20	1,394	1,390	1,386	1,390
25	1,374	1,381	1,391	1,382
30	1,215	1,209	1,206	1,210
35	1,216	1,220	1,176	1,204
40	1,221	1,243	1,220	1,228
45	1,279	1,289	1,267	1,278
50	1,327	1,333	1,332	1,331
55	1,399	1,401	1,423	1,408
60	1,338	1,330	1,351	1,340
65	1,445	1,450	1,450	1,449
70	1,504	1,501	1,508	1,504
75	1,539	1,536	1,520	1,532
80	1,353	1,333	1,357	1,348
85	1,310	1,297	1,290	1,299

Profundidade (cm)

Densidade aparente  $(g/cm^3)$ 



Fig. 11 Aspecto da determinação da densidade aparente de um perfil de solo.



Fig, 12 Variação da densidade aparente de um perfil em função da profundidade. Símbolos utilizados:

argila - ag limo - lm areia - ar



5.2. ESTUDO DA VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA EM SOLOS

Foi feito o estudo da variação da unidade em uma coluna de solo peneirado por peneira de 2 mm e homo gêneo quanto ao teor de água, de 15,5 cm de diâmetro, a qual recebia continuamente 1,2 cal/cm<sup>2</sup>.min, por inte<u>r</u> médio de uma lâmpada de infra-vermelho. Verificou-se a variação do coeficiente de absorção linear do solo para radiações gama de 0,58  $\pm$  0,01 MeV em função do tempo de exposição do solo à luz artificial, a três profundidades distintas, a saber: 1,5 ; 3,0 e 4,5 cm, contados da superfície do solo.

A partir dos coeficientes de absorção linear u foram determinadas as densidades aparentes du pela aplicação da equação (VIII), tomando o coeficiente de absorção de massa como constante:

$$d_u = \frac{\mu_u}{0,07969}$$

As percentagens de água por pêso de solo sêco foram determinadas segundo:

sendo a densidade aparente do solo seco d<sub>s</sub> determinada também pela utilização da equação (VIII), após a coluna de solo ter sido mantida em estufa a 105<sup>°</sup>C até pêso con<u>s</u> tante.

Determinaram-se também, as variações do teor de água, em gH<sub>2</sub>O/cm<sup>3</sup>, a partir das variações do coefi ciente de absorção linear, pela aplicação da equação -(IXX). Os dados obtidos encontram-se nos Quadros VIII, IX e X. A fig. 13 representa gràficamente éstes dados.

-29-



#### QUADRO IX

VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA EM UMA COLUNA DE SOLO <u>A UMA PROFUNDIDADE DE 1,5 CM DA SUPERFÍCIE, EM</u> FUNÇÃO DO TEMPO

t	<sup>µ</sup> u	d <sub>u</sub>	U%	U
0	0,09777	1,23	30,9	0,28
1,58	0,09244	1,16	23,4	0,21
3,25	0,08564	1,07	13,8	0,13
4,83	0,08162	1,02	9,0	0,08
6,83	0,08076	1,01	7,4	0,07
8,08	0,07949	l,00	6,4	0,06
9,50	0,07949	1,00	6,4	0,06
10,92	0,07949	1,00	6,4	0,06
22,42	0,07887	0,99	5,3	0,05
27,92	0,07829	0,98	4,3	0,04
33,50	0,07912	0,99	5,3	0,05
35,83	0,07829	0,98	4,3	0,04
46,25	0,07809	0,98	4,3	0,04
	$\mu_{\rm s} = 0,07491$	$d_{g} = 0,94$	0	0

terra roxa

- t = tempo em horas
- $\mu_{u}$  = coeficiente de absorção linear do solo (úmido) em cm<sup>-1</sup>
- $d_u$  = densidade aparente do solo (úmido) em g/cm<sup>3</sup>
- $U_{\%}^{\sim}$  = porcentagem de água por peso de solo sêco
- U = teor de água em  $gH_0/cm^3$



#### QUADRO X

VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA EM UMA COLUNA DE SOLO, <u>A UMA PROFUNDIDADE DE 3.0 CM DA SUPERFÍCIE, EM</u> FUNÇÃO DO TEMPO

t	μ <sub>u</sub>	d <sub>u</sub>	U%	U
0,17	0,09042	1,13	31,4	0,26
1,83	0,09042	1,13	31,4	0,26
3,42	0,08799	1,10	27,9	0,24
5,00	0,08657	1,09	26,7	0,22
7,00	0,07610	1,08	25,6	0,21
8,34	0,08564	1,07	24,4	0,21
9,75	0,08564	1,07	24,4	0,21
22,67	0,08082	1,01	17,4	0,15
28,17	0,07871	0,99	15,1	0,12
33,75	0,07829	0,98	14,0	0,12
36,17	0,07788	0,97	12,8	0,11
46,59	0,07604	0,95	10,5	0,09
	$\mu_{\rm s} = 0,06853$	$d_{s} = 0,86$	0	0

terra roxa

- t = tempo em horas
- $\mu_u = \text{coeficiente} \text{ de absorção linear do solo (úmido)}$ em cm<sup>-1</sup>

 $d_{11}$  = densidade aparente do solo (úmido) em g/cm<sup>3</sup>

- U% = porcentagem de água por peso de solo sêco
- U = teor de água em  $gH_2O/cm^3$



#### QUADRO XI

VARIAÇÃO DO TEOR DE ÁGUA EM UMA COLUNA DE SOLO A UMA PROFUNDIDADE DE 4,5 CM DA SUPERFÍCIE, EM FUNÇÃO DO TEMPO

t	Pu	d <sub>u</sub>	U%	U
0,42	0,09347	1,17	31,5	0,27
2,09	0,09347	1,17	31,5	0,27
3,67	0,09295	1,17	31,5	0,27
5,26	0,09244	1,16	30,3	0,26
7,09	0,09193	1,15	29,2	0,26
8,44	0,09193	1,15	29,2	0,26
9,84	0,09092	1,14	28,1	0,24
11,27	0,09142	1 <b>,</b> 14	28,1	0,25
22,77	0,09031	1 <b>,1</b> 3	27,0	0,24
28,27	0,08956	1,12	25,8	0,23
33,84	0,08907	1,11	24,7	0 <b>,2</b> 2
36,27	0,08907	1,11	24,7	0,22
46,77	0,08833	<b>1,</b> 10	23,6	0,21
	$\mu_{\rm s} = 0,07092$	$d_{s} = 0,89$	0	0

terra roxa

- t = tempo em horas
- $\mu_u = \text{coeficiente de absorção linear do solo (úmido)}$ em cm<sup>-1</sup>

 $d_u$  = densidade aparente do solo (úmido) em g/cm<sup>3</sup>

U% = porcentagem de água por pèso de solo sêco

U = teor de água em  $gH_2 O/cm^3$ 



Fig. 13 Variação do teor de água de uma coluna de solo devida à evaporação na superfície.



#### 6. CONCLUSÕES

a. Nos estudos do fenômeno da absorção da radiação gama de energia 0,58 <sup>±</sup> 0,01 MeV por solos variação Laras, terra roxa e Monte Olimpo pôde-se observar que:

1. O coeficiente de absorção de massa µ é uma cons tante independente do tipo de solo e de seu teor de água:

> $\bar{\mu} = 0,07969 \text{ cm}^2 \cdot \text{g}^{-1}$ s( $\bar{\mu}$ ) = 0,00022 cm<sup>2</sup> · g<sup>-1</sup>

2. O coeficiente de absorção linear  $\mu$  (cm<sup>-1</sup>) pode ser expresso como uma função linear da densidade aparen te do solo (g/cm<sup>3</sup>),

$$\mu = 0,07969 . a$$

3. A variação do coeficiente de absorção linear Y (cm<sup>-1</sup>), ocasionada pela variação do teor de água, X (gH<sub>2</sub>O/dm<sup>3</sup>), retida pelo solo, pode ser expressa pela seguinte equação linear:

$$Y = 0,0000823 X$$

b. Os métodos de determinação de densidade aparente e teor de água do solo, aquí apresentados, possuem a vantagem de não exigir a elaboração de curvas de calibra gem, permitindo ainda o estudo da variação daquelas gran dezas so longo de um perfil de solo, sem prejudicar sua -31estrutura natural. Outros métodos, baseados no espa lhamento da radiação gama pelo solo permitem determinar apenas valores médios de amostras relativamente grandes. A determinação do teor de água do solo pela absorção da radiação gama parece ser uma técnica promis sora para estudos de sua dinâmica em solos.



#### 7. BIBLIOGRAFIA

- 1. BLATZ, H. Radiation Hygiene Handbook. McGraw-Hill Book Company, Inc. New York, U.S.A., 1959.
- 2. COMAR, C.L. Atomic energy and agriculture. American Association for the Advancement of Science. Washington, D.C., U.S.A., 1957.
- 3. CONDON, E.U. e ODISHAW, H. Handbook of Physics. McGraw-Hill Book Company, Inc. New York, U.S.A., 1958.
- DAVIDSON, J.M. e outros Gamma radiation device aids study of water movement in soil . Calif. Agric. 16(2):8-9; fevereiro 1962.
- 5. Gamma radiation attenuation for measuring bulk density and transient water flow in porous materials. -Jour. Geophys. Res. 68(16):4777-4783; agôs to 1963.
- FERGUSON, H. e GARDNER, W.H. Water content measurement in soil columns by gamma ray absorption. Soil Sci. Soc. Amer. Proc. 26 (1):11-14, 1962.
- 7. Diffusion theory applied to water flow data obtained using gamma ray absorption. Soil Sci. Soc. Amer. Proc. 27(3):243-246, 1963.

- 8. FRISCH, O.R. The nuclear handbook. Londres, Inglaterra. George Newnes Limited. 1958.
- 9. GURR, C.G. Use of gamma rays in measuring water content and permeability in unsaturated columns of soils. Soil Sci. 94(4): 224-229; outubro, 1962.
- 10. KIRKHAM, D. e RAYMOND, J.K. Isotopes in soil physics research. Advances in Agronomy. Vol. 14:321-357. Academic Press Inc. New York, U.S.A., 1962.
- 11. LAPP, R.E. e ANDREWS, H.L. Nuclear radiation physics. Prentice-Hall, Inc., New York, USA. segunda edição, 1954.
- 12. PIMENTEL GOMES, F. Curso de estatística experimental. Publicação da Escola Superior de Agricultura "Luiz de Queiroz", Universid<u>a</u> de de São Paulo. 2ª edição, 1963.
- 13. RANZANI, G. Levantamento de reconhecimento dos solos do Estado de São Paulo. Comissão de solos do CNEPA, Rio de Janeiro. Boletim nº 12.
- 14. \_\_\_\_\_ Levantamento de reconhecimento dos solos do Estado de São Paulo. Comissão de solos do CNEPA, Rio de Janeiro; em pu blicação.

-33-

15. SALATI, E. Introdução ao estudo da água do solo pela moderação de neutrons. Tese apresen tada para concurso de Livre Docência na Cadeira de Física e Meteorologia da Escola Superior de Agricultura "Luiz de Quei roz". Piracicaba, São Paulo, Brasil, -1960.

K

16. SATTERTHWAITE, F.E. An approximate distribution of estimates of variance components. Biom. Bull., 2:110-114.